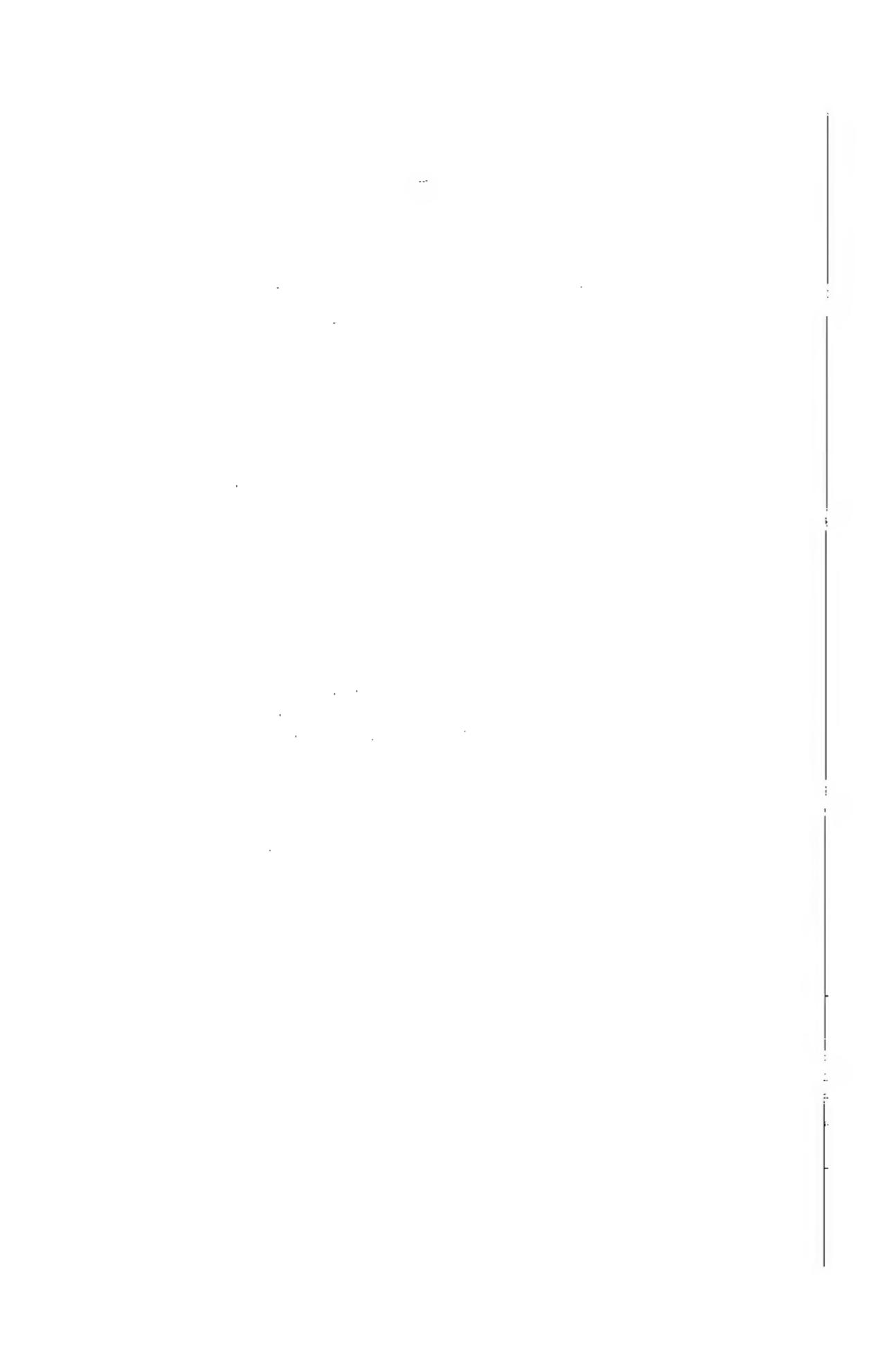
الإحصاء الوصفى في العلوم النفسية والتربوية

دكتورة ناديه محمد عبد السلام



الخطاء الوصيفي في العلوم النفسيّة والتربوبة

مكتورة ناديم محسر عبالستال استاذ مساعد علم للننس التعليمي كلية البنات – جامعة عين شعس



اللاهراد

إلى أبنائي ..

بسسم السرائر من الرحسيسم معترف أرمة

أحد أمداف مسذا الكتاب مو تقسيم ومناتشة التاييس الاحصائية الوصفية ، التى نحتاج إليها غلبا في البحث السيكلوجي ومعرفة الاستخدام الأفضل لهذه المتاييس وكيفية تفسيرها لا تتم بدون معرفة معانيمها وافتراضاتها الحسيدة .

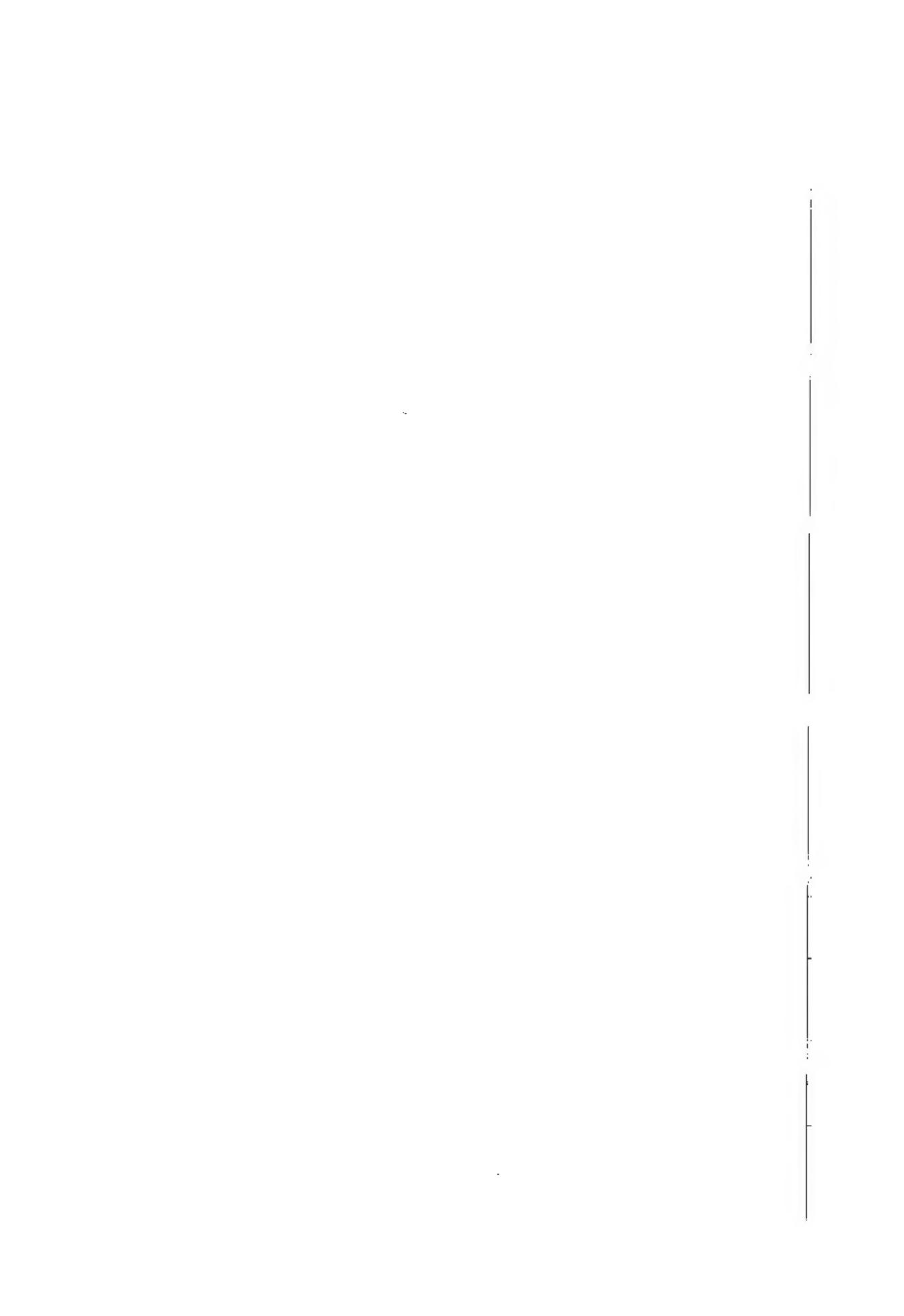
وعلى الرغم من أن الطرق الاحصائية لها مكانة عامة في الوقت الحاضر في البحث السيكلوجي ، إلا أن الاحصاء لا يمكن أن يعالج بيانات نتجت عن خطة بحث عزيلة ، غلا يمكن لأى قدر من الاحصاء أن يحول بيانات رديئة إلى صورة متبولة ،

وغرض مسذا الكتاب هو تعريف الطالب بالوسائل الاحصائية الشائعة الاستخدام وغرض مسذا البحوث النفسية فمدى حاجتها لاستخدام الاسائيب الاحصائية الاحصائية الختلفة وغبعض البحوث قد لا تتطلب استخدام اساليب احصائية والبعض الآخر يتضمن ممالجات احصائية بسيطة جسدا وبينما البعض الآخر يعتمد بشدة على أساليب الاحصاء المتعدة واكثر مجالات علم النفس اعتمادا على الاحصاء هو التياس النفسي و

والأمل كبير في أن بيحظى حسذا الكتاب برضا القارى، ، وأن يكون عونا للدارسين والمهتمين بهذا الميدان ،

والله ولى التونيق ؟

تكتوره **نبادية محود عبد السسالم**



		- - - :

محتوات الكتاب

المنفحة

الوضىوع

ر ۱ تقــــديم الفهــــدس

الفصسل الأول القيسساس

معنى التياس (٥) - الغرض من التياس النفسى (٦) - طبيعة التياس النفسى (٦) - طبيعة التياس النفسى (٦) - مستويات التياس النفسى (١٠) - التياس الترتيبي (١٠) - التياس الترتيبي (١٠) مقاييس النسبة (١٠) - مقاييس النسبة (١٦) -

الفصل النسائي تبويب البيانات

منسخمة (۱۹) - الاحصاء الوصلي (۱۹) - تبويب البيانات ووصفها (۲۰) - الترزيع التكراري (۲۰) - خطوات تكوين جدول التوزيع التكراري (۲۱) - طرق كتابة الفئات (۲۲) - الحسدود الحقيقية للفئات (۲۰) - منتصف الفئة (۲۰) - التوزيع التكراري التجمع للدرجات الخام (۲۱) - تعثيل التوزيع بالرسم (۲۷) - المسلم التكراري (۲۸) - المدرج التسكراري (۲۸) - المدخني التكراري (۲۸) - المدرج التسكراري (۲۸) - المدخني التكراري (۲۸) - تمارين (۳۲) - شرح التوزيعات التكرارية (۳۲) - تمارين (۳۲) .

النمسال الثالث مقاييس النزعة الركزية

المتوسط (٢٩) — المتوسط من الدرجات الخام (٤٠) — المتوسط من تكرار الدرجات (٤١) — المتوسط الحسابي للقيم المتجمعة في جدول تكراري (٢٤) — المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة (٤٤) — المخواص الاحصائية لأمتوسط (٤٩) — فوائد المتوسط (٥٣) — المسيط اذا كان المتوسط الوزني (٥٣) — الوسيط اذا كان عدد الدرجات عدد الدرجات فرديا (٥٧) — حساب الوسيط اذا كان عدد الدرجات زوجيا (٥٩) — حساب الوسيط من تكرار الدرجات (٥٩) — حساب الوسيط من فئسات الدرجات (٦١) — الخواص الاحصائية الوسيط (٦٥) — الدرجات (٦١) — الخواص الاحصائية الموسيط (٦٥) — فوائد الوسيط (٥٦) — المتوال (٦٦) — الاستحدام الاصطلاحي المنوال (٦٥) — طرق حساب الموال من عليات الموال من تكرار الدرجات (٦٨) — حساب الموال من عليات

للدرجات (٦٨) — حساب النوال من الوسيط والتوسط (٦٩) ... الخواص الاحصائية للمنوال (٦٩) ... انتقاء مقياس من متاييس الترعة المركزية (٧٠) ... تمارين (٧٣) ٠

الفصـــل الرابـــع مقاييس التشتت

مقدمة (۷۹) ــ المدى الكلى (۷۹) ــ الإرباعيات (۸۱) ــ نصف الدى الانحراف الأرباعي (۸۱) ــ الفوائد آلعملية الأرباعيات (۸۱) ــ الفنينيات المئينيات والإعشاريات (۸۱) ــ الفوائد العمليــة والتطبيتية للملينيات والإعشاريات (۸۸) ــ الفوائد العمليــة والتطبيتية الملينيات والإعشاريات (۸۸) ــ الانحــراف المعيارى (۹۸) ــ طرق حساب الانحــراف المعيارى (۹۰) ــ طرق حساب الانحــراف المعيارى (۹۰) ــ « ج » حساب الانحــراف المعيارى لفئات الدرجات الطريقة المختصره (۹۳) ــ « د » حساب الانحــراف المعيارى بالطريقة العامة (۹۰) ــ التباين (۹۸) ــ « مقارنة الانحراف المعيارى بالطريقة العامة (۹۰) ــ التباين (۹۸) ــ مقارنة بين مقاييس التشتت (۹۹) ــ تمارين (۹۰) ..

الفصيل الغامس التحويات

مقدمة (۱۰۰) ــ القحويل الخطى (۱۰۰) ــ القحويل فير الخطى (۱۰۷) ــ الفـرق بين التوزيمات النظرية والتجريبية (۱۱۰) ــ التوزيع الاعتدالي (۱۱۰) ــ اشكال التوزيع (۱۱۰) ــ الدرجات المعيارية (۱۱۰) ــ الدرجات المعيارية الخطية (۱۱۰) ــ الدرجات المعيارية الخطية (۱۱۳) ــ الدرجات المعيارية المقنفة (۱۲۳) ــ تحويلات المعيارية المقنفة (۱۲۳) ــ تحويلات المعيارية المقنفة (۱۲۳) ــ تحويلات المعيارية (۱۲۳) ــ تحويلات المعيارية (۱۲۳) ــ المعيارية (۱۲۸) ــ المعيارية (۱۲۸) ــ المعيارية المعيارية (۱۲۸) ــ المعيارية المعيارية (۱۲۸) ــ المعيارية ا

الفصل السبسانس الأرتبساط

التباين التلازمي (١٣٧) _ منهوم الأرتباط الخطي (١٣٥) _ معنى الارتباط وأحميته (١٣٧) _ نقط الانتشار (١٤٠) _ أنواع التغير الاقترائي المتترائي المتنابع (١٤١) _ النغير الاقترائي المتنابع (١٤١) _ النغير الاقترائي المتنائي الثنائي الثنائي (١٤١) _ معامل الارتباط لبيرسون (١٤٢) _ خساب الارتباط بالطريقة العامة (١٤٧) _ التغيير الاقترائي الثنائي (١٤٧) _ المترائي الثنائي (١٥٢) _ معامل المتنائي الأصليل (١٥٢) _ معامل الرتباط (١٥٢) _ تفسير معامل الارتباط الرتباط الرتباط الرتباط (١٥٢) _ تفسير معامل الارتباط الرتباط الرتباط الرتباط الرتباط الرتباط الرتباط الرتباط (١٥٢) _ تفسير معامل الارتباط الرتباط (١٦٢) _ تفسير معامل الارتباط (١٦٢) _ تمارين (١٦٦) .

الفصيل الأول القياس القياس

		-

معنى القيساس : --

يحدد القياس باصطلاحات مختلفة نوعا تبعا لاختلاف وجهات النظر ويتضمن اى عدد من التحديدات الشابهة للتياس معانى مختلفة عدما نعتبر لفظ تياس ، فنحن نربطه عادة بتحديد البعد ، السعة ، المدى ، معانى ، معانى ويبدو أن التعريف الشائع للقياس هو التحديد المكمى للاشياء بالنسبة الى تواعد معينة ، فعثلا ، تياس طول الفرد هو تحديد السافة بين قدمه واعلى راسه باستخدام المسطرة ، وتياس نسبة ذكاء طفل هو التحديد الكمى بالنسبة لنمط استجابته لجموعة معينة من الشاكل ، كذلك تياس أرضية المغرفة هو تحديد طولها وعرضها وبالقالى ، مساحتها ، وعندما تقيس الزمن ، نعبر عنه بوحداته المناسبة ، وق كل الحالات نعبر عن النتيجة كميا ، اى ، ف صورة اعساد "

ومن ثم ، من التياس يحول الصفات التي ندركها الى اشياء مالوفة ، يسبهل تطبها وهي « الأعداد » أو الأرقام • فمثلا ، معرفة كيف يستفيد عالم الفيزياء من معرفته أن الحديد ينصبهر عند درجة حرارة مرتفعة • ويتضبح امهية الدور الذي يلعبه التياس في التعليم وايضا في اي بحث اجتماعي أو سسيكلوجي •

ويحدد ستيننز (1951) Stevens التياس بقوله : « التياس بمنهومه الشبائع ، مو التحديد العدى للاشبياء أو الأحداث بالنسبية الى قواعد » (۲ : ۲) •

والجزء اللهام في تعريف ستيفنز مو « القاعدة » في أي حالة خاصة • والمتحديد المدى ببساطة لا يجعل المعلية كميا • نمثلا ، تحديد عدد نريق كرة القدم هذا قياس كيني على أحسن تقدير • وعلى ذلك ، نعدل تماعدة القياس بحيث تكون عملية كمية سد أي العملية التي تنتج في صورة أعداد ولها معنى كمي • وبالتالي سنتصر لفظ قياس على الوصف الكمي •

والقياس عملية محايدة • وتعتمد تيمة الأحكام على الاحتياجات اللهريدة

وأمداف الموثف وفي أى موقف معنى فان كفاءة « الأداة » تحدد كفاءة القياس ويتضمن تعريف ستيفنز أيضا أنه اذا حددنا القاعدة ، فإن قياس أى شى سيكون ممكنا نظريا على الأقل و وتؤسس القواعد بصفة عامة على بعض الأسس النطقية ، والتجريبية .

الغرض من القيساس النفسى:

يتضع مما سبق أن الغرض الأساسي للتياس هو الوصف الكمى • ونحن نهتم بدراسة وتتدير سلوك الانسان ، ويساعدنا التياس في هذه الدراسة •

ومن أغراض القياس الرئيسية ، تحديد الفروق بين الأفراد وذلك بمعارفة الفرد بغيره في ناحية من النواحي النفية أو الهنية ١٠٠ وتحديد مركزه النسبي ، أيضا ، تحديد الفروق دلخل الفرد نفسه لعرفة نواحي القوة والضعف بالنسبة لنفسه ، بمقارفة قدراته المختلفة مما ، كذلك الفروق بين الجماعات وهذا يفيدنا في دراسة سيكلوجية الجماعات وخصائص النمو ، كذلك معرفة الفروق بين الهن المختلفة يفيد في عملية الانتقاء الهني وفي التوجيه الهني وفي الفرد عموما للمهن ،

طبيعة القيساس النفسى:

القياس النفس عموما غه مباشر ۱۰ ان اننا نقيس بالضاط النواس السلوكية عن طريق المستدلال أكثر من قياسنا له عن طريق الملاحظة المباشرة ، نما نستدل عن نحن لا نستطيع أن نستخلص نسبة ذكاء الطفل مباشرة ، انما نستدل عن الذكاء من ملاحظات سلوكية منتتاه وبالطبيع ، غان السلوك الذي اخترنا ملاحظته يحدده منيومنا للذكاء ويتاس التحصيل ، الاستعدادات ، سمات الشخصية ، التدرات الخاصة ، ٠٠٠٠ بطريق غير مباشر .

والتياس النفسي تياس نسبي وليس مطلقا ، غوحدات متاييس التحصيل المدرسي ، الذكاء ، الاستعداد ، الدوافع ليست مبنية على مقياس له صغر مطلق، كما هو الشال في قياس الوزن او الارتفاع و وتعتمد معنى او تفسير درجة الاختبار أو مقياس الأداء على علاقتها بمحك او لبعض الحكات و ربما تعتمد المحكت أو لا تعنمد على اداء مجموعة معينة ، فمثلا ، لتغرض أن درجة طالب

مى ١٨٪ لجابة صحيحة على اختبار · بغض النظر عن ادا أى فرد آخــر على الاختبار ، فإن الــ ٦٨٪ اجابة صحيحة لها معنى عندما فدرس الاختبار لتحديد فهم أو ادراك الطالب لأعداف Objectives متضمئة في محتــوى الاختبار · وتذكر أن الاختبار مو محكى الرجــع عندما تبنى تفسير النتائج على أساس التفوق أو عدم التفوق لجموعة أعداف يعكسها محتوى الاختبار ·

ايضا تستطيع تفسير الأداء المقاس بمقارنته لدرجات مجموعة معينة او محددة ممكن أن نسأل ، كيف تقارن هذه الدرجة مع متوسط الأداءات للنصل؟ مع كل الطلبة الذين أخذوا الاختبار ؟ مع كل الطلبة الذين أخذوا الاختبار المعلمة فكائهم اعلى من ١٢٥ ؟

منا استخدمنا المطومة الإضافية بالنسبة للمجموعات المتارنة لتنسبر الدرجة وعندما نستخدم هذا الاتجاه ، فان التياس يكون نسبيا اى جماعى الرجع ــ ويستخدم هذا النوع من التنسير بكثرة ومع ذلك ، بجب ان نعترف ان الدرجة يكون لها بعض المعنى عندما تكون محكية المرجع ويتم احيانا تنسير كثير من الاختبارات باستخدام كل من الاستدلال المحكى والجماعي المرجع و

ويتضمن التياس ، حتى في الطوم الطبيعية ، نسبة من الخطا ، وتحدث الأخطاء بطرق عديدة ، مثل الخطأ في الملاحظة ، أو الخطأ الملازم في أداة التياس ، فالعالم السلوكي ، في لنجازه لبحثه ، يعالج متغيرات البحث لغرض الملاحظة وتياس التغير في الاستجابات ، وللحصول على هذه التياسات ، غان الباحث يجب أن يحدد وحدة مناسبة من التياس تناسب بياتات البحث التي وصل البها ، ويضطر الباحث في أثناء البحث والتياس ، أن يستخدم عينات صغيرة

نسبيا ، وتحدث اخطاه التياس بسبيب :

- ١ ــ اخطساء المينة •
- ٣ ــ أخطساء الصحفة أو الأداة -
- ٣ -- اخطاء ثابتة مثل التعب، النش، الاجراء (أو التطبيل)
 الخساطىء -

مع طلك ، غانه من الحماقة أن ندافع عن عدم أستمرارية التياس اللفسى وسبب الخطأ الرجود ، يدلا من ذلك ، نحاول أن محدد الأسباب ومدى الخطأ ، وفي يعض إلولتف ، ربما تستطيع حذف جزء منه على الأتل .

نستخلص مما سبق ، اربع خواص للتياس النفسي هي :

١ ــ القياس النفسي قياس غير وباشر:

حيث أننا نتيس ما يسمى بتكوينات غرضية أو أمور لا يمكن تياسها مباشرة كما نتيس بعض الأمور المادية ،

٢ -- القياس النفسي قياس كمي تبعد من ابعاد الساوك :

وذلك كتندير درجات تعير عن مستوى للتلاميذ في التحصيل أو الذكاء أو مهارة معينة ، مَائتتدير الكمي شرط ضروري ،

٣ -- القياس النفسي قياس نسبي وليس مطلقا :

وذلك لأن درجة صعوبة أو سسهولة أى اختبار تختلف عن غيره من الاختبارات ، حيث أن لكل اختبار ما يسمى بارضدة الاختبار ، ما الأدنى ، وما يسمى يستف الاختبار وهو اتصى حد يصل اليه الاختبار ، أى أنه لا يوجد ما يسمى بالصفر المثلق المروف في التياس المادى ، كذلك تنسر الدرجة التي يحصل عليها الفرد في أى اختبار عتلى ، بمتارئتها بالمايير الستمدة من الجماعة التي ينتمى اليها مذا الفرد .

ا سي يوجد عنصر من الخطا دائما :

رأبنا مما سبق ، أن التياس يحدد بأته الرصف الكمى أد لوك الإنسان ، ولكى نشرح بدقة هذا السلوك ، يلزم أن يكون لدينا بعض المناميم الاحسائية الأسساسية ،

سوف تعرض في هذا للفصل هذه المقاهيم الاحصائية الأسامية.

للنوابت والنفرات:

مفهوم الظواهر Phenomena والوضوعات Subjects في القياس السيكلوجي له خولص لما أن تكون ثابتة أو متغيرة بالنسبة للمجموعة تحت العراسة م فاذا كانت الخاصية هي نفسها لكل المختبرين فاننا لمعول أنهسا كابت Constant معثلا ، يعتبر السن ثابتا أذا كان العالم السبكلوجي يدرس زمن الرجع نعمر ١٨ سنة فقط والمستوى الدراسي يعتبر ثابتا أذا كان المراس وفي معظم مواقف التياس ، توجد خاصية أو أكثر ثابتة .

والمتغير هو خاصية ممكن أن تؤخذ على تيم مختلفة المختبرين مختلفين ، فقى المثال السابق ، لبس من المعتول أن كل الأفراد الذين في عمر الـــ ١٨ سنة لهم نفس زمن الرجع • لذلك ، فأن زمن الرجع يكون متغيرا وفي المثال الثاني ، توجد فروق في درجات أداء العلوم الجموعة الصف الخامس بدون شك ، وهذا يجعل أداء العلوم متغيرا • أيضا ، فأن أي موقف ممكن أن يشمل متغيرا أو أكثر من متغير • وتختص المتغيرات بالافراد والأشياء مثل ، الوزن ، العمر ، زمن الرجع ، طلاقة الأفكار ، سرعة القراءة ، عدد اطفال الأسرة ، عدد التلامية •

وعدما توجد علاقة بين متغيرين اثلين ، غائسه يطلق عليها المتغيرات المستقلة والثابعة ، ويؤثر المتغير السنثل على المتغير التابع ، ونرى هذا غالبا في الأبحاث التجريبية ،

وتمهنف المتغيرات السبتطة غالبا الى عدة مستويات ، غمثلا ، متغير المالجة ممكن تصنيفه الى عدد من المالجات (ك) المختلفة ، او مستويات عدر مختلفة (ن) ، حيث تدل الحروف ك ، ن على اعداد من ٢ أو اكثر .

وتسمى المتغيرات باسما، وصفية اخرى · فمثلا ، نتحدث احيانا عن المتغيرات التنظيمية Organismic Variables وهى متغيرات ترتبط بالنظام موضع الدراسة عثل السن والجنس · المتغيرات البيئية والمتغيرات التعليمية Instructional Variables من امته اخرى وصهفية و عمهوما و نحن نهتم في التياس بالتغيرات و لكن معرفة الثوليت مهمة ليضا للتفسير الدقيق للموقف (٢٠:٣) ...

وتحدد المتغيرات كمتغيرات منفصلة أو متصلة · فالمتغير النفصل مو المتغير الذي تؤخذ قياساته على تيم منفصلة فقط ، مثل عدد الأفراد · اى انه للتغير الذي يتدر فقط تيما محددة في مدى التياس ·

اما المتغير المتصل ، نظريا ، مو المتغير الذي تؤخذ قياساته على أي قيمة داخل مدى معين ، أي أنه يأخذ أي قيم في مدى القياس ، ومن امثلة المتغيرات المتصلة ، متغير الوزن ، العمر ، وزمن الرجع ، وحيث أنه من غير المكن عمليا أن يكون لدينا متياس له عدد لانهائي من المتدرجات ، غان التمييز الهام يكون في الانصال النظري المتغير ، غمثلا ، نحن نعتبر الذكاء على أنه متغير متصل ولو أن قياساتنا تحدد عددا محدودا غنط من النقط على المتياس ،

مستويات القيساس :

يوضح النحص السريع التياس في علم النفس أن كل مستوبات التياس نيست متماثله و نهناك متاييس مختلفة متضمنه في الأنواع الختلف من التياس ويجب أن يؤخذ في الاعتبار وبالطبع والمعليات أو الحسابات التي تتم على الأعداد وبالتالي التنسيرات التي نصل اليها و نمثلا ومل تياس الاستعداد له نفس مستوى الاجراء مثل تياس الوزن ؟ حل تياس القلق يتضمن نفس العمليسات لتياس الذكاء ؟

وتصنف تواعد التياس بالنسبة التدار ونوع الملومة المستمدة من الترتيم المعدى بواسطة تاعدة خاصة و ومناك نظم التصنيف المحدما التصنيف الذي تدمه سنتيفز عام ١٩٤٦ وانتشر استخدامه وتصنف تواعد التياس في نظام صنيفئز الى أربع مستويات مي : الاسمى الترتيبي المسافة المسافة والنسبة (٥ : ٢) .

القيساس الاسسمى:

مصطلح التياس الاسمى مو اسلوب او طريقة في التسمية • وعلى ذلك فان القياس الاسمى (هو اعطاء اسم او اسماء) ويندر أن يطلق عليها لمياس ويستخدم المقياس الاسمى أساسا لغرض التحديد ، ولا يتم معه أي عمليات حسابية ، مثل الجمع ، الطرح ، • • وبعبارة أخرى ، تصنف الملاحظات ببساطة في فئات ولا توجد بالمضرورة علاقة بين الغثات .

ممكن اعطاء الموضوع ا الرقم ۱ والموضوع ب الرقم ۲ حيث أن ۱ ، ب يختلفان بالنسبة للصفة المقاسعة ٠ ولا يتبع هذا بالضرورة أن ب له صدية الكثر من الموضدوع ١ ٠

ايضا يستخدم المتياس الاسمى المتصنيف البسيط حيث لا يهتم بالفروق في الدرجة ، مثل تصنيف البيانات في فئتين فقط كما حسو في ترزيع كا والتصنيف الى مؤنث ، مذكر ، كذلك التصنيف بالنسبة الى لون العينين وتصنيف آخر ، بالنسبة الى : الطبقة العليا ، الوسطى ، أو السسفلى ، أو تصنيف أجابة الأفراد على سؤال في المقابلة الشخصية نعم أو لا أو غير متاكد .

لتفرض مثلا ، أن الباحث يهتم بمعرفة عدد التلاميذ السرورين وغير السرورين وغير السرورين وغير السرورين وغير السرورين و فاذا تمت متابلة شخصية وتحدث لكل طفل وصنف أما الى طفل مسرور أوغير مسرور مفازمثل مذا التصنيف يمثل متياسا اسميا Scale ولا يتضمن منا أى علاقة رياضية بين السرور وعدم السرور و فهم ببساطة مجموعتان أو نئتان مختلفتان و

وعندما يقسم التغير المستقل لدراسية ما ، الى مستويين (الى معالجتين مختلفتين) فان القغير المستقل يعتبر متغيرا اسسميا حيث انفا نقارن ظاروفا منفصلة ، مثال آخر ، اذا تسمت درجات نسبة الذكاء الى الأعلى والأقل ، فهذا يصنف نسبة الذكاء كمتغير اسمى في فئتين ، وبينما يدل الأعلى والأقل على الرتبة وممكن اعتباره ترتيبا ، الا أنهم يعاملون ببساطة كاسماء غنات وبالتالى يختصون بالبيانات الاسمية ، وتستخدم المتابيس الثلاثة الباتية للتياس خواص اضافية للاردام وهي : جمع الأردام ودسمتها ، وترتيب الأردام بالنسبة لحجمها -

Ordinal Measurement

القيساس الترتيبي :

المقياس الثانى فى الترتيب الهرمى استيفنز هو القياس الترتيبى ومصطلح الترتبيى هو اسلوب أو طريقة فى الترتيب و بطريقة أخرى المتياس الترتيبي هو ترتيب الأنسياء فى رتب ، بتصنيفهم بالنسبة الى أعلى من أو أقل من وعندما تكون عدد الأشياء أثنين ، فإن التمييز بين القياس الاسمى والتياس الترتيبي يكون تعييزا تصمغيا و وكما نكر سابقا ، فإن مثل هذه الحالات سوف تعتبر تياسسا اسمها و

وانترتیب لما آن بکون من الأتل الی الأعلی ، او من الأعلی الی الأتل و معلی لکل درجة رقم بانسجة لوضعها ، بمعنی ، الدرجة الأعلی تأخذ الرتبة ١ ، التالی ٢ ، ٠٠٠ و مكذا ، وفي حالة وجود درجتین او اكثر لهما نفس الوضع برخذ متوسط الرتب ،

ويمتاز الترتيب باته سهل ، منهوم تماما بسبب شيوع استخدامه ، ويمكن تحديد الرتب المثينية .

أما عن عيوبه فهو لا ياخذ في الاعتبار حجم المجموعة ، بمعنى الرتبة ١٠ من ١٠٠ تكون مختلفة تماما عن الرتبة ١٠ من ١٠٠ ولا يصلح الا مع المجموعات الصغيرة ، ولا يمكن أجراء المتارنة الا أذا ظلت المجموعة هي نفسها فتط .

وعلى ذلك غان متياس الرتبة يستخدم ف تحديد الأوضاع النسبية او

رتب الأنراد بالنسبة لدرجاتهم على الاختيار • لنغرض أن الباحث في المثال السابق ، لختبر كل طفل في للفصل ثم رتبه بالنسبة فلسرور • هو حدد الآن مقدار سعادة الطفل بالنسبة لرتبته • وعندما يحدد رتبة الأشياء ، مان الباحث يكون قد حصل على مقياس رتبه • وعلى ذلك يتم القياس الترتيبي عنسدما يستطيع الشخص أن يستخلص درجات مختلفة للصفة في الوضوعات • فاذا كان الرقم المعلى للموضوع (أ) اكبر من الرقم المعلى للموضوع (ب) ، فان الرضوع (أ) لدبه الخاصية اكثر عن الوضوع (ب) •

ولا يتضمن استخدام متاييس الرتبسة مسافات متساوية يبن التيم المتتابسة •

لنفرض مثلا ، أننا تريد ترتيب أربع طالبات بالنسبة للجمال (من الأعل جمالا لأكثر من جمالا) ، يمكننا ترتيبهم كالآتي :

الدرجة	الأفيخاص
•	# 2
₩.	÷
T	-
2	۵

ولا فستطيع أن نحكم بأن الفرق بين مقدار الجمال الذي تملكه ا ى ب
يكون أكبر أو أقل عن الفرق بين مقدار الجمال لدي حـ ى د · ولذلك لايرجـــ
معنى أو أهمية تلحن بالقول أن الفرق بين درجات د ك حـ هي نفس المسافة بين
درجات بـ ي أ · أنما تمثل الأرتام في القياس القرتيبي ، اختزالا في المحبود
لقوضيع المعلومة ، بدلا من ذكر أن المطالبة د كانت اكثر من جمالا وأن حـ
تليها ، وأن أ أملين جمالا ·

فالترنيب أو الرتبة لا يعطينا تقديرا لحجم الفروق الوجودة انما موصح الأعداد المحدة على مقياس ترتبيي وصبع مسبى فقط بالنسبة الى الرتب،

ولكى نوضح هذه النقطة إكثر نفرض أن لدينا نسب ذكاء ثلاث تلاميذ وكان ترتيبهم كالآتى :

الفرق في الرتبة	الرتبة	الغرق فنسبة الذكاء	درجةنسبةالنكاء	الطالب
	1	14	18A	1
1	۲ .	1//	14.	Ų
1 L	*	٤٠	L s.	-

تجد أن الفرق في الرتبة بين الطالب 1 ، ب وبين ب ، حد عد 1 في كلتا الحالتين • بينما الفرق في درجة نسبة الذكاء بين 1 ، ب = ١٨ بينما الفرق في درجة نسبة الذكاء بين ب ، حد = ٠٤ .

المسافة : المسافة : المسافة :

لا تعلقا متاييس المسافة على رتبة الأشياء فقط ، انما تعلنا ايضا على المسافة بين الأحكام أو الآراء Judiments ، أي أن الفرق بين الأرتام يكون ذا معنى ، أذا وجد بالاضافة الى الترتيب ، وحدات متساوية ، فانه يكون لدينا متياس مسافة ،

غمثلا ، اذا حصل طالب على الدرجة ٩٥ في اختبار ما ، بينما حصل الخر على الدرجة ٨٥ ، غهذا لا يعنى أن الأول اداؤه انضل عن الثاني فقط ، انما يعنى أن اداء افضل منه بعشر درجات ، وهكذا ، غانه على متياس السافة غان السافة لنقط عديدة تعتبر ثباتا نسبيا عند اى نقطة على المتباس ، ويتضمن مقياس المسافة ، درجة الحرارة ، درجة نسبة الذكاه (١٠ Q٠) ، ومستويات

النجاح أو الأداء وكلها لها مسافات متساوية بين القيم المتنابعة ١٠ أى أن ، الفرق مثلا في درجة المحرارة بين ٢٠ ، ٢٥ مر نفس القيمة مثل الفرق بين الدرجة ٣٠ ، ٣٠ ويدل الفرق المساوى تخمس نقط في نسبة الذكاء على فرق مماثل في القدرة العقلية سواء كان الدى مو الفرق من ٩٠ ــ ٩٥ أو من مو ١٤٠ ــ ١٤٥ من الفرق بين درجة فردين ٣٥ ، ٤٠ على سمة ما ، مو نفس الفرق بين درجة فردين آخرين ٤٨ ، ٥٣ على نفس السمة ٠

أى ان متياس السافة يتضمن اعطاء رقم (او تحديد) لموضوع او اشيء ما وهذا يساوى عدد وحدات القياس الساوية لمقدار الخاصية الموجسودة نمثلا ، درجة حرارة قضيب معدن معين مى ٨٦° مئوية ، كذلك ، غان الفرون المتساوية فى الأرقام تقابل فروقا متساوية فى مقادير الخاصية المقاسسة ، اي أن هذا النوع من المقياس ، يصمم لقياس المسافات المتساوية بين نقطتين محددتين ، وتتم عمليات جمع وطرح المسافات مثلما تتم فى حالة المقادير او الكميات ولا يوجد صفر مطلق بالنسبة القياس المسافة كما هو موجود بالنسبة للمسطرة أو الترمومتر ، وحده هى السمة المهامة التى تميز مقياس المسافة عن متياس النسبة كما سنرى فيما بعد ، وهذا بيعنى أن أى شيء قياسة يساوى صفر لا يفتتر بالضرورة الصفة الماسة ، ومن ثم فان الماء عند درجة حرارة صفر مثوى لا يعنى مطلقا أنه بدون حرارة ، أى أن نقطة الصفر على مقياس المسافة هو شيء عرف ولا يدل على غياب أو عدم وجود الصفة المقاسة ،

وتعتبر الاختبارات ومتاييس التقدير او الاختبار مساوية في الحجم مسافة ، وتعتبر الوحدة على مقياس التقدير أو الاختبار مساوية في الحجم لأي وحدة أخرى ، بالاضافة ألى ذلك ، غانه في حالة الاختبارات ، تحول الدرحات الخام الى درجات معيارية لتأكيد خواص مقياس المسافة ، وكما سنرى فيما بعد ، غان معظم القياس المسلوكي يعتبر قياس مضافة بطبيعته ،

ايضا ترتيم السنوات هو متياس مسافة ، فمثلا ، ١٩٣١ تكون اكثر حداثة عن اى سفة اخرى لها رقم اصغر ، والزمن بين ١٧٨٠ ، ١٧٧٦ يساوى الزمن بين ١٩٣٠ ، ١٩٣٠ يساوى الزمن بين ١٩٣٠ ، ١٩٣٠ و المتاييس الاحصائية مثل المتوسط الحسابى ، الانحراف المعيارى والدرجات المعيارية ، مقياس « ت » ومعامل لرتباط العزوم مى امثلة لمتاييس المسافة ،

المتياس النسبة له كل خواص متياس المساغة بالاضاغة الى نقطة الصغر ومتياس النسبة له كل خواص متياس المساغة بالاضاغة الى نقطة الصغر ألطلق وهذه مى نقطة المقالانه عن مقياس المساغة ، حيث أن نقطة الصغر قدل على عدم وجسود الصغة المقاسة تماما وتوضح وحدة القياس في هذا المتياس مقدار الخاصية والفروق المتساوية لها الموجودة في الأشياء المقاسة وحيث أن نقطة الصغر هذا ليست تصنفية لكنها مطلقة ، غائنا نذكر مثلا أن المه ضعف أو ثلاثة أو أربعة أضعاف الخاصية عن ب ٠

فعثلا ، متارمة ٩ أوم تكون ٣ أضعاف متاومة من ٣ أوم ، الطول والوزن امثلة لمتاييس النسبة ، الطول يساوى صغر يعنى أنه لا بوجد طــول على الاطلاق ، الشخص الذي طوله ١٦٠ سم يساوى ضعف طول الولد الذي طوله ٨٠ سم ، وسمى المتياس بعتياس النسبة لأن نسب الأرتام على متياس النسبة تكون لهـــا معنى ،

اى ان منياس النسبة يزودنا بالمطوعة التى في متياس المساغة بالإضاغة الى معلومة متطقة بالمتدار المطلق لتياس الخاصية ، غمثلا ، لو كانت اوزان لا أغراد كالآتى : ٦٠ لك جم ، ٥٠ لك جم ، ٤٠ لك جم ، غان هذه الأرتسام تحل على أن الثلاثة ليسوا متسساوين في الوزن (معلومة اسمية) ، وأن الأول ازيد وزنا عن الثانى والثانى والثانى أزيد وزنا عن الثالث (معلومة ترتيبية) ، والفرق في الوزن بين الأول والثانى عو ١٠ لك جم الال من الغرق بين الثانى والثالث (معلومة مسسالة) ،

ويستخدم هذا النوع من القياس بكثرة وبصفة عامة في القياسات الطبيعية عنه في القياس النفسى و غمتاييس الطول والوزن والزمن والمستعداد والما المعلم المطلق وبينما القسورة المعلية والاتجامات والاستعداد ومقاييس المستحصية ليس لها صغر مطلق وعلى ذلك وغلى النام معظم التياس في العلوم السلوكية والبحث التربوى يتم بالنسجة لقواعد القداس الاسمى والمساقة والمساقة

الفص*رالثا* في تبويب البيانات . .

وقسدوة :

ان الغرض من تنظيم البيانات هو تسهيل عملية التحليل ويمكن ان يعبر عن البيانات التى يحصل عليها بطريقتين وصفيا وكميا وترتبط الطريقة الوصفية بالدراسات التاريخية ، ومع ذلك ، فان بعض الدراسات الوصفية يمكنها التعبير عن البيانات جزئيا أو كليا في كلمات أكثر من التعبير عنها عديها .

ويتعلق البحث الوصفى بتحديد العوامل مثل: الوضع الحالى ، التجاهات المجموعة ، الأنشطة ، العلاقات التي توجد بين الظاهرة ، ويلاحظ انه في اى دراست وصفية غافه لابد أن تتضمن البيانات الوصفية تنظيما لائتا (او منسيا) :

- ١ ــ البيانات المحددة لعينة البحث -
- ٢ ــ وضع الأحداث في تقابع الوقت المناسب -

بينما توصف (أو تشرح) تنظيم للبيانات في الممورة الوصفية بصفة عامة ، فان البيانات العددية تخضع لعطيات التحليل الحسابي ، ولذلك فان تنظيم المادة المعبر عنها كميا مو موضوع تنظيم البيانات .

ويسي تنظيم البيانات انرض العرض بالإحصاء الوصفي .

الاحصىياء الوصفى :

تهتم الطرق الاحصائية بتعليل البيانات ـ سواء الكبيرة او الصغيرة _ الى عدد من الاصطلاحات الوصنية الملائمة ، ثم استخلاص الاستدلالات من ذلك ، وتجمع البيسانات بأى طبيقة من الطرق العسديدة البحث (الطبيقة المتجريبية ، الاكلينيكية طريقة الملاحظة ، ،) بمساعدة وسائل التيساس المناسبة لموضسوع البحث ،

ولختزال البيانات لعدد قليل من المقاييس الوصفية مو الجزء الخاص بالتحليل الاحصائى والذى سيؤدى الني فهم اعم وأفضل لكل البيانات .

تبويب البيانات ووصفها:

عندما نحصل على مجموعة من البيانات ، غان الخطوة الأولى هي تصنيف هذه البيانات أو تبويبها • غمثلا ، أذا كنا يصدد معرفة عدد أطفال كل أسرة ، غان التبويب يكون كالآتي : عدد الأسر التي لها طفل ولحد ، عدد الأسر التي لها طفلان ، • • • النع • أو أذا أردنا تصنيف عينة من • • • شخص مشلا بالنسبة للجنسية ، أو أذا أردنا تصنيفهم بالنسبة الي لون المين ، أو بالنسبة لأوزانهم المختلفة في كل هذه الواقف ، فاننا نصنف بالنسبة الى المسات المعات وسوف يوضح التبويب الناتج فروقا واضحة من سمة الأخرى • وتطلق على صفة مثل : الجنسية أو لون المين على أنها صفة غير عرتبة ومتطمة ، غمثلا لا يوجد فرق في التبويب أذا كتبنا الجنسية المعرية تبل المسودانية •

ايضا عدد اطفال كل اسرة صفة متقطعة لكن يمكن ترتيبها من العدد الأعلى • أيضا صفة مثل الطول يمكن ترتيبها ، لكنه يطلق عليها مبغة متصلة لأنه يوجد عدد لا نهائي من التيم في المسافات بين قيم الأطوال المختلفة • ويطلق عليها أحيانا بالسلسلة المرجة Graduated وبالطبع ، غان السلسلة المتطعة لا تسمع بهذة القيم البينية • غمثلا ، لا توجد أسرة لديها إلا علسل في

النوزيع التكرارى

مو وسيلة لتصنيف البيانات التي صبق جمعها • نهدف التوزيع التكرارى انن ترتيب البيانات وتتسيعها تتسيعا يسهل ادراك ما بينها من علاتات ويوضع صفاتها ودلالتها • ويعتمد التوزيع التكرارى في جوهره على حساب مرات تكرار الأعداد التالية :

٠٠ . ٠٠ . ٢ . ٢ . ٤ . ٣ . ٣ . ٢ مي ت

ك×س	التكرار (ك)	الدرجة (س)
*	Υ	A
14	٤	T
17	٣	*

واذا اردنا معرفة مجموع الدرجات ، غاننا تضرب كل درجة في مرات تكرارما (ك × س) كما هو واضع في العمود الثالث ، هذا في حالة اذا كان الدى (أي الفرق بين أعلى درجة وأقل درجة) الذي تتراوح فيه الدرجات صغيرة ، غمن السهل أن تكتب الأعداد مرتبة ترتيبا تصاعبيا ثم نحسب تكرار كل درجة كما سبق أن وضحنا ، أما أذا زاد الفرق بين لكبر درجة وأقل درجة (مثلا أعلى درجة ، ٩ وأقل درجة ٠ ٤) ، فيجب أن تجمع هذه الدرجات في غثات تحتويها جميعها ونرصدها في صورة موجزة بسيطة ، والتوزيع التكراري فردي هذه المهمة ، فهو ينظم ويصنف هذه البيانات ويزودنا بأساس للتحليل الاحصائي المتصل ، أيضا يحدد التوزيع التكراري الترعة المركزية والتشتت ،

خطوات تكرين جدول التوزيع التكراري : _

أ ... اختيسار مدى الفئسة:

لتحسديد الغثات ينبغى أن نحسدد أولا الحدين الأدنى والأقصى التيم المعطاء • فمثلا ، أذا كانت أقل تيمة مى الدرجة •٤ وأكبر تيمة مى • • ، فأن المدى الكلى = •٥ درجة •

ويمكننا أن نتسم عذا المدى الكثي الى عدد معين من الغثات ، والباحث حر في اختياره لمدى الغثة ، فقد بيختار مدى الغثة (أو طول الغثة) بيساوى ٥،٧، ٩، ١٠، ٠٠٠ لنما ينبغي أن يكون عدد الفئات مناسبا ، فمتسلا ، لا يتسم هذا المدى الى فئتين أو ثلاث أو العكس (أى يتسم الى عدد كبير من الغثات) حتى لا يضيع على الباحث النوائد التي يمكن أن يجنيها من عسلا التصنيف "

ب ــ بحسب تكرار كل نئة (ك) ومجموع التكرارات بجب ان تساوى عدد الأنسران (ن) •

ويطلق على تبويب البيانات بمثل هذه الطريقة بجدول التوزيع التكراري.

طرق كتساية الفئسات :

مناك عدة طرق لكتابة الفئات نذكر منها اثنين : __

١ - ثبدا الفئة بتيمة محددة وتنتهى باتل من تيمة محددة فنتول مثلا
 من ٣٥ الى أقل من ٤٥ ، ٤٥ الى أقل من ٥٥ ومكذا • ويمكن اختصارها كالآنى:

....

... 10

٥٠٠٥٥ ومكلة

نهذا الوضع يدل على ان الفئة الأولى تبدأ بالدرجة ٣٥ وتنتهى قبل التيمة ٥٥٠٠ ومكذا ٠ وممكن التيمة ٥٤٠ والثانية تبدأ من ٥٥ وتنتهى قبل التيمة ٥٥٠٠ ومكذا ٠ وممكن أن نبدأ التوزيع بدرجة أقل من أصغر تيمة (وهي هنا ٣٥) مثل ٣٠ أو ٣٠٠ أو ٠٠٠ ألهم أننا لا نبدأ أول غئة في الجدول التكراري بدرجة أزيد من أقل درجة ٠ مثلا نبدأ من الدرجة ٣٦ ، فتكون بالتالي قد أهملنا الطالب أو الطلبة النين حصاوا على الدرجة ٣٠ ،

٢ ــ الطريقـة الثانيـة :

مُدخِلُ كلا من بداية ونهاية النئة ضمن النئة كالآتى : __

10 _ 70

05 - 50

۵۰ ــ ۲۶ ومکذا ۰۰

وهذه الطريقة تصلح في التيم المتعلمة التي لا يوجد نبها اتصال بين الرحدات الصحيحة ، أما في التيم المتصلة غاننا غصادف صحربة في تحديد غلسة الثنيم التي بين ٤٥ ، ٥٥ حيث أن المسافات البينية تحول دون الاستمرار الصحيح لتسلسل الغثات بالاضافة الى صحوبة التمثيل بالرسم البياتي ، والمتغلب على هذه الصموبة نحاول أن نحعل نهابة

للفئة الأولى من بدء الفئة للثانية وذلك بتصنيف السافة التي تِتفع بين نهاية فئة ، وبدء الفئة التي تليها ·

هشسال (۱):

المبسل:

مذه الدرجات في وضعها هذا لا يمكن أن يفيد الباحث في أعطائه مسكرة واضحة عن هذه الجموعة أو ولذلك غلنه من الطبيعي أن يفرغ هذه الليائات في جدول ، أي يصنف هذه التيم السر ٨٠ في مجموعات .

الدي الكلي = ٩٩ _ ٥٧ = ٦٤ .

التكرار (ك)	القئــــات ر ف)
•	_ ""
Α	{\$\}
•	_ 41
12	71
11	V\
10	A1
\ •	31

بنستال (۲):

طبق لختبار في المصاب على ٩٢ طالبا وكانت درجاتهم كَالآتي :

لعسلاه

الدي لاكلي = ١٧ ــ ٤٧ = ٥٠ -

	الذي الكلي - ١٢ ٢٠ -
التكرار (ك)	النفسيات (ف)
•	- 47
£	•1
Y	47
A	— W
3 %	_ 77
3.	_ Y1
14	Y1
14	- 41
1	AT
•	- **
<u> </u>	11

الحدود الحقيقية للفئسات : `

رأينا سابقا أن عناك نوعين من سلسلة المتغيرات: المتقطعة والمتصلة . والمتغيرات في السلسلة المتقطعة وحداتها معيزة ، والفراغات محددة بين القيم ولا توجد تيم بينسه وبينها .

اما السلسلة المتصلة ، من الناحية الأخرى ، فيمكن تتسيمها لأى درجة ، ويمكن النظر للتبم في السلسلة المتصلة على انها نقط على متصل اكثر من اعتبارها نقطة منفصلة ، فالدرجة على اختبار أو أى متياس للطول ، يمكن النظر اليها على انها مسافة بين نقطتين ، فدرجة ٤ في اختبار ما (مثلا) لا يمكن اعتبارها نقطة منفصلة محددة على المتياس ، بل على أنها مسافة حدما الأدنى اعتبارها نقطة منفصلة محددة على المتياس ، بل على أنها مسافة حدما الأدنى ٥ر٣ وحدها الأقصى ٥ر٤ ، أى هي لمتداد في كلا الانجامين من نقطة المنتصف كالآتي :



فالدرجة ٤ مى السافة الفطية بين در٣ ، در٤ ٠

وتطبیق نفس الجدا على الفثات غان المساغة مثلا بین (الدرجة ٦ ــ ٩) ممكن أن تحدد على أنها المساغة من الحد الأدنى القيمة الصغرى (٥ر٥) الحد الأعلى القيمة الأعلى (٥ر٩) ٠

ونتصف النشية:

تفقد الدرجسات الجمعة في التوزيسم التكسراري ذاتيتها (او وحدتها وحدتها وحدتها منتصف الفئة ويحسب منتصف الفئة بجمع بداية ونهاية كل فئة (سواء كانبالنسبة المارفي الفئة أو حديها الحتيتين) فالنتيجة واحدة في كلتا الطريقتين) والتسمة على ٢ • أو باضافة نصف مدى الفئة على بداية كل فئة •

is it is a strong that is
$$(1 - P)$$
 and $(1 - P)$ and $(1$

التوزيع التكراري المتجمع للدرجسات الخسام:

بهدف الى معرفة عدد الأفراد الذين حصلوا على درجات تقل عن درجــة ما معينة أو تزيد عليها •

فمثلا أذا كان لدينا تكرار درجات ١٠ أفراد في اختبار ما كالآتي

التكرار (ك)	الدرجــة (س)
V	*
*	1
٤	•
*	1
•	Y

وأردنا معرفة عدد التلاميذ الذين حصلوا على درجات تتل عن الدرجة ه نجد أنه ٣ • أى أن عدد الأفراد الذين حصلوا على الدرجة ٤ + عدد الأفراد الذين حصلوا على الدرجة ٣ •

اذا أردنا أن نعرف عدد الأفراد الذين حصاوا على درجات تقل عن الدرجة لا نجدد أنه عدد المحدد ومكذا ولذلك نستمين بالمتكرار المتحمع التصساعدى لمرفة عدد الأفراد للذين حصلوا على درجة تقل عن مستوى معين كما هو موضع في الجدول الآتى :

نكرار متجمع تصاعدي	التكرار	الدرجسة
•	•	٣ .
*	۲,	£
V	£	0
· •	4	Tr.
1.	• 1	V

١.

اما اذا أردنا معرفة عسد الأفراد الذين حصلوا على درجات تزيد عن درجة ما ، نحسب التوزيع التكرارى المتجمع من اسسفل الى اعلى ، (تكرار متجمع تفازلى) كما هو موضح في الجدول التسالي :

تكرار وتجهع تقسازلي	التكرار	الدرجسة
1.	. 1	T
	*	£
Y	±	•
*	*	7
	1	٧

1.

خمثلا ، عدد الأفراد الذين حصلوا على درجات تزيد على الدرجة ٦ هم ١ . وكذلك عدد الأفراد الذين حصلوا على درجات تزيد على الدرجة ٥ هم ٣ . وهـــكذا ٠

تمثيل التوزيع بالرسم

يعطينا الجدول التكرارى صورة عامة عن توزيع القيم ، أى تكرارها النسبى الا أنه يفضل مثل هذا التوزيع بالرسم ، فهذا يجعل ايصال العلومة الاحصائية اسمهل ويزيدها توضيحا ،

ويستخدم في التمثيل بالرسم طرق عديدة احمها :

۱ ــ الضلع التكراري Frequency Polygon

Frequency Histogram کے التکراری ۲

۳ ــ المنحنى التكراري Frequency Curve

وهذه مى الخطوات الرئيسية بالنسبة لكل منها .

١ _ الضاع التكراري:

- اختر المتياس المناسب لتمثيل الوحدات المطاة في الجدول •
- ضع حدرد الفثات على المحور الأفتى ودرج المحور الراسى مبينا
 ما تمثله الارتفاعات المختلفة من التكرار •
- عبر عن تكرار كل مئة بنقطة توضع ف مركز الفئة تماما وعلى ارتفاع
 معادل لتكرارها حسب التياس الذى سبق انخاذه
- صل بين النقط المتنائية بمستقيمات خيكون الشكل مو المسلم
 الملكوب -
- ومن المتبع عادة أن يضاف إلى التوزيع في الرسم منتان احدهما
 اتل من أصغر غثة في التوزيع والأخرى اعلى من أكبر غثة نيه ، ويكون
 تكرارهما بطبيعة الحال = مسترا .

٢ ــ الدرج التكراري:

يمثل التكرار منا بمستطيل بدلا من نقطة ، ويرسم المستطيل على الفئة كلها ويكون ارتفاعه (طوله) معبرا عن تكرار الفئة · ومعنى هذا ان الطريئتين تختلفان في الغرض · ففي المدرج التكرارى نفرض ان التكرار موزع بانتظام على جميع تيم الفئة ، اما في المضلع فنحن نفرض ان جميع تيم الفئة تمثلها قيمة ولحدة هي مركز الفئه .

٣ ـ النطق التكراري:

لا يختلف عن طريقة رسم المضلع الا في استعماله الخطوط النحنية بدلا من الخطوط الستقيمة المتكسرة ، الا أن المنحنى التكراري يستعمل عادة لاعطاء شكل التوزيع بوجه عام ، مع تجامل بعض مظاهر عدم الانتظام الذي قد بوجد في التوزيع نتيجة للصدفة أو لاختيار العينة ، ويمكن اعطاء الشكل العام للتوزيع برسم منحني عام يمر باكبر عدد من النقط المعبرة عن التكرار الحتيتي للتوزيع برسم منحني عام يمر باكبر عدد من النقط المعبرة عن التكرار الحتيتي للفئات والقريبة على قدر الامكان ، وبشرط أن يقترب المنحني من النقط التي لا يمر بها ، على قدر الامكان ، وتتوقف هـذه الوسـيلة بالطبع على التقدير الشخصي ،

والمنحنى الذى يحمسل عيه بواسطة الرسوم البيانية البسيطة Smoothing Schemes أو بواسطة التسوية by graphic smoothing Schemes المتكررة للتكرارات باستخدام طريقة الترسطات المتحركة يعرف بالنحنى التكرارى . frequency Curve

ويتم تحريك التوسطات ، عن طريق آخذ التوسط لثلاث خنات · يحصل على التيمة المحسنة لغنة ما بجمع التكرارات في مذه الغنة والغنتين المجاورتين لها ثم التسمة على ٣ ·

مثال : يوضح الجدول الآتي التوزيع التكراري لنسبة ذكاء ١٦١ طالب والتكرار المعدل لهم كما يتضع في المعود الثالث من الجدول (٦ : ٦).

للتكرار المتجمع	التكرار المحل	4	يف
171	٣.	1	-17.
17.	۳ر۱	• •	-10-
1 17 × 1	£	4	-14-
104	۷۳٫۷	•	-77.
184	۷ره۲	79	-11.
111	۰ ۳٤٫۳	77	11.
۸٠	٣٠٥٣	. 40	_1
, £ &	Yo	**	- 1.
18	18	٨	- v.
1 a	٧٣	*	V·
*	۳د۱	V -	- 7.
*	N (1)	1	- 0.
•	٧ر	1	4.

فان القيمة المعلة (أو المصنة) للنئة
$$0.0 = \frac{77 + 877}{9} = \frac{11}{9} = \frac{11}{9}$$

= 11 وللنئــة $0.0 = \frac{11}{9} = \frac{11}{9} = \frac{11}{9} = \frac{11}{9}$

والممود الثالث في الجدول السابق يرضح التيم العطة للتكرار •

ومناك نوع آخر من الرسم البيائي يمكن الحصول عليه باستخدام المتكرار التصاعدي ويحصل على مذه التيم بالاضاعة المتنابعة للتكرارات وبادئا من الفئة الأولى (أو اصغر فئة) وتتضع هذه التيم في العمود الرابع في الجدول السابق و

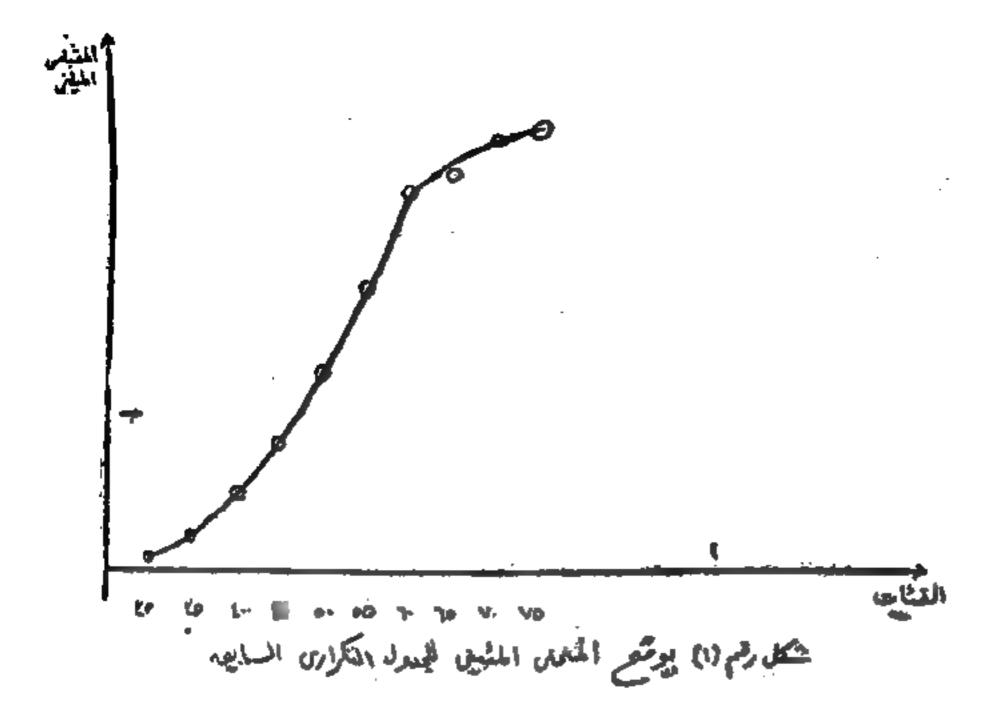
ويرضح الجدول التجمعي عدد الأفراد الذين يقعون اسغل نقطة معينـة فاذا رسمنا القيم المتجمعة ثم وصلنا هذه النقط ، فاننا نحصل على منحنى غوطى Ogive Curve ويلاحظ انه في رسمنا المتكرارات المتجمعة ، لانستخدم منتصف الفئة ، لكننا نستخدم الحد الأعلى .

والمنحنى للعدل Smooth Curve الأكثر استخداما في نمثيل درجات الاختبار حو المنحنى المنيني او الـ Ogive ولذلك نحسب النسبة المثرية للتكرار المتجمع كما يتضع في العمود الأخير من الجدول التالي (٢: ٥٥):

النسبة الثوية للتكرار المتج	التكرار المتجمع	১ এ	ui.
١	73	١	
3.4	٤١	100	
۹٠	٤٠	.	_7•
٨٦	77	•	_7.
3.8	٧٧	A	_00
20	11	V -	-0.
75	14	•	_20
17	V	٤	_£•
Y	*	4	_70
*	•	1	_ ٣·
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		27	

وتمثل كل تيمة النسب الثوية المتكرار المتجمع بنتطة على الحد الأعلى لهذه النشة (الخط الأنتى الذي ينصل هذه النشة عن النشة الأعلى منها) ، حيث انها تتضمن النسبة المثوية الدرجات حتى هذه النشة .

ويوضح الشكل التالي المنحنى المنيني للجدول التكراري السابق



ای رسم افضل ؟

مناك فرق بسيط بين المضلع والدرج التكرارى ، ولذلك فان الاختيار بينهما بعتمد على طبيعة ومتدار البيانات المطلوب تسجيلها ، فمثلا ، اذا اردنا مقارنة ادا، الأولاد بالبنات على نفس الرسم ، فانه ينضل المضلع التكرارى (لأن استخدامه اسهل واوضح) ، حيث يمكن استخدام لونين أو نوعين مختلفين من الخطوط التحديد حدود المنطيات ، أما اذا استخدمنا الدرج التكرارى لهذا الغرض فسوف يكون أقل وضوحا وأكثر صعوبة في التفسير ، وكما راينا سابقا فان الدرج التكرارى لا يتنل اذا أضغنا غثتين النهايتين الطيا والسفلى ، فان الدرج التكرارى لا يتنل اذا أضغنا غثتين النهايتين الطيا والسفلى ، أيضا ، تغطى النثات وتتناسب مباشرة مع تكرار النئة ،

اما لذا كان عدد افراد المجموعتين غير متساو ، غانه يحصل على مقارنة جيدة بتحويل التكرارات لكل مجموعة لنسب مثوية ·

ولا يختلف وصف أو شرح المضلعات البنية على اساس النسب النوية للتكرارات ، انما هي انعكاس نقط الختلاف عدد الأفراد حتى يسهل مقارنتها .

وبالنظر الى الرسم نستطيع أن نستنتج أذا كانت مناك فروق ملحوظة بين المجموعتين في السمة المقاسة ، أو الى أي مدى يتدلخل التوزيعان •

شرح التوزيعات التكرارية:

عندما يرسم الضلع التكراری ويسوی ، نجد غالبا منحنی نه دمه او حد اتصی جانبی القيمة العظمی و آی آن التوزيعالتكراری أو المعلمالتكراری يمكنه توضيح اربعة اوصاف مميزة:

- (1) تجمع الأفراد عند تيمة مركزية معينة ٠
 - (ب) التشتت حول هذه القيمة ٠

(ح) انتماثل آو عدم التماثل • Symmetry

(د) الانبساط (أو التسطح flatness) أو الاتحدار Steepness ،

كثير من المتغيرات أو السمات تعطى توزيعات يطلق عليها شكل المنحنى الجرسى تقريبا ، لكن هذا الوصف غير كاف للأغراض الطمية ، فنحن نريد أن نعلم حول أى قيمة معينة تتجمع وتتشتت درجات الأنراد . إلى أى مدى يكون التوزيع متماثلا ، والى أى درجة تنسبط ، ولذلك نحتاج لمقاييس الترعة الركزية ، مقاييس التشعت أ والانتشسار ، مقاييس الالتواء Skewness ومقاييس الانبساط ، مثل هذه المقاييس ، يمكننا وصسف التوزيع بطريقة ، رياضية ،

لذلك سفتطرق لمقاييس الترعة المركزية ، المشتت ، الألتواء والانبساط ، تمارين :

٢ -- هذه درجات ١٠ طاأبا في لمتحان اللغة الانجليزية والمطارب تصنيفها
 في ٧ فئات تبدأ من ١ ، ٥ ، ٠٠٠٠

۳ ــ نیما بأتی درجات ۵۰ طالبا فی لختبار التدرة اللغویة ، والطلوب تصنیف عذه الدرجات فی جدول تکراری مدی کل فئة فیه ۳ درجات،

- 77 - 19 - A - 77 - 0 - 77 - 11 - 11

• 17 — 77 — 77 — 77 — 71

- ٤ ... مثل الجدول التكراري للسابق بالرسم مستخدما في ذلك : ...
 - (1) مضلما تكراريا ٠
 - (ب) مدرجا تكراريا ٠
- اعد تصنیف الدرجات السابنة فی جدول تکراری مدی کل نفه فیه
 درجسات •

- ٦ فيما بأتى درجات ٣٨ طالبا في اختبار ما ــ والطاوب تمنيف
 الدرجات في جدول تكرارى مدى الفئة فية ٥ درجات ٠
- V· X7 77 77 X1 X3 28 VX 1·2 9·
- _ 1 · · · _ e1 _ 1 · · · _ 1/4 _ VY _ Ve _ 10 _ 17 _ X\$
 - 11 _ V0 _ 1.1 _ 71 _ 70 _ AT _ 77 _ V1 _ 01
- ۷ هذه درجات ۶۰ طالبا فی اختبار التحصیل و والطاوب تصدیف
 مذه الدرجات فی جدول تکراری مدی کل نشة نیه خمس درجات و
 - _ YY _ Y0 _ IV _ I1 _ Y1 _ Y7 _ Y0 _ I7 _ Y7 _ 27 "
 - __ Y. _ 10 _ Y1 _ Y7 _ EE _ YA _ E1 _ Y. _ Y1 _ Y1

 - _ 77 _ 77 _ 77 _ 77 _ 77 _ 77 _ 77 _ 77 _ 77
 - ٨ -- مثل الجدول التكراري السابق بالرسم مستخدما في ذلك : __
 - (أ) مضلعا تكراريا -
 - (ب) مدرجا تکراریا ۰

. • . -

الفصل الثالث مقاييس الترعة المركزية

. • . . • .

مقاييس الترعة المركزية

CENTRAL TENDENCY

رأيدا في الفصل السابق كيم تجمع وتلخص خواص الدرجات بيانيسا أو في صورة حدول وسرعان ما يتضبع لنا من هذا الجدول أن هذاك اتجاها لكي محمم الدرجات مسهد حول درجه داخليسة ٠

وبشار الى الترعة بحو النحمع في المتحلى بالترعة المركزية ويسمى الاحصاء الذي يعطى مقاييس الدرجات المركزية بمقاييس الوضيع المركزي Central Location أمركزي Central Location أمركزي الحصائيا بواسطة ثلاثة مقاييس هي المقوسط، الوسدة الشائع ومع ذلك فان كلا منهم تحدد منتصب التوزيع بطريقة مختلفه فالشائع هو الدرجة الوسيطية والمقوسط هو المتوسط المسابى المجموعة من الدرجات والمتوسط هو المتوسط المسابى المجموعة من الدرجات والمتوسط هو المتوسط المسابى المجموعة من الدرجات والمتوسط من الدرجات والمتوسط من الدرجات والمتوسط المترجات والمتوسط من الدرجات والمتوسط المتوسط من الدرجات والمتوسط من الدرجات والمتوسط من الدرجات والمتوسط من الدرجات والمتوسط المتوسط والمتوسط والمت

اى أن للتاييس المحتلمة للترعة الركزية المجموعة من الدرجات تتضمن تمريفات مختلفة « للدرجات الركزيه » • وسوف تدرس هذه التاييس بالتفصيل

۱ – المتوسيط

المتوسط (م) هو المتوسط الحسابي لعينه معينة و وصو من اكثر المتابيس الاحصائية انتشارا وذلك لسهولته ونائدته ونحن جميعا لدينسا الفة جمنهوم للتوسط أو متوسط التيمة وغنحن نترا أو نتحدث عن متسوسط الوزن ومتوسط العلول ومتوسط الدحل ومددا ومكذا

وتختلف طرق حساب المتوسط الحسسابي تبما لمسدى تبويب البيانات المسجدية •

وسنتناول طريقة الدرجات الخام مطريقة التكرار مطريقة النئات مناطريقة النئات الطريقة المتصرة منوسط النوسطات او ما يسمى بالتوسط الورسي و

(١) حساب التوسط من الدرجات الخام

هو مجموع الدرحات متسمومة عنى عددما ، ماذا كان لدينا محموعة ب من المتيم سي ، سي ، سي مان التوسط يكون حارج تسمه محموعها على « ن » • حيث ن هي عدد الدرجات في المجموعة ويرمز للمتوسط بالرمز « م » ويعبر عنبه كالآتى : __

أَعْمِثُلا : أذا كانت درجات لا أطفال على اختبار اللغهم مي : ...

على عذا الاختبار يحمسل على عذا الاختبار يحمسل على عذا الاختبار يحمسل عليها بجمع اللدرجات الأربعة وتسمتها على عدد الأفراد الذين اختبروا .

$$\xi = \frac{17}{\xi} = \frac{6+7+7+3}{\xi} = \xi$$

كذلك مترسط الدرجات ١٠٠١ مر ٥٠

ويتمثيل هذه التيم على الخط العددى ، نرى أن المتوسط مو نتطة الاتزال في التوزيع ، أى أنه ، أذا اعتبرنا أن الخط مثل المسطرة والأشياء لها وزن متساو وممثله عنسد النقط سي ، سي قان نقطة الاتران تكون عنسد التيمسة ه .

مثال المسب المتوسط للدرجات التالية لمد ١٥ طالبا في امتحان الرياضية .

$$\Lambda Y = n = \frac{\Lambda Y Y^{+}}{U} = \frac{\Lambda Y Y^{+}}{U} = n = 0$$

وهذه الطريقة اكثر دقة وأن كانت تأخذ وتتا طويلا وخاصة عنسدما برداد عدد الدرجات و ولا يشترط أن يكون المتوسط دائما عددا صحيحا ، كما أنه دائما محصور ببن أمّل المتيم وأعلاما ، ولكن هذا ليس معناه أنه يتغ في الوسط تماما ببن عنين الحدين فهذا يتوقف على القيم الأخرى ،

(ب) التوسط من تكرار الدرجسات

رأينا أن المترسط يحسب ببساطة تامة ، يجمع كل الدرجات وتسمتها على عددما • وممكن أن نبسط هذه العملية عندما تتكرر بعض الدرجات عسدة مسرات •

منسال: _

هذه درجات ٢١ طالبا في لختبار ما والطلوب ايجاد التوسط .

الحسل: نصنف الدرجسات كالآتى:

الدرجة × التكرار	التكرار (ك)	الدرجة (س)
¥	1	Y
,	₹	*
۲.	4	•
١٨	7	3
13	*	A
: 1 A	*	•
۲.	*	1.
77	٣	***
30	1	10
14	•	14

ثرى من الجدول السابق ، أن العمود الأول بمثل الدرجة ، وبمثل العمود الثانى عدد مرات تكرار كل درجة ، وكما بعلم مال الضرب عو حمع مكرر وبالتالى غانه يمكن الحصول على مجموع كل الدرجات السابقة بصرب كل درجة (س) في عسدد مسرات تكرارها (ك) ثم جمسع حواصسل الصرب محسد (س) ك) ، الخطوة الأخيرة هي الحصول على المتوسط م بنسمه محس (س) ك) على ن حيث ن مي عدد الأفراد .

$$V_{1} = \frac{177}{r_{1}} = \frac{(4 \times m)_{-\infty}}{r_{1}} = r_{1}$$

عده الطريقة أبضا دقيقة وسريعة في حسابها لكنها سنغرى وقلسا علويلا أذا كانت في كبيرة ، مثلا ٥٠ أو ١٠٠ أو أزيد ، أيصا ، أدا راد المدى (مثلا أعلى درجة ١٠٠ وأقل درجة ٥) ٠

في هذه الحالة يجب ان ترتب الدرجات في توزيع تكراري محمد (وهر يعتبر المهل من ترتب البيانات) ، والذي منه نستطيع حساب المتوسط . الوسيط ، ومتاييس لحصائية أخرى ·

(ج) التوسط الحسابي تلقيم التجمعة في جسدول تكراري

عندما تجمع التيم في توزيع تكراري ، يتحدد التوسط بضرب منتصب كل نئة في تكرار التيم والتسمة على عدد التيم ٠

ذلك لأن تيم الأفراد جميعها لا تكون معروفة ولنتص هذه الملومة ، ولغرض البساطة ، نفترض ان الدرجات في أى فقة تكون عوزعة بالتسساوى على النقة ، هذا الافتراض يكون غير حتيتي ولهذا السبب غال التيمة التي سوم شحسها تكون فقط تقريبا التوسط البيانات غير المجمعه ، وبنساء على الافتراض أن مجموع تكرار الدرجات (ك) في أى فئة يساوى حاصل ضرب تكرار الفئة (ك) به منتصف الفئة (ص) .

أى أن هذه الطريقة لحساب المتوسط تعتمد على منتصف الفئة النه يدل عليها ويلخصها •

والجموع الكلى ثلارجات في المجموعة يساوى مجموع حاصـــل ضرب التكرار في منتصف التثـــات •

حبث ك تكرار النئــة :

ص منتصف النئة ، ن عسد الأنزاد -

مثسال:

اوجد المتوسط من الجدول التكرارى الآتى الذى يوضح توزيع درجات ٥٠ طالبا ق اختبار ما ٠

-1	-10	- ٤١	- 77	- TT	-44	- 40	-41	- 17	14-	-1	— 0	ᆜ
4	٣	Y	•	٥	#	14	٦		٤	-	۲	크

هنتصف النئة رمي ڭ 🗙 ص 11 11 _ 14 10 ٦. __ 17 11 90 - 11 74 AYI - To 17 44 277 _ 71 \$ 112 17. _ 77 140 47 __ ~~ 110 77 _ \$1 18 ۸٦ __ \$a ٣ 121 ٤٧ - 81 ۲ 40 1.1

(د) التوسط الصهابي بالطريقة المنتصرة

تهدف هذه الطريقة الى اختصار وتبسيط العمليات الحسابية العاويلة التي ظهرت بوضوح في الطريقة السابقة ٠

فاذا أردنا مثلا حصاب التوسط الحسابي الأطوال ١٠ افراد فالطريقة الطبيعية هي تياس هذه الأطوال وجمعها ثم تسمة حاصل الجمع على ١٠٠٠

وممكن أن نختصر العمل عليلا باستخدام اصل تعسنى ثم حسساب انحراف التيم عنه - غاذا كانت اطوال الس ١٠ اغراد محصورة بين ١٤٥ ، ١٨٥ سم مثلا ، فيمكننا أن نضع مستوى خاصا وليكن ١٦٥ سم نتيس بالنسبة له ونعطى لكل شخص تيمة سانية أو موجبة حسب نتص طوئه أو زيادته عن هذا المستوى الخاص ٠

وبذلك نستخدم في حسسابنا أعسدادا صغيرة • وبحسساب المجموع الجهرى لهذه المنروق وتسمتها بعد ذلك على ١٠ نحصل على غرق المتوسط الحسابى عن أرتفساع ١٦٥ سم •

بلسال :

مسدّه اطرال ١٠ افراد ٠ اوجد المتوسط المسسابي ٠

- 170 - 180 - 18. - 180 - 10.

10. - 150 - 1V7 - 1AE - 10.

الميل:

للجموع = ١٦٦٥ سم

للتوميط = در١٦٦ ميم

مِالطريقة المنتصرة غان :

واذا اردنا تطبيق هذه الطريقة لحساب المتوسط الحسابي لقيم هصنفة في جدول تكراري ، كان علينا أن نختار قيمة نبدأ هنها حسنب المتيم نعتبرها نقطة الصغر في الجدول ، ثم نحسب انحراف مراكز الفئات الختافة عن هذه المتيمة الاعتبارية التي تختارها ، وبذلك نتخلص من الاعداد الكبيرة التي يشملها حساب المتوسط الحسابي ، ونظرا لأن الفئات تتابع في الجداول التكرارية بانتظام فيمكن اعطاء درجات منتظمة مثل ١ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٠ ، ٠ ، ١ الفرضي المذي سبق اختياره ، ثم نبني كل حسابنا للمتوسط على هذه الدرجات المتظمة ثم نضرب المجموع الجبري لهذه الانحرافات الفرضية في هدى كل غثة لينتج ثم نضرب المجموع الجبري لهذه الانحرافات الفرضية في هدى كل غثة لينتج الانحراف المحتيتي لنمتوسط الحسابي عن المتيمة الاعتبارية (المتي يمكن ان نعبر عنها بمركز النئة الصغرية) التي حسب الانحراف عنها ،

ويحسب المتوسط بالمائلة الآتية :

حيث م المتوسط

مركز الفثة الصفرية

- الانحراف النرضى اركز النثات عن مركز النثة الصنرية •
 ف محدى النشعة

ولسهولة الممل يحسن أن نختار الفئة الصغرية في وسط الجدول وتكون كبيرة التكرار حتى نتفادى استعمال الأعداد الكبيرة بتدر الامكان ويجب أن نؤدى هذه الطريئة الى نفس الجواب الذي تؤدى البه الطريقة المادية ، كما يجب أن تؤدى الى نفس الجواب مهما تغير لختيار موضع الفئة الصفرية ،

وشيال (١):

أوجد المتوسط الحسابي للمثال السابق بالطريقة المختصرة

الحسل:

		A	ف
- d	₹	گ	
→	•		
	٤ —		
17 -	۳	٤	- 14
	۲	•	_ 1V
1 • — — — — — — — — — — — — — — — — — —	1 -	•	- 41
	'	10 4 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Yo
را معتر	منار		74
£	A Section of	A Company of the Comp	_ **
*	T	•	_ 77
10	T	•	_ TV
	£	A STATE OF THE STA	_ \$N
^		. 4	_ 10
10	• 1		_
14	7 1	<u> </u>	

م منر
$$=$$
 مرکز النثة الصنرية $=$ $\frac{79+70}{7}$ $=$ $\frac{36}{7}$ $=$ 77

$$\xi \times \frac{\gamma \gamma}{4} + \gamma \gamma = \alpha^{-1}$$

منسال (۲):

أرجد المتوسط الحسابي من الجدول التكراري الآتي بالطريقة المختصرة :

١	4	٤	1	٦	14	11	٨	۲	صفر	۲
									: 3	الحبا
ك ح				ć			ব্			ų,
	10	_		•	_		٣		_	+/7
	د	-		٤	_	-	سقر	•	_	• 77
	٦	_		٣	_		*		_	***
	13	_		•	_		A		_	45.
	11	100		- 1	_		-11		_	40.
	غز	-		ار	منا		11		_	. 77
	3			•			$-\pi$		4400	444
	*			*			1		_	YA •
	14			٣			٤			79 •

.

وشال (۳):

الجدول للتكراري الآتي يوضح توزيع درجات ٥٠ طالبا في اختبار ما أوجد للتوسط الحسابي : أوجد التوسط الحسابي : (أ) باستخدام مراكز الفئات •

(ب) بالطريقة المختصرة ٠

1 -	۲ ۲	۸ ۱۰ ۲	۸ ٤	Y &	1 1 3
		p. n.			العـــل :
_	فالفلة ص)	منتم خط	Ť	্ৰ	. 4
	14		٧		- 1·
17	17	٦ ــ	7 -	•	1
	۲.	Y . ~	٥	•	_ \^
£A	Y£	A —	٤ 🛶	. *	y = 77
117	۲۸	14:-	٣	٤	, -, T 7
. 707	44	33 , <u>—</u> 3	۲	A	**
YAA	77	A ·	٧		37
٤	٤٠ -		· <u> </u>	١.	_ YY :
377	5.5	7	V	٦	47
97	٤A	٤	٣	۲	P3 = 48
107	94	٩	٣	4	- 0+
-	97	_	٤	_ `	01
٦.	10	۵	۵	١	٨٥
٧٨٨		VV		٥٠	
		Y£ +			
		۰۳			

بالطريقة المختصرة:

$$\left(\begin{array}{c} 1 \times \frac{0}{0} \end{array}\right) + \frac{1}{2} \cdot = \frac{1}{2}$$

 $= \cdot 3 + (-376) = \cdot 3 - 376 = 77607$

الخواص الاحصائية للمتوسط

١ ... مجموع الأنحرافات عن التوسط = صفرا ٠

المتوسط هو نقطة توازن التوزيع وتعنى هذه العبارة ان مجموع النووق بين المتوسط وكل بين المتوسط وكل نقطة أعلى هذه تصاوى مجموع النووق بين المتوسط وكل نقطة اسفل منبه ،

ألمادرجة ٦ تكون أزيد من المتوسط بدرجتين والدرجــة ٥ تكون أزيد بدرجــة واحدة عن المتوسط و الدرجات التي أعلى واحدة عن المتوسط و الدرجات التي أعلى منـــه = ٣

والدرجة ٢ أقل من المتوسط مدرجتين والدرجة ٣ تكون أقسل من المتوسط بدرجة ولحدة ١٠ أى أن مجموع الفروق بين المتوسط والدرجات ألتى أقل منه ٣٣٠٠

أما أذا كانت للدرجات مي ٢ ، ٣ ، ٥ ، ١٠

فان المتوسط = ٥

غان نقطسة الاتزان ستنحرف لكن مجمسوع النروق بين كل درجسة اعسلى الترسط والمتوسط سوف تنال ثابتسة و المتوسط والمتوسط سوف تنال ثابتسة •

ومن هنا نجد أن مجموع الانحرافات عن التوسط = صافرا .

ولهذه التحاصية احمية كبرى في حساب المتوسط بالطريقة المختصرة ٠

٣ ــ عـدد الدرجــات :

يتاثر المتوسط بعد الدرجات ، ويميل الى الاستترار كاما كان هـذا العدد كبيرا ، فعندما بكون العدد ١٠٠ مثلا ، فان تاثر المتوسط بأية درجـة يحسب على أنه أجزا، من مائة ،

٣ ــ جمـع التوسطات :

تجمع الترسطات عندما يتساوى عدد درجات الجموعات أى عدد أفراد كل جمساعة •

لاثبات ذلك ، ننرض أن لدينا درجات الجموعتين أ ، ب كالآتى :

+ب	مجموع درجات ا	الجبوعة ب	. الجبوعة ا
	***	₹	صناو
٠.	. .	*	\
	3	•	1
	14	1 A+	₹
	*	•	•
	مدسې = ۳۵	مدس = ۲۵	مدس = ۱۰۰
	$v = v^a$	• = · ₁₁ •	' T = 10°

نرى من العمود الثالث أن متوسط درجات الجموعتين $1 + p = (a_p)$ أي أنّه = متوسط الجموعة $(1)(a_p) + a_p$ متوسط الجموعة $(1)(a_p) + a_p$

2 _ طرح التوسطات :

تطرح المتوسطات عندما يتساوى عدد درجات المجموعات ، نفى المسال السابق اذا طرحنا درجات المجموعتين نحصل على الآتى

ų. — 1	الجموعة (ب)	الجهوعة (۱)
Υ	Y	صغر
*	*	•
£	•	•
Y	· •	4
صنتر	•	•
مدس یه ۱۵	مح س _{اب} = ۲۰	مد سي = ۱۰۰
۳ = ۲	م _{اب} = ه	Y = 1/4

نرى من العمود الثالث أن متوسط غرق درجات المجموعتين = ٢ وهذا يساوى حاصل طرح المتوسط مي - مي .

الدرجات التطرقة :

يناثر المتوسط بالدرجات المتريبة منه تاثيرا عليلا ، ويتاثر بالدرجات البعيدة عنه تأثيرا كبيرا ،

ومده للخاصية توضع أهم عيسوب التسوسط الحسسابى ، أى أن التيم المتطرفة في التوزيع تؤثر تأثيرا تويا على المتوسط ، وقد تجعله احيسانا غير صالح كمتياس من مقاييس النرعة الركزية لانه في تلك الحالة بعطينا صورة خاطئة عن حتيقة تجمع البياتات العدبية .

آ سه إذا الفديقة عدد ثابت لكل درجة في مجمسوعة متوسطها م ، غان الدرجات التي نحصل عليها سبكون لها متوسط م + العدد الثابت الانبات ذلك ، نفرض أن أدينا الدرجات التالية :

صفر ، ۲ ، ۱ ، ۳ ، ه

. م = ۲

غاذا أغلقنا العدد ٣ الى كل درجة في المجموعة تحمل على الدرجات التالية:

7.3.3.7.4

وهذا المتوسط = المتوسط في الحالة الأولى (٢) + العدد الثابت (٢) .

= م + المحدد الثابت •

٧ ــ اذا ضربت كل درجة في مجموعة متوسطها م بعدد ثابت غان متوسط الدرجات الناتجة يكون حاصل ضرب م × العدد الثابت لائبات ذلك :

اذا ضربنا درجات المجموعة السابقة في العدد ٣ نَحصل على ٠

<u>م</u>ستر ، ۲ ، ۲ ، ۹ ، ۹ ، ۱۵

وعذا المتوسط = متوسط درجات المجموعة × العدد الثابت المتوسط = ٢ × ٣ = ٢

۸ ــ مجموع مربع انحراف الدرجات عن المتوسط الحسابى يكون اتل من مجموع مربع الانحرافات عن اى درجة اخرى خلاف المتوسط من من المثال السابق نجد أن : __

مجموع مربع الحراف الدرجات عن المتوسط (۲) = $(a + (1 - 7)^{7} + (1 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (6 - 7)^{7} = 77$ $(a + (1 - 7)^{7} + (1 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (7 - 7)^{7} + (-7$

فوائد المتوسط

اموهــا :

١ ــ العبايي:

تعتمد المايير الحيوية المختلفة على التوسط • ولذا يتاس ذكاء الفرد بالنسبة لمتوسط ذكاء جيله • كذلك يتاس الداء الفرد في امتحان ما بمتوسط اداء المجموعة (المعيسار النسبي) •

٢ ــ القصارنة:

تستخدم المترسطات احيانا لمتارنة مجموعة من الأغراد بمجموعة اخرى مثل مقارنة درجات فصل ما في امتحان الحساب بمتوسط درجات فصل آخر بالنسبة لففس الامتحان • ولا تصح حمده المقارنة الا اذا كانت المجموعات متجانسة وتقبل خواصها مثل تلك المقارنات • فمن الخطأ مثلا ، مغارنة متوسط أمعار الناس في بيئة صناعية اغلبها من الشبان بمتوسط اعمار الناس في بيئة زراعية قد يكون اغلبها من الأطفال والشهوخ •

المتوسط الوزني

عندما نحسب المتوسط الحسابي البسيط الجموعة من البيانات ، فائنا نفترض أن كل التيم الملاحظة لها أهمية متساوية ونعطيهم وزنا متساويا في حساباتنا ، لحيانا تكون الأعداد غير متساوية الأهمية ، عندئذ فائنا نحدد ثكل منها وزنا يكون متناسبا مع أهميته النسبية ، ويسمى هذا التتديير بالمتوسط الوزني ، أذا كان لدينا مثلا مجموعة من تيم عددما ن ولتكن سي ، بالتوسط الوزني ، أذا كان لدينا مثلا مجموعة من تيم عددما ن ولتكن سي ، من سي ، من سي وان صي ، من سي من الأوزان المطاه لهم ، منه بالمديد على المديد التوسط الوزني بتسمة حاصل ضرب التيم في أورانهم على مجمدوع الأوزان .

ای ان المتوسط الوزنی
$$=\frac{m_1 \, m_1 + m_2 \, m_3 + \cdots + m_m \, m_m}{m_1 + m_2 + \cdots + m_m}$$

نفرض مثلا: أن لدينا درجات ثلاثة تلاميذ في مادة معينة واجرى عليهم المتحان على ثلاث فترات (بعد ٤ اسابيع ، ٨ اسابيع ، ١٢ اسبوعا من بسد، الدراسية) ،

والجدول التالي يوضح درجاتهم على الاختبارات الثلاثة :

الجموع	الاختبار الثالث	الاختبار الثاني	الاختبار الأول	الأفراد
. 145.	4.	٦.	* •	1.
۱۸۰	3.	7.	7.	*
۱۸۰	٣٠	٦٠	15	7

فاذا أعطى لكل اختبار وزن متساو ، فان كل التلاميذ الثلاثة سيكون لهم نفس التوسط للاختبارات الثلاثة والذي هو : ...

$$T \cdot = \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

أما أذا رغب المدرس في أعطاء وزن لقدار التحسن ، فمثلا يعطى وزنا من الله الأختبار الأول ، وزنا من ٢ ألى الاختبار الثانى ، ووزنا من ٢ ألى الاختبار الثانى ، ووزنا من ١ الى الاختبار الثالث ، فأنه بذلك يعطى وزنا لتقدم التلميذ في المنهج ، ويحصل على مسدًا بضرب ١ × درجة كل طالب على الاختبار الأول ، وبضرب ٢ × درجة كل طالب على الاختبار الثانى ، ٣ × درجة كل طالب على الاختبار الثانث ، ٢ × درجة كل طالب على الاختبار الثانث ،

ثم بجمع درجات الاختبار الموزونة لكل طالب وتسمتها على مجموع الأوزار نحصل على المتوسط الوزني لكل طالب .

$$V = \frac{17}{7} = \frac{1}{7}$$
 المتوسط الوردى للطالب الأول

المتوسط الوزنى للطالب الثانى =
$$\frac{-7(1) + \cdot 7(7) + \cdot 7(7)}{7}$$
 = $\frac{-77}{7}$ = $\frac{-77}{7}$ = $\frac{-7}{7}$ = $\frac{-7}{7}$ = $\frac{-7}{7}$ = $\frac{-7(7) + \cdot 7(7) + \cdot 7(7)}{7}$ = $\frac{-7(7) + \cdot 7(7) + \cdot 7(7)}{7}$ = $\frac{-7}{7}$ = -6

باستخدام المنوسط الوزنى للدلالة على التقدم ، قان الطالب الأول الذى درجته ٧٠ آداؤ، انفسل نسبيا في هذا المنهج عن أداء الطالبين الثاني والثالث الذي متوسطهم الوزني ٦٠ ، ٥٠ .

المتوسط الوزني الكثر من مجموعة :

(١) في حالة تساوى عدد الدراد الجموعتين : -

اذا كانت درجات المجموعة الأولى عن : ٣ ، ٤ ، ٥

اذا كانت درجات المجموعة الثانية هي : ٥ ، ٦ ، ٧

متوسط المجموعة الأولى
$$= -\frac{17}{9} = 3$$

$$7 = \frac{10}{\pi} = \frac{10}{\pi} = 7$$
متوسط للجموعة الثانية

المتوسط للعام للمجموعتين أو متوسط المتوسطين =

مجموع الدرجات كلها محان

(ب) اذا كان عدد درجات المصوعة الأولى التساوى عدد درجات المجموعة الثانية :

اذا كانت درحات المجموعة الأولى هي ٢٠٥٠ ، ١٠٥٠

اذا كانت درجات الجموعة الثانية مي ٥٠٦٠٥

التوسط - عدد درجات الجموعة ا + مجموع درجات الحموعة ب عدد درجات الجموعة ب

- مجموع الدرجات عدد الدرجات
- أ. مجموع الدرجات = المتوسط ≥ عدد الدرجات
 - متوسط التوسطات =

مترسط الجموعة ا × عدد درجاتها + مترسط الجموعة ب × عدد درجاتها ن. + ند

متوسط المتوسطات = $\frac{\alpha_1 \times \dot{\iota}_1 + \alpha_2 \times \dot{\iota}_2}{\dot{\iota}_1 + \dot{\iota}_2}$

ويسمى أحيانا المتوسط الوزنى وذلك ، الأننا نضرب التوسط الأول × عسدد درجاته ، أى أننا نزيد وزنه وكذلك نضرب التوسط الثانى × عسدد درجاته ،

۲ - الوسيط THE MEDIAN

قعريفسه

مو المثينى للخمسين في مجمسوعة من الدرجات ، اى مو الدرجة التي تقسم الدرجات الرتبة الى تسمين ، بحيث يسبتها نصف عدد الدرجات ويتلوها النصف الآخسر ،

طرق حسساب الوسيط :

الوسيط مثل التوسط يمكن تحديده من بيانات غير مجمعة أو من بيانات مرتبة ، لكنه عادة يحدد من التوزيسم التكرارى ، ولمرغة التيمة الوسيطية لبيانات غير مجمعة يتعين علينا (كما راينا من التعريف) أن نرتب التيم ترتيبا ندعاعديا أو تنازليا فتكون التيمة التي تقع في المنتصف تماما مي تيمة الوسسيط ،

مثسال: ۱۸ ، ۱۲ ، ۱۱ ، ۹۱ ، ۲۰ ،

ترتب القيم كالآتي: ١١ ، ١٣ ، ١٨ ، ١٩ ، ٢٠ ٠

التيمة الوسيطية مى الثالثة فى الترتيب تبلها تيمتان وبعدها تيمتان ومن هذا يتضبح أنه من الواجب تحديد ترتيب القيمة الوسيطية أولا: وهنا نجدامامنا حائتين مختلفتين:

- (١) اذا كان عدد التيم فرديا ٠
- (ب) أذا كان عدد القيم زوجيا ٠

(1) اذا كان عدد الدرجات فرديــا :

اذا كان عدد المراد للجموعة ن مردية مان الدرجة نام الترتيب في الترتيب تكون مي الدرجة التوسطة وبالتالي تكون مي الوسيط •

منى المشال السابق نرى أن :

📜 تيمة أنوسيط 🖚 ١٨٠

(ب) اذا كان عدد الدرجات زوجيها :

اذا كانت ن زوجية العدد غلا تكون هناك درجة متوسطة ويجب أن نعدل تحديدنا للوسميط ·

منسال: لذا كان لدينا الدرجات ٤ ، ٩ ، ١٣ ، ١٤

منان الوسسيط مو النقطة التي تنصف المسافة بين التيمتين الركزيتين عندما ترتب الدرجسات •

اى أن تيمة الوسيط منا هي متوسط التيمتين المتجاورتين الركزيتين .

هشال : لذا كان لدينا الترجات التالية :

70.77.77.77.71.00.1.77.77.07

$$700 = \frac{1+17}{7} = \frac{1+1}{7} = 0.7$$

ولذلك فان أى تيمة بين الدرجة السادسة والسابعة في الترتيب ممكن أن تسمى الوسيط وسروف فأخذ للوسيط التيمة التي تقع في المنتصف بين الدرجات السادسة والسابعة ، وهما القيمة التي في الوسط بين ١٠ ، ١٠ ، الدرجات السادسة والسابعة ، وهما القيمة التي في الوسط بين ١٠ ، ١٠ ولذلك فأن الوسيط لهذه المجموعة من الدرجات $=\frac{10+10}{7}$

= ٥ر١٢

ه*ثال: الرسيطِ للترجات (۹۲ ، ۷۰ ، ۵۳ ، ۵۰ ، ۹۲) هو*

$$\circ \circ \circ = \left(\frac{\gamma}{\circ \gamma + \circ \cdot} \right)$$

بلحسوظة ا

اذا كانت مناك أرقام مكررة في منطقة المنتصف لمجموعة الدرجات الرتبة مثلا (١ ، ٢ ، ٥ ، ٥ ، ١ ، ٦ ، ٢ ، ٧) فان مذه الطريقة تعطيفها قيمة تتريبية للوسيط وليست القيمة المسبوطة) •

مصالب الوسيط من درجات زوجية :

۱۱۰.

۱۱۵

۱۱۵

۱۱۵

۱۱۶

۱۱۶

۱۱۲

۲۹۲

۱۹۳

حساب الوسيط من درجات زوجية وملتوية :

11.7 11.0 11.2

عذا كمثال لكى يوضع أن الوسيط لا يتأثر بالدرجات المتطرفة ، على عكس المتوسط .

حساب الوسيط من تكرار الدرجات :

كما رأينا ، غان الوسيط يحد بالنقطة التي يقع السفلها ٥٠/ من الدرجات ويعلوها ٥٠/ غاذا كان لدينا مثلا توزيع درجات ٤٠ طالبا كما هو موصح في الجسدول التالي ، غان الوسيط في هذه الحسالة مي النقطة التي يتع تحتها ٢٠ درجسة ٠

ك متجمع نصاعدي	4	الدرجسة
1	1	40
£	٣	4.1
٦	*	77
A	*	YA
10	V	71
11	٤	₹・
3.7	•	13
TV	*	73
Y4	٣	73
*1	*	ÉŁ
3.5	*	20
Y->	1	£ 7
YA	Y	\$Y
£ •	Y	£& .

دد ک = ۱٤

الدرجة ٤٠ تكرارها المتجمع = ١٩

الوسيط يتع في الدرجة التي تليها (وهي ٤١) ولا يتع في اطارها •

ترتبب الوسيط = ٢٠ وهذا يزيد عن ١٩ بمتدار واحد صحيح ٠

امتداد الوسيط في الدرجة التالية (13) = $\frac{1}{4}$ من نطاتها لأن تكرار الدرجة 13 = $\frac{1}{4}$ كما مر واضع من الجدول \cdot الحدود الحتيتية للدرجة 13 مى : $\frac{1}{4}$ م 15 مى 15 مى 16 مى 16 مى 17 مى 17 مى 18 مى 19 م

ن الرسيط = ٥٠٠٤ + أ = ٧٠٠٤

هلسال ۱ اذا كان لدينا درجات ٣٦ طالبا مرتبة في توزيع تكراري غير مجمع من الدرجة ٧ الى ٥ر١٠ ، يحسب الوسيط كالآتي

الحــل:
الادجــة التكرار (ك) التكرار التجمع التصاعدي

٧

٥, ١

٨

٢٢

٥, ١

٢٢

٥, ١

٢٢

١٠

٥, ١
٢٠

٢٤

~ B = 17

نرى أن الدرجة ١٨ تتع في السافة من ٢٥٥٨ _ ٢٥٥٥ .

حيث أن التكرار المتجمع (١٣) أقل من الحد الأدنى لهذه السافة ، فاننا نرغب في التحرك خلال المسافة (١٨ - ١٣) بمتدار ه تكرارات .

وحیث أن تكرار (ك) هذه المسلفة = ۱۰ تكرارات ، غان الوسیط یؤخذ علی أنه نتطة منتصف هذه المسلفة (به = هر) .

وحيث أن الحدود الحتيثية لهذه السافة تمتد عن ٢٥ر٨ ــ ٧٥ر٨ =

ن تصف هذه السافة = إ وحدة .

وبالتالى ، غان الوسيط مو التيمة ٢٥٨ + ٢٥٥ = ٥٠٠ ٨مر٨

حساب الوسيط من فثات الدرجات :

نرى أن الطريقة السابقة مي حالة خاصة من طريقة تحديد النينيات في

توزيع تكرارى مجمع ، فاذا اطلقنا على فئة الدرجة التي تحتوى على المناه المرادة الدرجة التي تحتوى على المناه « فئة الوسيط » فاننا نحصل على المادلة التالية لحساب الرسيط ،

الوسيط = الحد الحديثي الأددى لفدة للوسيط +

× مدى الفتة

وثسال :

احسب الوسيط من الجدول التكرارى التالى الذي يوضح توزيع درجات ٢٧ طالبا :

*											
- 44	<u>-</u> ٣٥	44	-41	<u>- ۲۹</u>	- 40	40	- 44	-41	-11	17	
	_					-					1.
1	۲	صفر	١	صفر	٦	ا ہ	٨	٨	ا ہ ا	١.	当

	- Additional Control of the Control	
	-	المسال :
ك متجمع تصاعدي	4	24
*	1	_ \Y
7	•	- 11
18	A	- T1 ·
TT	À	_ 44
**	۵	_ 40
. 77	٦	_ ~~
77	منثر	_ *4
7 £	1	- 71
T £	مبلر	 77
4.7	*	Y*•
**	1	_ TY

بالنسبة للتكرار المتجمع التصاعدى ، يقع الوسيط في النشة التي تمتد اطرامها من ٢٣ - ٢٥ لأن ك تصاعدى للفشة التي قبلها من ٢٣ - ٢٥ ، ويمتد الوسيط بمقدار غرق ترتيب الوسيط عن ك تصاعدى للفشة التي يسبقها .

اى أن فرق ترتيب الرسيط عن الفئة = ٥ر١٨ _ ١٤ = ٥ر٤ . . . تكرار الفئة التي يتم فيها الرسيط = ٨

.. نسبة امتداد الوسيط لهذا التكرار =
$$\frac{6c^3}{\Lambda}$$
 = $70c$

لكن مدى حده الفشة = ٢

$$1$$
متدار مذا الامتداد $= 7$ ه بار ۲ متدار

مثال: احسب الوسيط من الجدول التكرارى التالى الذي يوضح توريع درجات ٥٠ طالبا في اختبار ما ٠٠

<u></u>	_٢٠٠	_44.	-YA-	-44.	-41.	-40.	-45+	-44.	-44.	-41.	3
1	Y.	£	V	7	14	11	٨	۲	_	٣	크

		الحــل :
ک متجمع تصاعدی	<u>4</u>	ف
٣	٣	- 17
*	منار	YY•
•	۲.	77-
7.4	٨	- YE.
37	11	_ Yo.
4.4	14	- 17.
2.3	T (1)	- YV+
2	1	YA-
٤٧	£	- 17
£ %	. Y	_ Y··
• •	\	- 41.

6.

$$= o_{\zeta} PoY + \frac{1}{71} = 77 \zeta \cdot 77$$

الخواص الاحصائية للوسيط

ا - مجموع الانحرافات الطلقة عن الوسيط اقل من < مجموع الانحرافات الطلقة عن التوسيط .

القية	الدرجــة			
عن الوسيط	عن التوسط			
5	A	٤		
•		٨		
فسقو		17.		
*	۳ ا	10		
V	A	۲٠		
1 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	مجموع الانحرافات = ٢٤	دس = ۱۰۰		
•		مِ)المتوسط = ١٢		
'] ,	وسيط = ١٣		

ومعنى هذا أن الوسيط يتوسط توزيع الدرجات أكثر مما يتوسطها التوسط ولذا كان الوسيط في أى توزيع تكرارى عادى يتع بين المتوسط والنوال .

٢ - يتأثر الوسيط بالدرجات الوسطى:

يتأثر الوسيط بالدرجات الوسطى اكثر من تأثره بالدرجات المتطرفة أى أنه عكس المتوسط في هذه الصفة ولذا نهو يصلح أكثر كمتياس النزعة المركزية عندما تكون أطراف التوزيع متراكمة متجمعة غير مستوية (أى ملتوى موجب أو سالب) .

فوائد الوسيط

ا - يصلح النفس الميادين التي صلح لها المتوسط وخاصة عندما يكون التوزيع ملتويا (سواء موجب او سالب) .

٢ __ يصلح في الحالات التي تهدف الى تسمة التوزيع التكرارى الى تسمين متساويين من وسطه فيصبح التوزيع ثنائيا أى أعلى من الوسيط وأقل من الوسيط .

للنرال أو الشائع

THE MODE

النوال مو اسهل متياس من متاييس النزعة الركزية يمكن الحصول عليه • والمنوال مو الدرجة الأكثر تكرارا في مجموعة من الدرجات •

المنوال في مجموعة الدرجات (۲ ، ٦ ، ٦ ، ١ ، ١ ، ١ ، ١ ، ١) مو الدرجة ٩ لانها اكثر تكرارا عن اي درجة أخسري .

ونالحظ أن المنوال هو الدرجة الأكثر تكرارا (الدرجة ٩ في هذا المثال) وليس تكرار هذه الدرجة (وهو ٣ في هذا المثال)

اما في حالة البيانات المجمعة غان المنوال مو منتصف الفئة التي لها أكبر عمل المناه المباء المب

وبالنسبة المنحنى التكراري المهذب (المسوى) ، قان المنوال هو القيمة التي يصل عندما المنحنى الأقصى ارتفاعه •

وعلى ذلك نستخلص التمريف التالي المنوال: -

ً النسوال :

« مو اكثر الدرجات شيوعا ، او بمعنى ادق هو الزنطاق التي تدل على اكثر درجات التوزيع تكرارا » •

وعلى الرغم من أن المثال هو أحد متاييس النزعة المركزية ، ألا أن هناك بعض التيود بالنسبة له ، مثلا ، أذا لختلف طول الفئة ، فأن المنوال يختلف حتما ، بالاضافة الى ذلك ، غالبا ما نجد فئتين غير متجاورتين يكون الهما نقيض التكرار الكبير ، وبالتالى يكون هناك قيمتان المنوال ، ويطلق على

مثل هذا التوزيع بأنه توزيع ثنائى bimodal ويجب أن ننبه بأن التنائية bimodal عناء ربما تكون غير حتيتية لكنها عرضية نقط، وترجع ألى اختيار طول النتة •

اما اذا كنا نتمامل مع سنسلة منفصلة (أو منتطعة) ، عثل حجم الأسرة مثلا ، فان النيعة المتوالية في هذه الحالة تكون اكثر مقاييس النزعة المركزية بقة ولذلك يجب استخدامه ، على الرغم من أنه يعتبر مقياسا اكثر تذبذبا عن الوسيط أو المتوسط ، (٦ : ١٤) .

الاستخدام الاصطلاحي للمنسوال:

- ۲ سعدما تكون درجتان متجاورتان لهما نفس التكرار وهذا التكرار الشائع الكبر من تكرار أى درجة اخرى ، غان للنوال مو متسوسط الدرجتين المتجاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات الدرجتين المتجاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات الدرجتين المتجاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات الدرجتان المتجاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات الدرجتان المتجاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات الدرجتان المتجاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات المتحاورتين ، وهكذا ، غان المنوال الجموعة الدرجسات المتحاورتين ، وهكذا ، غان المنوال المتحاورتين ، وهكذا ، غان المتحاورتين ، غان المتحاورتين ، وهذان ، وهذا ، أن المتحاورتين ، وهذان ، أن المتحاورتين ، أن المتحا
- ۳ اذا وجد فی مجموعة من الدرجات درجتان غیر متجاورتین لیما ننس
 التکرار ، وأن خذا التکرار الشسالع اکبر من تکرار ای درجه
 اخری ، غانه بوجد منوالان ، غنی مجموعة الدرجات :

بالسال:

اذا كان لدينا الدرجات التالية:

ا ۱ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۵ ، ۵ ، ۵ ، ۲ ، ۲ ، ۸ فان الدرجة ۲ ، ۵ تكون كل منهما منـــوالا ،

طرق حساب النسوال:

١ _ حساب النوال من تكرار الدرجات:

اذاً كان لدينا الدرجات التالية في اختبار ما :

٦	0	٤ ا	٣	٧ ١		الدرجـــة	
 ١	۲	٣	١	۲	١	التكرار (ك)	

فاننا نرى أن الدرجة ٤ تكررت ثلاث مرأت ، وتكررت الدرجات الأخرى مرة أو اثنين • لذلك ، فأنّه بناء على التعريف السابق فان المنوال يسساوى الدرجة ٤ •

٢ ـ حسساب القوال من غثات الدرجات :

عندما تجمع الدرجات في فئات ، فاننا نجد فئة لها أكبر تتكرار ، وتسمى مذه الفئة بالفئة المتوالية ، ونذكر أن المتوال متضمن داخل مذه الفئة ، ويكفى لأغراض عديدة أن نحدد فقط الفئة المتوالية بدون تحديد تيمة خاصية ،

أما أذا رغب في تحديد درجة واحدة للمنوال غاننا نستخدم منتصف الفئة رجًا في أما أذا رغب في تحديد درجة من درجة ، وأذلك غير لا تدل على نتطلة المتوال دلالة على مئوال التوزيم • المتوال دلالة على مئوال التوزيم •

فهشيلا :

اذا أردنا أن نحدد المنوال لتوزيع درجات اختبار الرياضة كما هو موضع في الجدول النالي • غائفا فلاحظ أن الفئة الخامسة ، التي تمتد من ٧١ الى ماتبل ١٩٠ ، لها أكبر تكرار ، وهو ١٩٠ • ولذلك فهي الفئة المنوالية •

جدول يوضح التوزيع التكراري لدرجات اختبار الرياضية

4	نف
٥	- T1
٨	{3}
•	01
١٤	17
11	V\
10	_ ^\
1.	_ 11

: المنوال = منتصف الفئسة = ٧٦

٢ ... حساب النوال من الوسيط والتوسط:

تواجه الباحث أحيانا صعوبة في حساب النوال ، خاصة عندما يكثر عدد الغثات التي تحتوى على اكبر تكرار ·

والطريقة الاحصائية لحصاب للنوال في هذه الحالة تعتمد على الوسيط والمتوسط في العلاقة الآتياة :

النوال =
$$7 \times 1$$
 النوسط $\times 7 \times 1$ النوسط مدرك $\times \infty$ مدرك $\times \infty$ وبحساب تيمة المتوسط عن طريق المائلة م

وحساب الوسيط بالمائلة الخاصة به ثم التعويض في المائلة السابقة (١) نحصل على تيمة الموال ٠

الخراص الاحصائية للبنوال

١ --- لا يتأثر بالدرجات المتطرفة ولا بالدرجات الوسسطى وانما يتأثر
 بالتسكرار نفسسه •

٢ ــ عسدد الغثاث ووداهسا :

يتأثر المنوال بعدد المنات وبمدى المئة .

اى : كلما قل عدد الفئات زاد مدى الفئة وارتفع تكرارها •

وكلما كثر عدد الفئات على مدى الفئة وانخفض تكرارها •

اى أن النوال يخضب في جوهرة الختيار عدد الفشات أو مداها •

٣ ــ تعــدد القوم :

عندما تتعدد قمم التوزيع التكراري تتعدد ايضا قمم النوال ،

مسوائد النسوال:

يه يصلح ايضا مثل المترسط والوسبيط في المايير والمعارنة .

عبد يصلح في النولحي التربوية ، مثل معرفة العمر المنوالي الراحل التعليم المختلفة •

- ممكن تتدير النزعة الركزية تتديرا مبدئيا ــ عن طريق تتدير تيمة
 النوال بمجرد النظر النكل التوزيع التكرارى •
- يصلح لمالجة المشاكل التي تهدف إلى معرفة درجة تركيز الظاهرة وموقعها ، وخاصة في النواحي الصداعية والتجارية •

فمثلا مناعة الأحسنية أو الملابس ٢٠٠٠ تعتمد على التساييس الأكثر شسيوعا ٠

انتقياء متياس من مقاييس ألتزعة الركزية :

بحسب التوسط ، الوسيط او التسوال ، بطريقة آليسة بحته ، ممكن الآلات الحاسبة أن تنجز حسابها بدتة ، لكن الاختيار بالنسبة لهذه المتاييس الثلاثة وتفسيراتها ربما يتطلب فكرا مترويا ، فلكى نقرر أى مقياس من متاييس القرعة المركزية ، فاننا نحتاج الى معرفة الميزات والعيوب اللازمة فى حشتاب وتنسير كل مفهسا ،

ويجب أن تؤخذ الاعتبارات التالية عندما نتواجه مع همدا الاختيار:

١ ـــ ق حالة للجموعات الصغيرة يكون اللنوال غير ثابت تماما • نالنوال قيلجموعة (١٠١،١،١،٥،٧، ٧، ، ٨) عوالدرجة ١ •

لكن لذا تغيرت درجة من الدرجات (١) للى صغر وتغيرت الأخرى الى ٣ ، غال النوال بصبح ٧ ٠

- ٢ ــ لا يتأثر الوسيط بحجم الدرجات « الكبيرة » « والصغيرة » اعلى أو اقل منه فمثلا في مجموعة من ه درجة غان الوسيط لا يتغير عندما تضاعف أكبر درجة مثلا ثلاث مرات
 - ٣ ـ يتأثر المتوسط بكل درجة في المجموعة .
 - ٤ ــ المتوسط اكثر ثباتا عن الوسيط ٠

بمعنى اذا أخننا درجات عينة ن من الأفراد ثم اخننا بينه اخرى ، غان مترسط العينتين يظهر (أو يبدى - يوضح) تتاربا اكثر مما يظهره الوسيط لكل من العينتين •

- تنطبق جمیع متاییس النزعة الركزیة (التوسط ، الوسیط ،
 النوال) وتتساوی جمیعا فی التوزیع التكراری (لاعتدالی .
- ٦ التوسط اكثر حساسية للدرجات المنظرفة عن الفوال أو الوسيط ويتضح هذا من توزيع الدرجات التالية .

14.4.1.8.4.1

المترسط لهذه الدرجات = 🖫 = ٣

الوسيط لهدة الدرجات = ٦

المنوال لهذه الدرجات = ٦

غاذا أضننا الدرجة ٧٠ (كدرجة ثامنه في هذه المجسوعة) . نجد ان المترسط د المله عند المل

بانحراف ٨ وحدات عن المتوسط في الحالة الأولى .

بينما يظل المتوال والوسيط كما هما لا يتغير · لهذا السبب فان الوسيط أو المنوال بكون الكثر تمييزا عندما تكون للبيانات ملتوية ·

٧ ــ اذا رغبنا فى ضم المقابيس لمجموعات عديدة عن البيانات ، فأن الخواص الجبرية للمتوسط لديه هذه الميزة ، رأينا أنه يمكننا أن نستخدم المتوسط الوزنى لهذا الغرض ، ولا يخضع الوسيط والمنوال لهذا النوع من المعالجة الجبرية ،

ويمكن تلخيص الحالات التي يغضل فيها كل من هذه المتوسطات الثلاثة فيما يأتى:

يفضـل التوسط في الحالات الآتيـة :

- ١ _ لذا اريد الحصول على متياس له اكبر درجة من الثبات ٠
- ۲ __ اذا أريد الحصول على معامل يمكن استخدامه في معاملات اخرى
 كمتابيس النشت أو متاييس الدلالة ٠
 - ٣ _ اذا كان توزيع المجموعة متماثلا أو تريبا من الاعتدال ٠

يفضيل الوسيط في الحالات الآتيسة :

- ١ _ اذا أريد الحضول على معامل في وقت قصير ٠
- ۲ __ اذا كان التوزيع ملتويا للتواء واضحا ، وخاصة أذا كان بالتوزيع
 تيم منظرفة جدا •
- ۲ ـــ ادا كان البحث يهتم بمعرفة ما اذا كانت تيمة معينة تقع في النصف العلوى أو السفلي من التوزيع •

يفضيل النوال في للحالات الأتيسة :

- ١ الحصول على معامل مركزى في النصر وقت دون الاحتمام
 كثيراً بالنقــة •
- ٢ ـــ اذا كان مدف الباحث معرفة التيمة التي يتفق فيهسا أغلب أفراد
 المحسوعة •

تمــارين :

١ -- هذه درجات ٢٠ طالبا في امتحان اللغــة الانجليرية والطــلوب
 تصنيفها في ٧ فئات تبدأ من ١ ، ٥ ، ٠٠٠٠

۲ ــ قیماً یاتی درجات ۵۰ طالبا فی اختبار التدرة اللغویة ، والطوب
 تصنیف هذه الدرجات فی جدول تکراری مدی کل نشة فیه ۳ درجات .

۳ مثل الجدول التكرارى السابق بالرسم مستخدما في ذلك : ___
 (1) مضلعا تكراريا •

(ب) مدرجا تکراریا ۰

- غنیف الدرجات السابقة فی جدول تکراری مدی کل فئة فیه
 درجسات •
- فيما يأتى درجات ٢٨ طالبا في اختبار ما _ والطاوب تصنيف
 الدرجات في جدول تكرارى مدى الفئة فيه ٥ درجات .

٦ الجدول التكرارى الآتى يوضح توريع درجات ٥٠ تلمد في احتبار
 ما _ اوجد المتوسط الحسابي باستخدام مراكز الفثات ٠

-VE -74 -7E	-01	_0{	_{4	_{£	_٣٩	_25	_ ۲۹	_Y£	-19	-18	ن
۲ صفر ۲	۲	٦	1-	^	٨	٤	۲	٤	١	1	- 4

٧ _ اوجد المتوسط الحسابي من الجدول السابق بالطريقة المختصرة ٠

A _ لحسب الوسيط من الجدول التكراري الآتي : _

de - 97	-11-A	1-41	-٧٦ -٧١	-11	-71	-04-01	ف
1 1	0 11	10	۲۰ ۱۸	14	1.	-04-01 4 Y	亚

٩_ إحسب للنوال من التوزيع التكراري الآتي : _

			~		
4.	-10	~ 1·	- •	مفرر	ا ف
۳	V	14	11	۱ ۲	5
- 1	1 1	''	' " !	ויו	

• ١- الجدول التكراري الآتي يوضيح توزيع درجات ٦٠ طالبا في اختبار ما • اوجد: __

(١) التوسط الحسابي بالطريقة الاختصرة ٠

-70 -7.	-40	-7+	10	-1-	- 0	ن
1 9	1.	14	14	٨	٧	当

۱۱ــ الجدول التكرارى الآتى يوضيح توزيع درجات ٥٠ طالبا في اختبار
 ما٠ اوجــد:

(١) المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة

-4.	-7.	0+	{ •	بγ۰	- Y•	1+	ن
- V ·	11	14	10	£	مفر	٣	3

١٢_ احسب المتوسط والوسيط من الجدول التكراري الآتي :

-~	- ∧∘	— ۸ Y	-٧1	-71	٧٣	_v•	ن
1	۲	٣	0	4	7	٤	4

١٣ ... لحسب الوسيط من الجدول التكراري الآتي :

الجدوع	4+	- ۸۷	- h £	-41	-vv	-Vo	ن
۲٠		0	.—	$\overline{}$	Y	٣	T

١٤_ احسب المترسط من الجدول التكراري الآتي :

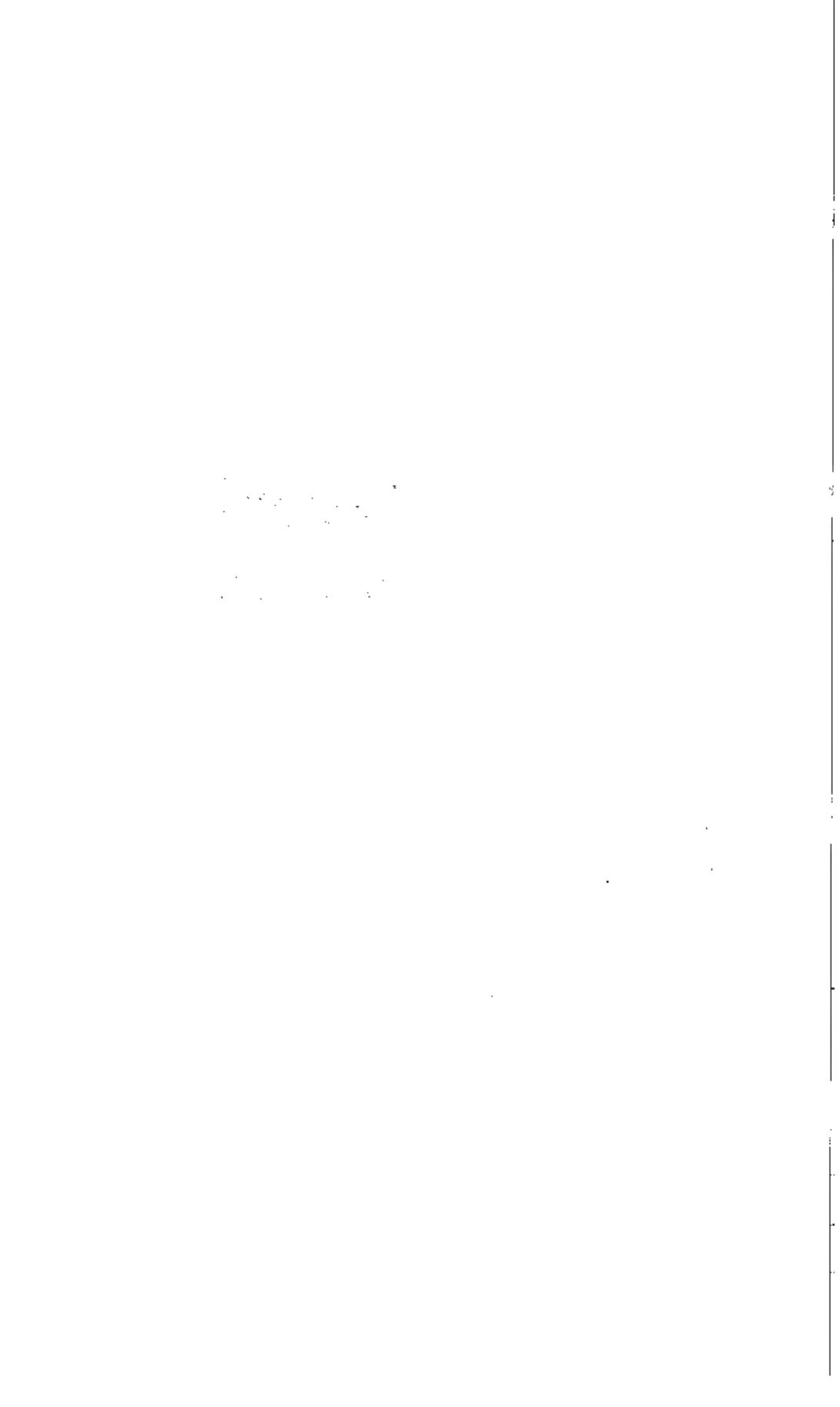
الجموع ۲۰۰	{ •	-77	-77	— ۲ ۸	-46	- Y•	- 17	-11	<u>ا</u> ۸	-1	ف
Y++	۲	y	10	YV	189	٥٢	YY	17	0	1	J

· ·

·•

.

الفصب الأرام مقاييس النشتت مقاييس



مقاييس التشتت أو التغير MEASURES OF VARIATION

مقــــدهة :

لا تكفى مقابيس النزعة الركزية وحدما لمرفة الصفات الاحصائية اللازمة لوصف الظاهرة • فقد تكون الفروق بين الدرجات بسيطة أو قد تكون واسعة كبيرة رغم تساوى قيم المتوسطات في كلتا الحالتين •

فيشاذ:

الدرجـات ٢ ، ٩ ، ١٢ المتوسط = ٩ الدرجـات ٢ ، ٢ ، ٢٤

لهذا يعتمد الوصف الاحصائي لُهذه البيانات العددية على قياس مثبتت الدرجات واختلافها وتباينها وتساعدنا متاييس التثبتت في تحديد متدار التجانس أو التنافر في توزيع محدد •

فرصف اى توزيع تكرارى يتطلب ، متياسا ما لدرجة التشتت أو التباين في تلك المجموعة ، فمثلا في حالة تساوى تلاميذ فصل ما في نسبة نكائهم يدرس نهم بطريتة مختلفة عنه اذا كانت نسب ذكائهم تتراوح من ٨٠ -- ١٤٠ .

كذلك يحاول الباحث عادة تتليل درجة التباين في المينات المختلفة ، في المتغيرات الهامة بالنسبة لنتائجه ، والتي لا تكون موضع احتمامه في هذا الوقت وفي مذه الحالة لا تطبق التعميمات الاعلى المجموعات الماثلة فحسب ، وتتلخص مقاييس التشتت في :

الدى الكلى ــ الارباعيات ــ المثينيات ــ الاعشاريات ــ الانحـراف الميـارى ــ والتبـاين •

السدى الكلى:

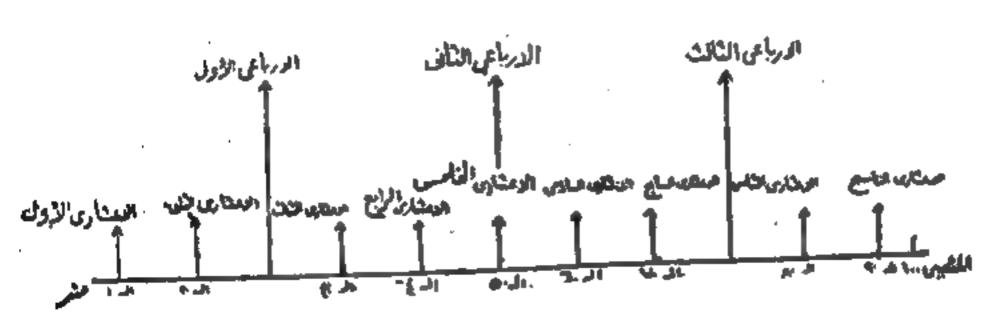
هو اقل مقایییس التشتت دقة ، وهو ایضا اسلها في طریقة حسابه فهو بساوی للفرق بین اعلی درجة واتل درجة ، ویعطی الدی الکلی لتوزیـــع

الدرجات مطومة بسيطة عن النشئت ، الا أن هذا الأسلوب لا يعتمد عليه باى حال ، طالما أن مجرد ثغير أداء شخص واحد ، قد يكون له أثر كبير على المدى الكلى ، وهو لا يصلح علميا للمقارنة لانه يعتمد فقط على أكبر درجة وأصدو درجة ، وله أهبه في مقارنة التوزيعات التكرارية المختلفة المرفة مدى تشتت الدرجات بشرط أن يكون عدد الدرجات متساويا ، وعندما تختلف عدد الدرجات قبطل هده الفائدة أ

: Quantiles

تستخدم الـ Quantiles ف شرح مجموعة من الملاحظات ، وهو نقطة على مقياس عدى يفترض أن يقع تحتها مجموعة من الملاحظات ، وهو يقسم مجموعة الملاحظات ألى مجموعتين بنسب معروفة في كل مجمسوعة ، وتعتبر الارباعيات والمعشاريات ثلاثة أمثلة المثلة المثلة والمثينيات والاعشاريات ثلاثة المثلة المثلة المثلة المثلة المثلة والمثينيات والاعشاريات المثلة المثلة

والشكل التالى يوضح العلاقات بالنسبة لهذه الأمثلة الثلاثة .



شكل رقم (٢) بوضح العادمة بيره المئينيات والدراميات والعثار إسك

الأرباعيات

QUARTILES

الارباعيات مى النقط التى تقسم التوزيع التكرارى الى اربعة اقسام متساوية بحيث تكون درجات التوزيع مرتبة ترتيبا تصاعبيا و والارباعى مو وسيلة لقياس امكانية التغير او التشتت فى التوزيع المئينى و والارباعى يقسم التوزيع الى اربعة اجزاء على متباس من صهر سفر سلم ١٠٠٠ ، ويطلق على المثينى الدرباعى الأول (ب) .

فالارباعي الأول هو النقطة التي تسبقها ربع الدرجات ويليها $\frac{7}{4}$ الدرجات ورثبة الارباعي الأول $=\frac{\ddot{0}}{2}$

الارباعي الثاني هو النقطة التي تسبقها لل الدرجات وتليها لل

ای آن رتبته = $\frac{7}{2}$ و $\frac{6}{2}$ ای آنه = الوسیط (ب و) •

والمثينى الله ٧٥ من التوزيع هو الارباعي الثالث (ب) ، اى هو النتطة التي تسبقها لإ الدرجات .

وتحسب هذه الارباعيات بننس طريقة حساب الوسيط مع اختلاف في تحسديد ترتيب كل إرباعي ٠

نصف مدى الانحراف الارباعي (أو نصف السدى الربيعي)

المساعة بين الإرباعي المثلث (ب) والإرباعي الأول (ب) هي مدى الساء النتصف ، أو مدى ما بين الارباعي .

or interquartile rang

يحدد الاتحراف الارباعي أو نصف مدى الاتحراف الارباعي بطرح الارباعي

الأول من الارباعي الثالث ، وبذلك مستبعد الربعين المتطرفين في التوزيد ، وناسخ المتعلق من ذلك المنطقة الوسطى المتوزيع ، التي تشمل نصف الدرجات المتكرارية .

مدى الانجراف الارباعي = بي ـــب ب

نصف مدى الانحراف الارباعي = بب ب ب

وتمدنا الارباعيات بمتياس للتغير اكثر دقة عن ما يمدنا به المسدى وعموما ، يرى (أو ينصح) معدى الاختبارات بأن « الطالب المتوسط » يقسع بين ب، ، بر وبنصح باستخدام هذه الارباعيات لتحديد مؤلاء الأفراد الذبن ينحرفون بدرحة كافية عن الوسيط ، بطريقة أخرى ، اذا بحثنا درحات هؤلاء الانراد الذين يقعون أصغل المتينى الس ٢٥ أو الارباعي الأول ، والذبن يقمون أعلى المتيني الس ٢٥ أو الارباعي الأول ، والذبن يقمون أعلى عن نقطـة المتنصف ،

مثسال

ك متجمع تمساعدي	£	44
*	*	_ ••
~	1	- 7.
•	٦	 V .
14	A	A·
74.	17	- 1.
* .	*1	- 1
74	17	~ 11.
V1	14	- 175
AA	4	14-
40	V	- 18.
\.	٥	_ 10.

مذا الترتيب أكبر من التكرار المتجمع التصاعدى ١٧ وأقل من التكرار المتجمع التصاعدي للتالى له ٢٩ ٠

فالارباعي الأول يعتد في الفئة التكرارية المقابلة المتكرار المتجمع ٢٩ اي في الفئة ٥ر٨٩ ـــ ٥ر٩٩ بقيمة متدارها ٢٥ ـــ ١٧ ـــ ٨٩ -

تكرار هذه الفقة = ۱۲ ومداهب ۱۰

الارباعی الأول = 0 $+ \sqrt{2}$ \times $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$ الارباعی الأول ب $+ \sqrt{2}$ $+ \sqrt{2}$

ترتب الارباعي الثاني $=\frac{7}{2} = \frac{7}{4} \times 100 = 0$ ومو يعم ق الفئة التي تمتد من 0.99 = 0.00

قیمة الارباعی الثانی ب = الحد الأعلی للفته = 0.90 = الرسیط 0.90 = 0.90 = 0.90 = 0.90 ترتیب الارباعی الثالث = 0.90 =

 $1. \times \left(\frac{77 - 70}{35}\right) + 119$ = مر $\frac{77 - 70}{35}$. .

 $= 0.011 + \frac{1}{17} \times 1.1 = 0.011 + 7.7 = 1.771$

فصف مدى الاتحراف الارجاعي = بعر مدب

10 = 1071 = 1071 =

الفوائد العملية للأرباعيات

١ ــ قيساس التشنت :

تصلح الارباعيات لقياس النشئت وخاصة نصف مدى الانحراف الارباعي ويمتاز عن الانحراف العيارى بأنه أسهل واسرع وابسط في معناه ، ولكنب لا يخضع للمعالجة الجبرية التي يخضع لها الانحراف الميارى ، (لانه لا ياخذ في الاعتبار قيم الدرجات الغردية ، كما أنه يفغل تماما الدرجات التي تقع بعد النقطة في المنتبين - المنيني الله ٢٥ والمنيني لله ٧٥) ،

وثهذه الأسباب يعطى هذا الأسلوب متياسا للتشتت ، اتل ثباتا ــ ويدتصر استخدامه على الحالات التي يراد غيها حساب متياس سريع للتشتت

٢ ــ العسايع والسستويات :

للارباعيات أحمية كبرى في معرفة نقط التوزيع للتكراري التي تحسيد المستويات العليا والوسطى والدنيا

فالارباعي الأول مثلا يحدد النسبة المترية المساوية لـ ٢٥ ومي تحدد المستوى الفسيف •

والارباعي للثلث يحدد النسبة الثوية السساوية لـــ ٧٥ وهي تحــدد المستوى المتـــاز ٠

وعلى ذلك تصلح الارباعيات لتتنين الاختبارات والمتاييس المختلفة .

للثينيات والإعشاريات

للثينيات مى النقط التى تقسم التوزيع التكرارى الى اجهزاء مئوية ، فالدّين مو الدرجة التى يقع تحتها نسبة مثوية من توزيع الدرجات نمثلا ، الدّين السبة مثوية من توزيع الدرجات نمثلا ، الدّين السبة مهود التوزيع واكبر التوزيع مو الدرجة التى يكون أقل منها ٧٥٪ من درجات التوزيع واكبر منها ٢٥٪ ٠

والاعتماريات هي النقط التي تقسم التوزيع التكراري الي اجزاء عشرية ولا تختلف طريقة حسابهما عن حساب الأرباعيات الا في الخطوة الأولى التي تحدد ترتيب المثيني أو الاعتماري •

فهتسلا:

ترتیب المنینی الأول =
$$\frac{\dot{0}}{1 \cdot \dot{0}}$$
 والمنینی الثانی $\frac{\dot{\gamma}}{1 \cdot \dot{0}}$ ک $\frac{\dot{\gamma}}{1 \cdot \dot{0}}$ ترتیب المنینی الماشر = $\frac{\dot{0}}{1 \cdot \dot{0}}$ = $\frac{\dot{0}}{1 \cdot \dot{0}}$ = $\frac{\dot{\gamma}}{1 \cdot \dot{0}}$ = $\frac{\dot{\delta}}{1 \cdot \dot{0}}$

غاذا أردنا حساب المثيني الماشر والاعتباري الأول من المثال السابق نجد أن ترتبب المنيني العاشر والاعتباري الأول = بعلم × ١٠٠ = ١٠٠

$$1. = (\frac{14-17}{17})$$
 هيمة المثيني الس $10 = (18)$ أو الاعتماري للثاني $= (18)$

الخواص الاحصائية للشينات والاعشاريات

لا تختلف كثيراً عن خواص الارباعيات الا في نواح يسيره تقوم في جوهرها على كثرة عدد التيبيات والاعشاريات و وهذا له آثره في تغيير البسورة العامة النهائية للتنسيم الي المثيني أو الإعشاري و من المثال السابق نجد ان النقط المثينية تتباعد عن يعضها في الأطراف وتتقارب في الوسط و

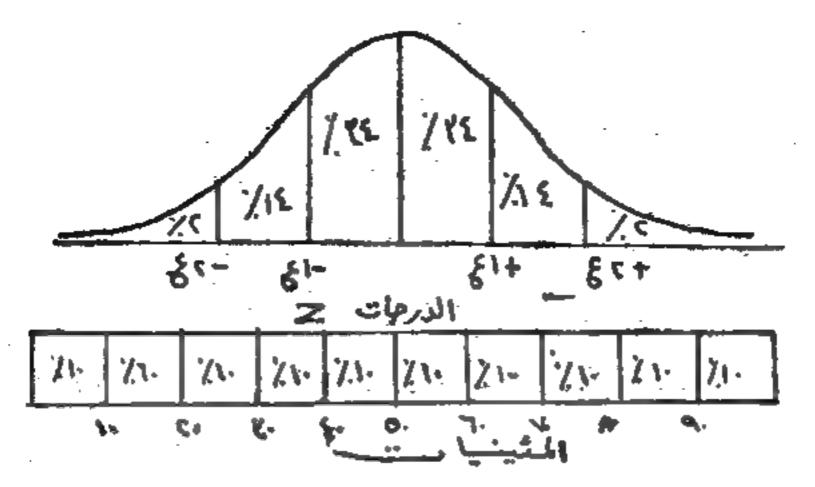
نىشىلا:

الفرق بین اغینی اللہ ۲۰ ، اللہ ۱۰ = ۱۲۰۲۰ المبینی اللہ ۲۰ = ۱۰۹۰۰ + ++ = ۱۰ = ۱۰ = ۱۰المبینی اللہ ۵۰ = مر۱۰۰ میں اللہ ۵۰ = ۱۰ مر۱۰ الفرق بین المتینی اللہ ۵۰ ، اللہ ۲۰ = ۱۰ مر۱۰

أي أن غروق النقط المتونية تقل بالقرب من مناطق تركيز التوزيع التكراري وتزداد بالقرب من المناطق التي يقل غيها التوزيع وأي أن الفروق المسردية تزداد حساسيتها بالقرب من المناطق الوسطى وتضعف هذه الحساسية بالقرب من المناطق الوسطى وتضعف هذه الحساسية بالقرب من المناطق المتطرفة وفلك لأن التغيرات الضيقة الصغيرة في الدرجسات تؤثر تأثيرا في مراتب النقط المثينية الوسطى والتغيرات الواسسعة الكبيرة في الدرجات تؤثر تأثيرا تليلا في مراتب النقط المثينية المتطرفة والتطرفة والدرجات تؤثر تأثيرا تليلا في مراتب النقط المثينية المتطرفة والمنافقة والمنافقة

بما أننا نستخدم المثينيات في تحديد مستويات الأفراد بالنسبة لدرجات القياس سواه كان في لختبارا أو لمتحلنا ما ٠٠٠ أنن ، فتلك النقط المثينية تبسالغ في قياس فروق تلك الستويات عند منتصف التوزيع ، وتتخلف كثيرا في تياسها لتلك الفروق عند الأطراف الدنيا والعليا .

وذلك لأن توزيع المتينيات ليس متماثلا حول نقطة النزعة الركزية ، وتتخذ المتينيات نمط تائم الزوليا من التوزيع كما مو في الشكل التالى . (١ : ١٠١) -



شكل رتم (٢) يوضى العلاقة بيد المشيشات وتوزيعات المعن الاعتداف

ويتضح ان مناك اختلافا تاما بين الدرجات في المثيني الأول الأعلى والأبل في المجموعة على المتحنى الاعتدالي ، والدرجات التي تتم عند النقط المثينية الله 23 ، أو الله 10 • فمثلا ، لذا كانت درجة تلميذ قبل الاختبار تتم عند احد الطرفين الملويين المنحنى الاعتدالي ثم حسن درجته بخمس نقط مثينية ، فان الفرق يتضح بسرعة • أما لذا تم نفس التحب ن في منتصف التوزيع فانه يلاحظ بصحو

وذلك لأن شكل التوزيع المثيني مفلطما وتاثم الزوايا • وتوزع الدرجات بالنسبة للسد ١٠٠ نتطة في مسافات متساوية • وعندما تحول الدرجات اللينية الى وحدات درجة معيارية ، غانها تدمج أو تضغط بشدة بى منتصف التوزيع ويتشتت عند الأطراف • ويحدث عكس هذا الموقف عندما تحسرل الدرجسات المحيارية الى رتب مثينية •

ولذا يستصن تجزئة الناطق المتطرفة الى نقط مثينية متعددة متتاربة وبذلك تنتظم هذه النقط في الصحورة المعلة التاليحة :

وذلك حتى نساوى بين الانبساط الطرق والانقباض المكزى الى حد كبير .

الفوائد العملية والتطبيقية للمثينيسات والاعشساريات

حيث أن المتينيات والاعتساريات تقسم التوزيع التكرارى الى مسا مو أكبر من أو أقل من حد فاصل ، أذن فهى تحدد مستويات متدرجة للبيانات الرقمية التي يشتمل عليها للتوزيع .

وهكذا تصلح هذه الطريقة التي حد كبير في تحديد مستويات ومسايير الأفراد في أي لختبار • وتبدو أهمية هذه المايير في نهمنا للدرجات الخام التي يحصل عليها الفرد عندما تنسب الدرجات الخام التي مستويات الجماعة التي الجري عليها الاختبسار •

وعندما تكون هذه الجماعة كبيرة ومعثلة تماما لجميه الأنراد وعنهما يهذب المنحنى التكراري بحيث يقترب من التوزيع الاعتدالي ، غان هذه المتينيات تصبح مقاييس ومعايير صائحة للمقارنة والمقابلة بين درجات أي فرد ف ذلك الاختبار والمستويات التي حددتها درجات تلك الجماعة .

الهلسلا:

اذا أجرى اختبار ذكاء على آلاف من أطفسال سن ٦ ــ ٧ سسنوات الم حسبت النقط الثينية لدرجات حزلاء الأنراد ، امكن اتخاذ هذه النقط معسايير تتحديد مستويات ذكاء أى فرد يمتد عمره من ٦ ــ ٧ سنوات ، وبما أن هذه النقط الثينية تحدد منتصف درجات كل لختبار عند الثيني الــ ٥٠ أو الاعشسارى الخسامس ، لذن نهى بذلك تنسب جميسع التوزيمات التكرارية الى منتصف واحسد ثابت ،

ومكذا نستطيع أن نتارن نتسائع الاختبارات المختلفة بمتارنة نتطهسا المثينية أو أن نتارن نتائع الجماعات المختلفة بالنسسبة الاختبار ولحد وذلك بمتارنة نتطهسا المثينية أيضسا ٠

STANDARD DEVIATION

يعتبر الانحراف الميارى من أهم مقاييس التثمتت جميعها واكثرها استخداما ، تستخدم الارباعيات والمئينيات في شرح التغير (أو التشتت) وذلك عندما يستخدم الوسيط ليدل على النزعة المركزية ، بينما نسستخدم الانحراف المعيارى كمتياس وصفى عندما يستخدم المتوسط التحديد النزعة المركزية ، ويرمز للانحراف المعيارى المجتمع بالرمز (0) ويرمز للانحراف المعيارى المجتمع بالرمز (0) ويرمز للانحراف المعيارى المعينة بالرمز (ع) وتعطيف مده الوحدات المتوسطات التي يمكن بواسطتها المقارنة بين الأفراد أو المجموعات المختلفة بالنسبة المتشنت حسول التوسط ، فمثلا ، ربما نجد مجموعتين لهما نفس المتوسط بالنسبة المتحميل الكن مجموعة منهما متجانسة والأخرى غير متجانسية ،

والانحراف المعارى يتوم في جوعرة على حسساب انحراف الدرجات عن متوسطها ثم تربيع عذه الانحرافات للتخلص من الاشعارة السالبة ، ثم جمعها ، والتسمة على عدد الدرجات ، ثم أخذ الجذر التربيعي لهذه الدرجة ،

ويطلق على متوسط مربعات الانحرافات عن المتوسط اسم التباين • ال أن مربع الانحراف الميارى = انتباين •

غاذا رمزنا ثلانحراف المياري بالرمزح

ن ع = التباين

$$\int_{0}^{\infty} \frac{dx}{dx} = \sqrt{\frac{n^2 d^2}{6}}$$

حيث ن عبد الأنراد

ح مربع لتحرانات الدرجات عن المتوسط •

ويستخدم الانحراف الميارى لتحديد متدار إنحراف تيمة معينة عن المترسط بالنسبة ابلتى التيم في الترزيع ، فعثلا ، اذا افترضنا أن درجات نسبة الذكااء Q وزعت ترزيعا اعتداليا ، فأن درجة التوسط تكون عند ١٠٠٠

بانحراف معيارى ١٥ نقطة • فاذا حصل فرد على الدرجة ١١٥ ، فان انحرافه المعيارى = + ١ • واذا كانت درجته ٧٠ ، فان انحرافه المعيارى = - ٢ وتدلنا هذه الأرقام على الوضيع للنسبي فقط • (١ : ٦٠٠) •

طرق حساب الانحراف المعياري

رُ ـــ بِنَ الدرجاتِ النَّفسامِ :

بالسال:

الايجاد الانحراف المياري لدرجات ١٠ تلاميذ في اختبار النهم نتبع الآتي ة

مريم لثحرانها

عن التوسط (ح")	المرافها عن التوسط (ح)	الدرجة (س)
مسار	مبيقر	17
4.4	3 ·	The state of the s
	3 × ×	10.55
۸۱	* • —	- T
مسئر	. مسئر	11
10 m to 10 m t	. 3 —	3
AN	·	* *1
	. 4	10
		14
مساو	<u>مسئر</u>	11
AAY	منستر	مدس = ۱۲۰
•		37 = p

بالحظ أن الجموع النجيري الانحرافات الدرجات عن المتوسط (مد ح) بسبساوي هستر دائما ٠

وحيث أننا نستخدم الانحرافات عن المتوسط لتحديد مقياس التشتت ، لذلك غربغ انتحراف كل درجة ونجمع مربع الدرجات · وناتج هذا الجموع يكون

كبيرا عندما تكون الدرجات غير متجانسة (كما في هذا المثال مدع = ٢٨٨)، وصنفيرا عندما تكون الدرجات متجانسة كما سنرى في المثال التالي .

$$\frac{\gamma_{\Lambda\Lambda}}{\zeta} = \frac{\gamma_{\Lambda\Lambda}}{\zeta} = \frac{\gamma_{\Lambda}}{\zeta} = \frac{\gamma_{\Lambda}}{\zeta}$$

منسال: أوجد الانحراف الميارى لدرجات ١٠ تلاميذ في اختبار التراءة .

۲,	τ	الدرجة رس
مىقر	. صار	1. NY.
	Y	3.
م ا	مستر	. 17
•	*	18
	· *	\ •
No. of	· ·	14
	مبقر	17
	\	***
	4	. \1
- · صفر.	. مىئو	14
14 :	منئر	مدس= ۱۲۰
174	_	A = 77,

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

يلاحظ هذا أن التغير (مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط) = ١٨

اتل منه في المثال السابق = ٢٨٨ مما يدل على أن هذه المجموعة متجانسة •

تمارين :

٢ ... حساب الانحراف العياري للدرجات التكرارية :

E×3	"כ	ε	ك×س	ئنتكرار (ك)	الدرجة (س)
٨	\$	۳.	A	*	
٣	•	Y	10	7	4
,	_	مناو	14	7	٦
1.4	1	*	•	1	1
17	13		1.	•	1.

$$7 \cdot = (b \times c_{ij}) = .7$$

$$7 \cdot = \frac{1}{11} = 7$$

$$\therefore c_{ij} = \frac{1}{11} = 7$$

ي. مترسط مربع الانحرافات عن المتوسط = ٢٠٦ = ٢٠٦

.. الاتحراف الميارى = ١٦٦ = ٩ر١ تعريبا

أى أن معاطة الانحراف المياري في عده الحالة مي :

٣ - حساب الانحراف العياري لفثات الدرجات بالطريقة المنتصرة :

ع = ف المتوسط مربعات الانحرانات _ مربع متوسط الانحرافات .

ونسال:

"ح×ظ	۳٤	[CX4	ć	4	i
••	70	1-4	۰	4	مىقر
A3	17	11	ž	٣	•
٧٢	•	Y E	٣	٨	-1.
117		۰۸_	Y	. 11	-10
44	N.	•1 <u>—</u> .	4_	•1	
، يصبقو	مبقر	مخر	مىئر	٧Y	_Ye.
17	1	37	١.	37	_Y*.
777	٠., ٤	13	. *	£A	
117	•	. ٧٧	٣	37	_ \$*
.37.	17	3.		10	20
70	Y 9	•	. 0	. 1	
M-Y		170	70	· = -d.,	410000

الانحراف المياريع =ف ٧ متوسطمر بمات الانحر اقات مربع متوسط انجر افات

ويمكن صباغة الانحراف الميارى في صورة رمزية كالآتى ،

$$\frac{\sqrt{(-c \times d)^2)}}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{(-c \times d)^2}}{c}$$

٤ - حسسه الانحراف العياري بالطريقة العلمة :

وهى أدق طريقة تحساب الانحراف المعيارى حيث أنها تعتمد على الدرجات الخام دون الاستعانة بالانحرافات وهى لذلك لا تحتاج الى تصحيح انسر الفئات ويصب الانحراف الميارى بالمائلة الآتية : ...

ع = المتوسط مربعات الدرجات _ مربع متوسط الدرجات فلذا رمزنا الى الدرجـة بالرمز س 6 مربع الدرجة س

ر. متوسط مربعات الدرجات $= \frac{a - m^2}{\dot{v}}$ حيث ن عدد الدرجات

مترسط الدرجات =

.. مربع متوسط الدرجات = (محس)

وتتحول المعادلة السابقة الى الصورة الرمزية التالية :

يخسال :

يوضع الجعول التالى درجات ٧ طالبات _ لحساب الانحراف الميارى نتبع الآتى:

مربع الدرجة س	الدرجة (س)
1	X
L.1	٦
3.8	
1	\ •
337	NY .
TTO	10
YAN	17
مدس" = ATY	ب مد س = ۲۰
	$\eta = \Xi h$
(<u>v·</u>) -	** 5 = V 777 =
= ۵۷ر٤ تتريبا	= \ عار ٢٣

وفسال :

لحسب الانحراف الميساري من الجدول التكراري الآتي والذي يوضع توزيع درجات ٥٠ طالبا في اختبار اللغة ٠

-11	***	-44.	-YA+	-44.	-44.	-40-	-45	44	• -YY-	-41-	J
1	*	ŧ	1	٦	14	11	٨	۲	مبقن	٣	4

:	_ل	الحــ
•	_	

•				<u> </u>	<u> </u>
كحت	3-7	ره	₹.	d	4
V •	Ye	/ •	•	*	_Y/·
		هار		منقر	
		~		4	-77-
				A	-37_
11	•	11-	V	33	-741
مثر		صقر		17	· 177
7		-28		[8]	XA:
٤	2	. *		5	-44.
	4 -	17	₹ ₩	\$	-44.
44			£	Y .	
Yo	70		•	V	_4/1;
779 .		£A		•7	
		44.			

التباير

VARIANCE

رايدا أن التباين مو متوسط مربعات الانحرافات عن المتوسط ، أي أنه مربع الانحراف المعيساري **

والتباين من اهم متاييس التشتث لاعتماده الباشر على الانحراف المهارى والتباين من اهم متاييس التشتث لاعتماده الباشر على الانحرافات المهارى ويضا مو احدى المتوسطات لانه في جوهره متوسط الربعات الانحرافات ولئلك فهو يصلح لقياس الفروق الجماعية بين الأنواع المختلفة للتوزيعات المتكرارية و مثل : حساب الفروق بين مستويات تحصيل الطلبة والطالبات بالنسبة لأى مادة من المواد ويسمى هذا النوع من التحليل بتحليل التباين والنسبة لأى مادة من المواد ويسمى هذا النوع من التحليل بتحليل التباين والنسبان والنسبان والنسبان والمناسبة المناسبة المناسبة

وللتباين فائدته الاحصائية المباشرة في قياس الانحراف المياري للمجموعات المنتلفة او ما يمكن أن نسميه بالانحراف المياري الوزني .

ملسسال :

لحسب الانحراف العيارى لدرجات الطلبة والطالبات وذلك بمعرفة عدد الافراد والمتوسط والانحراف الميارى لكل مجموعة منهما :

الجهسوعة ب		الجمسوعة ا
ن, = ۲۰		ن, = ۲۰
•• = 110		$a_i = a_i$
3; ≖ ₹	•	4 = 18

التوسط الوزنى
$$= \frac{a_1 \times c_1^2 + c_2^2 \times c_3}{c_1 + c_2}$$

- . فكرة التباين تقوم في جومرها على حساب مربعات فروق الانحرافات
 - . نصب مربع فرق كل متوسط عن التوسط العام .
 - . فرق مترسط المجموعة 1 عن المترسط العام ق

$$\gamma = \dot{\gamma} = (\gamma_1 - \gamma_1)^T = (\gamma_2 - \gamma_3)^T = \dot{\gamma} = \gamma_1 = \gamma_2 = \gamma_3 = \gamma_4 = \gamma_4 = \gamma_5 = \gamma_$$

$$\xi_1 = \tau_1 = \tau_1 = \tau_2 = \tau_3 = \tau_4 = \tau_5 = \tau_5$$

وتشبه معادلة التباين الوزنى معادلة المتوسط الوزنى مع اختلاف بسبط يدور في جوهره حول فكرة مربعات الفروق .

🖚 ۱۰در۲۸

.. ع = الانحراف المياري للمجموعتين مما = ٧ ٥٠٠ = ٢٢ره

ويمكن الاستفادة بهذه الطريقة لحساب الانحراف العبارى الوزنى لأى عند من المجموعات المختلفة وذلك عن طريق معرفة عدد كل منها ، متوسطها ، والانحراف الميسارى لكل منها ،

مقارنة بين مقاييس التشتت

معا سبق ، نجد أن المدى المطلق هو الله مقاييس التثمنت عقة وثباتا ، وخاصة في حالة وجود ثيم متطرفة لا تمثل المجموعة التي ينتمي اليها .

ثم وجدنا أن نصف الدى الربيعي (نصف مدى الانحراف الأرباعي) يتنصر على مدى الانصف المتوسط من مجوع القيم ، الا أنه لا يتعرض الا لقيمتين هما الربيع الأدنى والربيع الأعلى فقط ، ويستخدم عندما براد الحصول على مقاس تقريبي للتشتث في وقت قصم ، وعندما يكون في المحموعة قدم متطرفة ،

أما الانحراقة المداري فهو اكثر مقاييس التشتت دقة نظرا لأنه يستخدم ف حسابه جميع قيم المجموعة •

ويستخدم الاتحرا مَالسيارى في كثير من الطرق الاحصائية الأخرى ، كما في حالة معاملات الارتباط او مقاييس الدلالة ، ولذلك مهو لكثر مقاييس النشنت استخداما ع

تهارین :

﴿ ١ ... أوجد تُصفُّ مدى الانحرافُ الأرباعي من الجدولُ التكراري الآتي :

ŀ	-0.	-10	-1.	-40	-7.	-40	-Y+	-10	1-	-0	صفر	اف
ŀ				-	<u> </u>				[-		⊢ :1
ļ	3	, 10	78	.88	37	. ۷۲.	01	74	~ X ≥	Y 7	- Y	1

- - ٣ ... أوجد الانحراف المياري للدرجات الخمس التالية :
 - * 8 . X . Y . X . X .
- ع ــ اوجــد الانحراف الميارى لدرجات ٩ طالبـات في امتحان اللغة
 الفرنسية :
 - ~ 0 . 7 . 7 . 8 . 7 . 0 . 7 . 7 . 7
- م للتيني السه ٢٠ (الأرباعي الأول) والمثيني السه ٦٠ من
 الدرجات التالية :

TARVETTO	71 17	27717	- 41 47	77 77	0 45	درجة الاختبار النحكرار دك
1170	A A	14 A . A	£ 341+	٣ ١-	- 4	التحكران دكء

٦ _ أوجد المثيني الس ٢٠ والمتيني الس ٥٠ من الجدول التكراري الآشي؟

-75-70-	07-0Y-1/	-22-2	-Y- 3Y- YY- YY-	ف
\$ · YA A	17-170	17. 441.4.	T.V 791 790 170	1

٧ ــ أوجد الانحراف المياري من الجدول التكراري الأتي

-v-	<u>ا-۲۰</u>	-00	\$ •	-۲۰	- Y •	-1.	ف
•	11	-14	10	٤	مفر	٣	3

٨ ــ أوجد الانحراف المعارى من الجدول التكراري الآتي :

-40	-4.	- Y 0	-4.	-10	- 1.	- 0	ف
1	9	1.	17,	14	٨	V	1

٠ ــ احسب الانحراف المياري للتيم الآتية :

77 • 78 • 78 • 78 • 77 • 78 • 77 • 78 • 77 • 78 • 77 • 78 • 77 • 78 • 7

١٠ اسا لصبع الانحرا فالمياري للثيم الآتية :

. 4 . 7 . 1 . . 7 . 7 . 7 . 4 . . 7 . 17 < 4

١١ - لصب الانحراف المياري الليم الآتية :

١٢ - أوجد نصف مدى الانحراف الأرباعي من الجدول التكراري الآبي :

-04	74	-V4	- A1	-11	-1.4	-111	-171	-179	-149	-109	ف
				<u>-</u> ,							11
۲ .	1	٦	٨	14	41	.//	14	•	Y	0	

-

. . . :

.

.

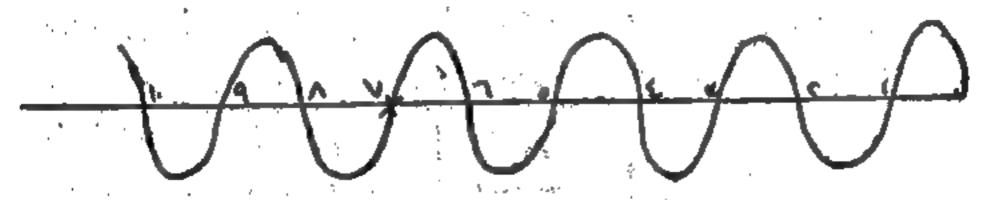
•

الفضالخامِسُ التحـــويلات .

وقــــدمة :

شرحنا في القصول السابقة ، توزيعات الدرجات والاحصاء السنخدم الشرح مثل هذه التوزيعات و تماطنا في البداية مع توزيعات درجات خام الجموعة من المنتبرين • ورآينا كيف تحسب متاييس التثبتت والنزعة الركزية ،

ومن الصعب تفسير الدرجة الخسام للفرد على الاختبار بدون استخسدام بعض أسس المقارنة أو المعايير و والدرجة الخام هي الدرجة الأملية أو النعلية التي لم تعدل أو تحول بأى طريقة و هي الرقم صبح أو خطأ ، معتمدة على الطريقة التي استخدمت في تقدير الدرجة وهي ببساطة عدد الإجابات الصحيحة التي يحصل عليها المختبر و والدرجة الخام في حد ذاتها ليس لها أي معنى و وتكتسب معنى مقط ، عندما تقارن مع مقاييس أخرى و بيانيا و غان الدرجة الخام هي المسافة من نقطة الصغر على الخط العددي الى القيمة المسددية التي تمثل أداء الماتحن على الاختبار و فعثلا و الدرجة لا من و المفردات موضحة في الشكل التالي:



وعندها نحاول تنسير درجات من توزيعات مختلفة ومجموعات من الاغراد ،

قانه بتضع لفنا نقطلب بعض الطرق الاضافية لكى نستطيع تنسير ومتارنة
الدرجات • نمثلا ، للفرض أن طالبا ما حصل على درجات تحصيل : ٨٢ ، ٨٢ ،

و عنى لختبارات الأداء أ ، ب ، ج على التوالي • ماذا تعنى مــذه الدرجات بالنسبة للى الأداء النسبى ؟

ولتسهيل التنسير ، غاننا نحول الدرجات بواسطة اضاغة او طرح ثابت ، أو بواسطة بعض للزج للعمليات الحسابية الأربعة ، والدرجة الناتجة من التحريل غالبا ما يكون لها اسم خاص او محدد ، وممكن استخدام عدة طرق لمتارنة الدرجات الخسام بعد تحويلها ،

وسوف نتناول في هذا الفصل بعض التحويلات الأكثر شيوعا .

التحسويل :

مو قاعدة (أو مجموعة قواعد) لتحويل الدرجات من مقياس (مثال : مقياس الدرجة الخام) الى مقياس آخر (مثل مقياس انحراف الدرجة) • وممكن تصنيف كل التحويلات إما الى تحويلات خطية أو غير خطية •

Alinear transformation

التحسويل الخَّطي:

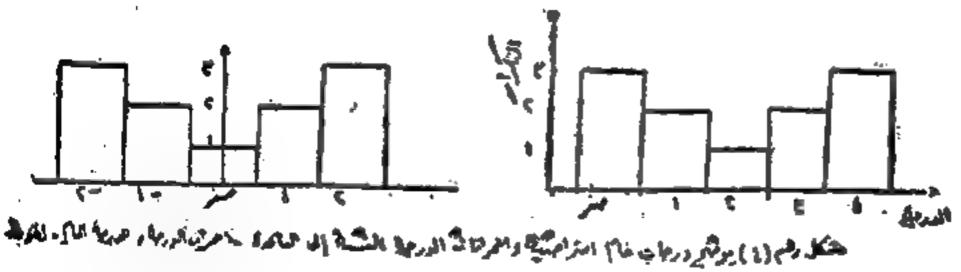
تحول الدرجات من متياس الى آخر بحيث لا يتغير شمكل التوزيع والتحويل ممكن أن يكون خطيا مثل مجموعة درجات خام ولتكن س تحول الى مجموعة درجات محولة ولتكن ص و بواسطة المعادلة الخطية

من ۽ ڪاس + بحيث اند باوابت

وتحافظ التحريلات الخطية على الفروق النسبية بين الدرجات الخام •
عذا النوع من التحول الخطى ممكن أن يستخدم للحصول على مجموعة درجات
محولة متوسطها وانحرافها المبارى وتباينها ربما يختلف عن هذه الدرجات الخام
(٤ : ٧٧) •

كمثال للتحويل الخطى ، التحويل من متياس الدرجة الخام الى متياس المحراف الدرجة ، والمكس بالمكس ، هو تحويل خطى ، انظر النسكل التالى :

٢- موديع الديمة النام



Anch Linear transformation

التحسويل غير الخطى:

يحول الدرجات من متياس لآخر بحيث يختلف شكل التوزيع ، اى ان التحول غير الخطى يعطى توزيع درجات محولة يختلف شكلها عن شكل الدرجات الخام ، ويتم مثل هذا التحول غير الخطى عندما نريد ان نضبط شكل مجموعة درجات حيث توضح توزيع الدرجات الخام انحراف عن الاعتدائية - وذلك للحصول على توزيع اعتدالي معيارى ،

الثال التالي برضح توزيع مسئن « أو مشرشر Jagged ، حول بواسطة عادة مسئة نتج عنها توزيع مسطح أو مستطيل ، (٥ : ٥٢) ،

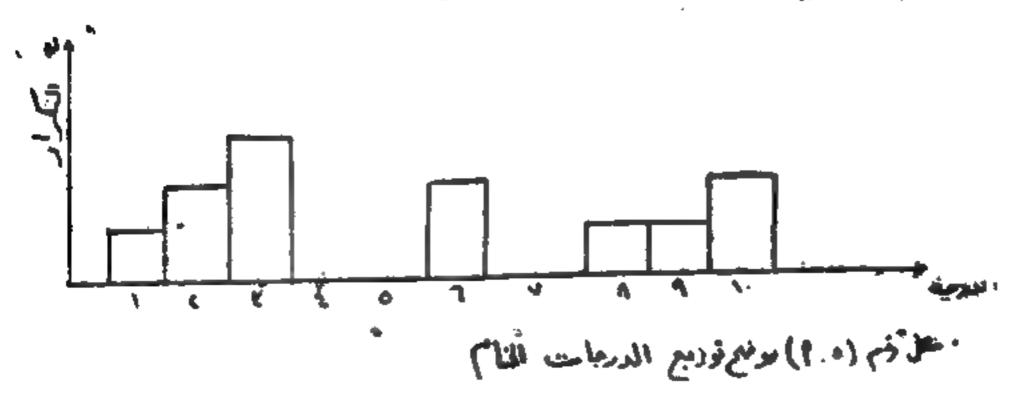
وال : اعطيت مجموعة من الدرجات الخام مي :

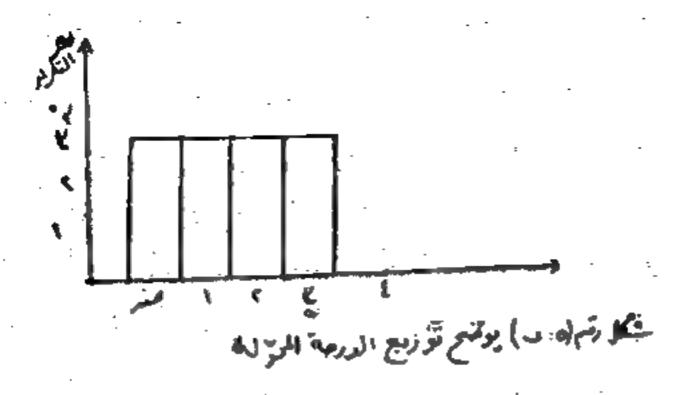
القاعسيدة :

(1) رتب الدرجات ترتيبا تنازليا •

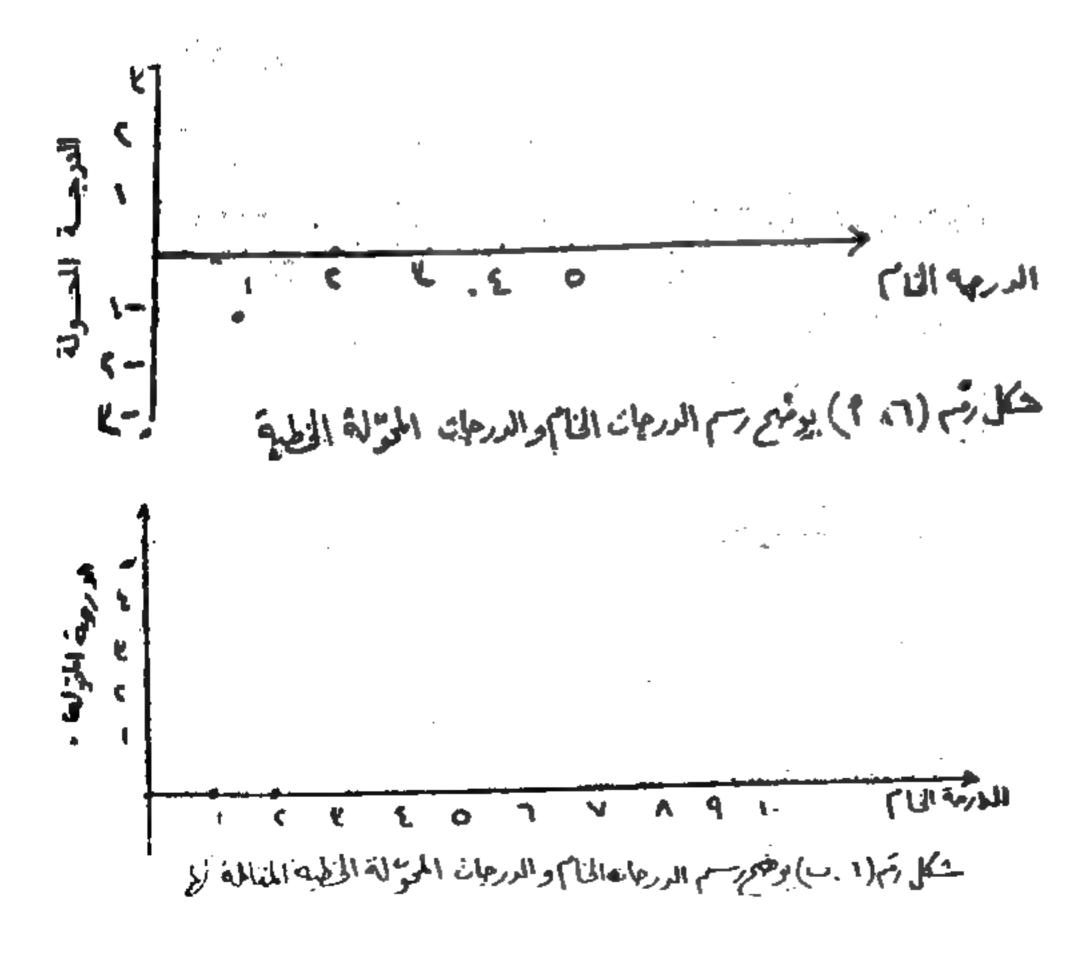
(ب) اعطى تتدير لكل الدرجات في الله ٢٥٪ من التوزيع للدرجة المحرلة
 بالدرجة ٣ ، والله ٢٥٪ التالية بالدرجة ٢ ، ٠٠٠ اللغ ٠

ويتضَّح تاثير تطبيق هذه التاعدة لتوزيع الدرجات الخام فالشكل التالى:





وهنداك طريقة واحدة لمعرفة اذا كان التحويل خطيا او غير خطى وهذه الطريقة مى رسم الدرجات الأصلية والدرجات المحولة كما هو موضع في الشكلين التساليين :



فاذا وتعت كل النقط على خط مستقيم كما هو في الشكل (١) ، تاكد أن التحويل يكون خطيا • واذا أم تقع النقط على خط مستقيم كما في شكل (١) فان التحويل يكون غير مستقيم •

الحقيقة الهامة هو أن التحويلات الخطية تحافظ على شكل توزيع الدرجة و مثال المادج المنح على درجات محولة خطية له نفس خواص الشكل تماما مثل المدرج المبنى على مجموعة الدرجات الأصلية و التحويلات غير الخطية و من الفاحية الأخرى و تغير دائما شكل توزيع درجة الاختبار و (و : 10) و و المادية الأخرى و المادية المادية الأخرى و المادية المادية المادية المادية المادية الأخرى و المادية الم

التوزيع الاعتدالي

NORMAL DISTRIBUTION

من أجل مناقشة تحريلات أخرى لها معنى أكثر ، نحتاج أن نلخص منا وحدة التوزيع أو المنحثى الاعتدالي و والتوزيع الاعتدائي له أهمية في التياسات السيكلوجية ، ونحتاج له في حالة التياس جماعي المرجع و وهو ليس توزيعا وأحدا له متياس ثابت في التياس ، لكنه عائلة من التوزيعات النظرية التي يفترض أن لها الشكل العام المجرسي ولها عدد لا نهائي من الأنراد ،

ونذكر لحيانا أن متغيرا ما ، مثلا ، التحصيل الحسابى « موزع اعتداليا » normally distributed وهذا يعنى أن توزيع درجات التحصيل الحسابى نتبع المتحنى الاعتدالية في لمكانية التغير أو المتحول • وبالطبع ، يعتمد المركز على المتغير موضسع الاعتبار وعلى متياسه في التياس •

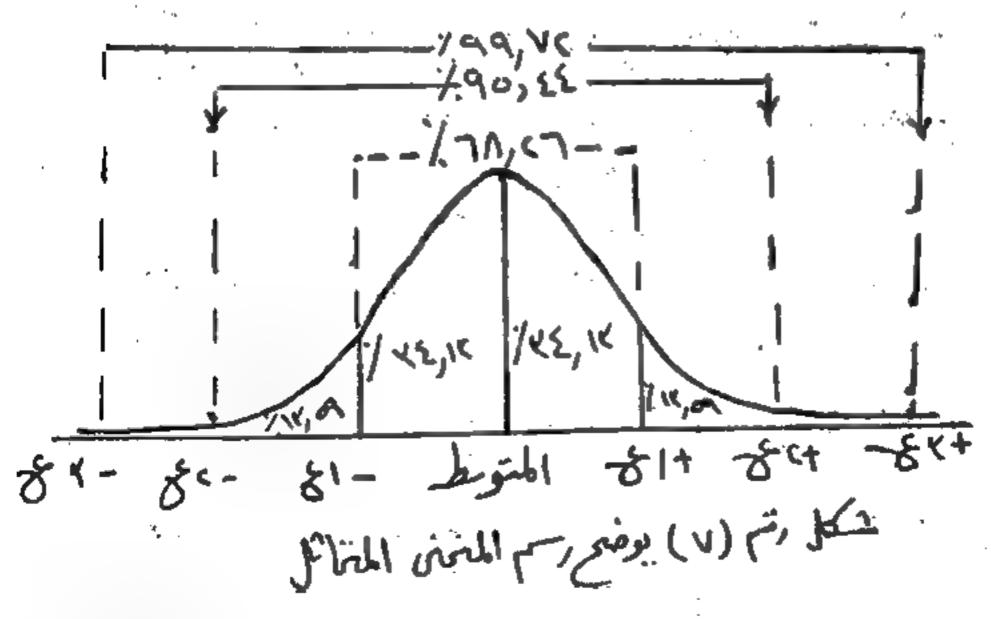
وعلى ذلك ، غان المركز Location ، وامكانية التغير تحدد شكل التوزيع وحيث أنه من المستحيل تكوين جداول لكل امتزلجات المتوسطات والتباينات المتوزيمات الاعتدالي ، ويسمى أحيانا المتوزيمات الاعتدالي ، ويسمى أحيانا المنحنى الاعتدالي المعياري = ١ المنافئ المعياري ، الذي له متوسط == صفر ، وانحراف معياري = ١ والمساحة = ١ لكي يكون مو التوزيع الأساسي ويستخدم بكثرة في الاحصاء الوصني والاستدلالي .

الفرق بين للتوزيمات النظرية والتجريبية :

ويوجد عدد من التوزيعات النظرية والتي تهم متخصصي التياس ، لكننا سنتتصر في الوتت الحالي على التوزيع الاعتسدالي •

التوزيع الاعتدالي

مو توزیع یاخذ شکل منحنی متماثل او منحنی Gauman کما هو فی الشنکل :



وهو ذو تمة واحدة ويمتد طرفاه الى ما لا نهاية ، وهذا يمنى ان حدود المتحنى الاعتدالي لا تلمس خط القاعدة وهذا يعنى ان النهايات العظمي تمتد الى ما لا نهاية • ويشبه النحنى الى حد كبير ناتوسا متلوبا ولذلك يسمى احيانا بالنحنى الجرس •

ويستخدم منحنى Gousslan أو المنحنى الاعتدالى لشرح امكانية حدوث الصدفة • فعثلا ، اذا المعينة • اعمالت • ١٠٠٠ مرة فان ترزيع الصورة والكتابة بالنسبة المشر عملات سياخذ شكل المنحنى الاعتدالى تقريبا • واذا رسمنا منحنيات لتوزيع صفات نفسية او جسمية وجدنا انها تميل كلما زاد عدد الحالات الى شكل التوزيع الاعتدالى ، الا أن هذا التوزيع الاعتدالى لا يمكن أن نحصل طيه تماما في البحوث التجريبية • أى انه تجريد لما يجب ان يكون عليه التوزيع ونحن تفترضه دائما لاننا نلاحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دعة تربنا من التوزيع الاعتدالى أى أنه اذا تصورنا بحثا مثاليا ، لم تكن مناك اخطاء متملتة بحجم العينة ومدى تمثيلها للمجتمع أو متملتة بظروف الاختبار من ناحية مناسبته لعمر ومستوى تعليم أفراد المينة من ناحية ، ولثباته وصحته من ناحية اخرى أو متملتة بظروف الباحث والبحوث الزاجية والصحية عند تطبيق الاختبار ، أو متملتة بالصفة أو السمة المتاسة • واذا تصورنا أيضا أن نصل للى التوزيع الاعتدالى النموذجى •

وتتضمن أنواع للظواهر phenomene الني تتترب من المنحنى الاعتدالي التياسات السيكلوجية ، البيانات السهامات السيكلوجية ، البيانات السهامات السيكلوجية الانتاج والأجور ، بيانات اعتصادية مثل الانتاج والأجور ، بيانات اعتصادية مثل الانتاج والأجور ، بيانات المنسان ، الحيوانات ، تتضمن الوزن والارتفساع ، احصادات بيولوجية للانسسان ، الحيوانات ، النباتات ، اخطاء الملاحظة السرعة الحركة والسمات الطبيعية والعملية ،

ويتضمن منحنى التوزيع الاعتدالي على خمس وحدات انحراف معيارى اعلى وأقل نقطة المنتصف ومع ذلك ، فانه لأغراض تياس السلوك الانسماني ، تختزل الي السلوك الانسماني ، وتوزيعات النسبة المتوية الموضحة في الشكل السابق تعتبر كافية بصفة علمة التياس أداء الفرد .

ويتضم التجمع حول المتوسط بنسبة ١٨٪ من المجتمع يكون مركز داخل او فيمن) + ١ وحدة المحراف معيارى • ويوضع النقصان السريع في المجتمع

منجاه طرق المنحنى أن ٩٦ ٪ من الجماعة يتموا دلخل ل ٢وحدة انحراف معيارى عن المتسوسط -

والـ ٩٩ ٪ من الساحة المحصورة دلخل † ٣ لفحراف معيارى عن المتوسط • وهكذا ، بمعرفة خواص التوزيع الاعتدالي بالنسبة الى الساحة عمت المنحنى تدل على أنه عندما تكون الدرجات موزعة اعتداليا ، غان الدرجة † ٣ لنحراف معياري نادرة الحدوث •

وعلى ذلك يمكن تلخيص خراص النحتى الاعتدالي كالآتي :

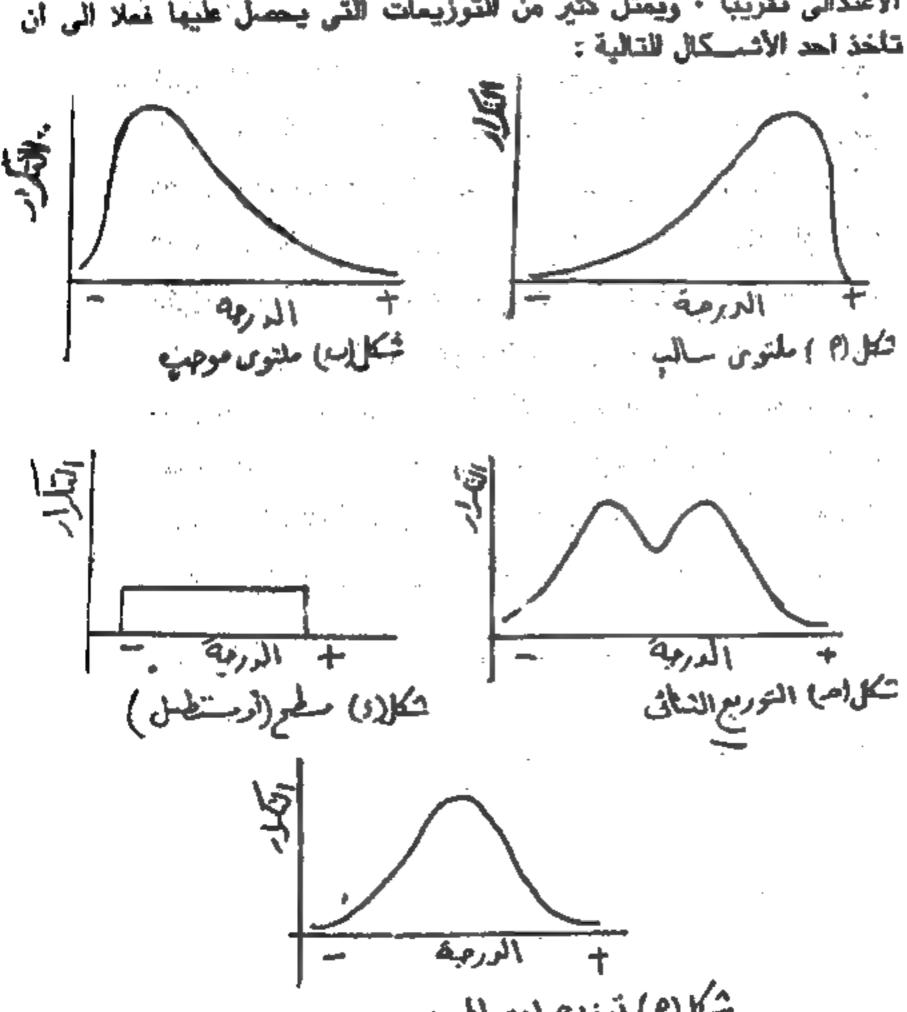
- ۱ صودة المتحتى الاعتدالي تكون متماثلة حول التوسط ، لها انحراف معارى يسماوى واحد والمساحة تحت المتحتى تسماوى واحد .
- ٢ ــ يحدث أعلى ارتفاع للمنحنى عند المترسط = صغر ويتل في الارتفاع للتيم سي البعيدة عن المتوسط و وتوجد ثلاثة انحرافات معيارية للتيم سي على كل جانب من المتوسط و ويتجه المنحنى لخط القاعدة وبينما يبقى خط التقارب الموجب والسائب لا نهسائى وبينما يبقى خط التقارب الموجب والسائب لا نهسائى و
- ٣ ــ تمثل تمة المتحتى المتوسط والوسيط والموال وهى المنتطة التى اذا أستطنا منها عمود غلفه يتسم المتحتى الى نصفن متساويين وتكون مساحة كل تسم هى ٥ من الساحة الكلية ؟
- یمکن تنسیم کل نصف الی ثلاثة انسام طول کل مذها = واحد انحراف معیاری نمثلا یمکن الحصول علی + ۱ ع + ۲ ع •
 ی ۲ ع وبالمثل انتصف الآخر سد ۱ ع س ۲ ع س ۲ ع •
- سبة الماحة المحصورة بين التوسط ك + ا ع ص ١٤١٣ر.
 وبائثل المساحة المحصورة بين التوسط ك ا ع تساوى ١٤١٣ر.
 فتكون المساحة المحصورة بين + ا ع ، ا ع = ١٤١٣ر +
 ١٤١٢ر = ١٨٢٦ر ٠
- آسامة المصورة بين + ا ع ، + ۲ ع تساوى ١٣٥٩ر ويالثل المساحة بين ا ع ، ۲ ع = ١٣٥٩ر وعلى ذلك تكون السامة المصورة بين + ۲ ع ، ۲ ع = ١٣٥٩ر + ١٣٥٩ر بين + ۲ ع ، ۲ ع = ١٣٥٩ر + ١٣٤٣ر بين + ۲ ع ، ۲ ع = ١٣٥٩ر بين ٢٤١٢ر .
- ۷ ــ نسبة الساحة المحصورة بين + ۲ ع ، ۳ ع می ۱۹۲۰ وهی تساوی أيضا الساحة المحصورة بين ــ ۲ ع ، ـ ۳ ع ، وبناء على ذلك فان المساحة المحصورة بين + ۳ ع تساوی ۱۹۲۱ و ۲ م تساوی ۱۹۲ و ۲ م تساوی ۱۹ م تساوی ۱۹۲ و ۲ م تساوی ۱۹ م

١٣٥٩ر + ١٤١٣ر + ١٤١٣ر + ١٣٥٩ر + ١٢١٤ر = ١٩٧٢ر تتريبا أي أن الساحة المصورة بين التوسط ، + ٣ ع والتوسط، + ٣ ع والمتوسط ، ـ ٣ ع = ٧٣ر٩٩٪ من المساحة الكلية .

٨ مد يلاحظ أن نقطتي تحول النحنى أي النقطتين اللتين ببدأ فيهما النحنى أن يغير اتجامه تقابل القيمتين م + ع ، م - ع ،

اشكال التوزيع:

عندما نتعامل مع جماعات صغيرة، فإن التوزيع لا يتترب من النحنى الاعتدالي تقريباً • ويمثل كثير من التوزيعات التي يحصل عليها فعلا الى ان تأخذ احد الأئسكال التالية :



شكل(ع) توزيع اعتدال

فكلرتم (٨) يومر الاشكال العديدة للتوزيع

ونحن نعنى بهذا ، ان توزيعات درجات الاختبار وتياسات تعليمية اخرى تطابق تتريبا احد الأشكال الموضحة عنا ، اى ، ليس بالفرورة أن كل توزيع يكون نموذجا واحدا unimodal ، ربما يتضمن التوزيع التكرارى أكثر من قمة ، وعندما يحدث هذا يقال أن التوزيع متعدد القمم multimodal كما يتضع في الشكل (ح) فهو توزيع له تعتبان .

وهناك عدد من الملاحظات بالنسبة لهذه الأنواع العديدة من التوزيعات

التوزيعات الاعتدالية والمسطحة flat تكون متماثلة asymmetrical التوزيعات الملتوية تكون عديمة التناسق asymmetrical ويلتج الافتواء بدهم الملتوية تكون عديمة التناسق skewness ويلتج الافتواء بعدما في المدرجات على أحد جانبي متوسط التوزيح وممكن أن يكون التوزيح له التواء موجب كما مو موضح في شكل (ب) حيث يكون الشمائع (أو المنوال) ، الوسيط ، المتوسط تكون كل منهما على أيسار الآخر ، والالتواء السائب كما في شكل (أ) ، حيث يكون الشمائع الوسيط والمتوسط على الجانب الأيمن لكل منهم ، والتوزيم المثنائي المناشع الوسيط والمتوسط على الجانب الأيمن لكل منهم ، والتوزيم المناشل المتوزيم الأيسر مو صورة مطابقة تماما للنصف الايمن ،

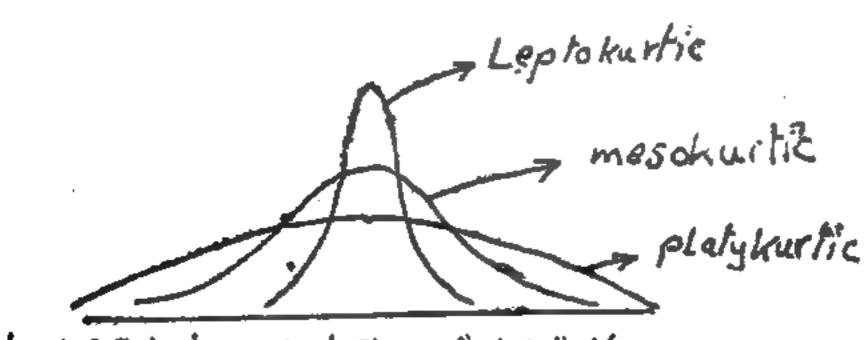
۲ __ الاختبارات الصعبة جدا ، ومترسطة الصعربة ، والسهلة ، ينتج عنها توزيع ملتوى سالب (معتدل تتريبا) وملتوى مرجب على التوالى ، فاذا النحرف التوزيع عن الشكل المتماثل ، فأنه يكون ملتوى اما في الاتجاء الموجب أو السالب .

ويوضح الشكل (ب) منحنى ملتوى موجب لأن الطرف الملتوى في الانتجاء الموجب أو الأعلى وعلى المكس غان التوزيع (1) يوضح التواء سلاب لأن الطرف يشير الى أو ينتجه الى الجانب المنخفض كما هو واضع من الشكل ، غان الوسيط يقع دائما بين المنسرال (الذي سيكون اعلى نقطة على المنحنى) وبين المتوسط ، أي أن التوسط هو أترب المقاييس الثلاثة لطرف المنحنى .

- ۳ ـ قیاس مجموعتین مختلفتین تماما ، مثل (الرجال والسدیدات) ، علی متغیرات منتقاه مثل الوزن الجسمی سوف بنتج عنه توزیع ثنائی کما عو فی شکل (ج) ،
- خ التوزيع الاعتدائي، تتساوى تيمة التوسط، الوسيط، والنوال و التوزيع المتوى الموجب، فإن المتوسط له المتيمة الأكبر، يليه الموسيط، والملهم المنوال و وفي التوزيع المتوى السالب تعكس حذه المتيم في بعض حالات غير عادية ، فإن تيمة الوسيط ربما تسساوى تيمة المنسوال .

Kurtosis :

خاصية آخرى للتوزيع ، هو الدرجة التي تنحنى عندما تمتها أو تتنرطح اذا كانت تمة التوزيع منحنية بحدة ، فانه يطلق عليه Leptokurtic ويطاق على التوزيع الاعتسدالي mesokurtic أما التوزيع المناطع فيطاق عليه على التوزيع الاعتسدالي يوضع هذه التوزيعات ، (۱ : ۱۹۸) ،



عكل رفتم (٩) يوقع الـ Kurtosis مرسوماً جول نشت المتوسط الحسال

الدرجات الميسارية:

مى تحويلات خطية لا تبدل (او لا تغير) شسكل التوزيس و وتسمى الدرجات المعيارية ، التى لها المتوسط ، التباين ، وشكل التوزيع الاعتسدالى المعياري ، بدرجات اعتدالية معيارية ، وممكن ان تحصل على درجات اعتدالية معيارية باحدى طريقتين ، اذا كان التوزيع الأصلى للدرجات اعتدالى الشكل ، فان الدرجات المعيارية المحولة ستكون درجات اعتدالية معيارية .

اما اذا كان توزيع العرجات ملتوى أو Kurlotic فانفا نستخدم تحريلا عمر خطى لنعدل الالتسواء ، ووضع توزيع للعرجات في شكل توزيع اعتدالي معيساري ٠ (٤ : ٨٥) :

وسنذكر منا نوعين اسساسيين من الدرجات الميارية (2)

- (١) الدرجات الميارية الخطية •
- (ب) الدرجات الميارية التننة Normalized .

(1) الدرجات الميارية الخطية : . Linear Z — Scores

تحافظ التحريلات الخطية على الفروق النسجية بين الدرجات الخسام ممكن أن تحرل أى عضو من عائلة التحنيات الاعتدائية بالتحول الخطى للحصول على توزيع له متوسط وتباين التوزيع الاعتدائي المعيارى ويتم هذا بطرح متوسط مجموعة الدرجات من كل درجة ، ثم تسمة الفرق على الانحراف الميارى للدرجسات الأصلية .

الدرجة الميارية (
$$Z$$
) $\Longrightarrow \frac{w - a}{3}$

والدرجة الميارية ببساطة مي عدد وحدات الانحراف المياري لدرجة خام معينة تكون الحلى أو اتل من المتوسط ، بالاضافة الى ذلك ، فان الدرجات الميارية مي درجات مسافة حيث أن وحدة الانحراف المياري مسافة ثابتة خلال المتياس ، وتمتاز الدرجة الميارية عن انحراف الدرجة ، بانها لا تدلنا فقط اذا ركافت درجة الطالب اعلى أو أتل من متوسط المجموعة ، لكنها تدلنا أيضا عن المسافة التي يبعدها عن المتوسط في وحدات انحراف معياري ، ويستخدم هذا الموصف خاصة ، عندما يكون التوزيع له شكل اعتدالي .

- فيشسلا :

الدرجة الخام ١٤٠ في توزيع متوسطه يساوي ١٠٠ رانحرافه المياري بساوي ٢٠٠ رانحرافه المياري بساوي ٢٠٠ رانحرافه الميارية ٢٠ (اعلى المتوسط) و وبدل هذا على ان المتحن الذي حصل على الدرجة ١٤٠ مو ٢ انحراف معياري اعلى متوسط ادا، مجموعة المتحنين في هذأ التوزيع ٠

واذا حصل مختبر على الدرجة الخام ٨ في توزيع متوسطة يساوى ٥ وانحرافه المياري بساوى ٢ مان الدرجة الميارية تساوى ١٥٥ وهذا يدل على أن أداء ١٥٥ وحدة انحراف معياري اعلى المتوسط الحسابي الجموعة ٠

منال:
حول الدرجات الخام الخوس التالية الى درجات معيارية •
الدرجات : ١ ، ٢ ، ٢ ، ٤ ، ٥

الحيل:

الدرجة العيارية (Z)	س <u>— م</u> ع	(س_م)	س — م	الدرجة (س)	الأفراد
س ۱ ۱ ا ا ا	۳۲ <u>-</u> ۱عادا	٤	۲_	· · ·	1
٠.٧٠٧ر	۱ <u>-</u> ۱ ۱۶۱۶ر۲		١	*	ب
عبقر	متر	مئر	مخر		_
۷۰۷ر	۱۱٤۱۲		١	\$	۵.
۱،٤١٤ر١	۲ اکر ۱	£	*)	_

مذه الدرجات المحولة لها متوسط عند صغر وانحراف معيارى عند ١ ومكذا، فان درجة الغرد الملاحظة عند المتوسط لها الدرجة المعيارية (٢) تساوى صغر ، و وددل الاشارة الموجبة والسالبة للدرجات المعيارية على الاتجاء فقط ، اى اعلى

أو أقل من التوسط · ويدلنا الرتم العدى على عدد الإنحرافات المدارية التي تبعد عن المتوسط ·

غوثسالا :

الدرجة للعيارية (Z) = ١٦٣ تعلى أن الدرجة الخام للفرد هي ١٦٣ وحدة انحراف معياري أعلى المتوسط -

« عندما تحول مجموعة من الدرجات الكام أما اى متوسط و الحراف معيارى الى درجات معيارية الكام درجات معيارية سيكون لما متوسط = صنر والحراف معيسارى = ١ ٠٠٠

وباستخدام الدرجات الميارية نستطيع مقارنة الدرجات داخل المموعة الواحدة وبين المعوعات المختلفة وهذا لا توفره لنا الدرجات المخام

غهائيلا :

اذا حصل الطالب (1) على ١٠ اخطاء ق اختبار اللغة وكان متوسط فصله = ٦ وانحرافه المبيارى = ٣ • بينما حصل الطالب (ب) ق فصل آخر على نفس الامتحان على ٨ اخطاء وكان متوسط فصله = ٦ وانحرافه المبيارى = ١ أى الدرجتين أفضل ٢ لابد من تحويل الدرجات الخام الى درجات معيارية حتى فستعليم أن نقارن بين الدرجتين •

الدرجة العيارية للطالب (ب) =
$$\frac{7-1}{7}$$
 = $\frac{8}{7}$ = $\frac{7-1}{7}$ =

قرى أن الطالب (ب) أداؤه اردا نوعا بالنسبة لباتي نصبله عن اداه الطالب (ب) . الطالب (ب) . الطالب (ب) .

وممكن أن تستخدم الدرجات الميارية الحساب التوسط الوزنى تدرجات الختبار ، حيث تختلف الاختبارات في مدى امكانية تغيرها • النفرض اننا نرغب في اعطاء وزن متسار الاختبارات الثلاثة الأولى ، واعطاء الاختبار الرابع ضعف وزن الاختبارات الأخسرى • ولكى نحصه على متوسط أداء كل طالب على الاختبارات الأربعة نتبع الآتى :

تحسب الدرجات المعارية على حدة لكل اختبار • ثم نجمع الدرجات المعارية الاختبارات الثلاثة الأولى ﴿ ضعف الدرجة المعارية الاختبار الرابع ثم تسمة الذاتج على مجموع الأوزان •

(وزن من ۱ لكل من الاختبارات الثانثة الأول ى، ووزن من ۲ للاختبسار
 النهسائى) •

ای آن :

$$(AY:2) = \frac{Z_4 + Z_3 + Z_2 + Z_1}{5}$$

نستخلص مما سبق أنه لايجاد أى نقطة أو درجة في وحدة توزيع اعتدائي، يجب أن نحول أولا الدرجات الخام الي درجات معيارية • ثم بالرجوع لجدول مساحات وحدة المنحنى الاعتدائي المستدل على مساحة المنحنى التي تقع بين المتوسط وبين هذه الدرجة المعيارية • وتدل مساحة المعرد في الجدول على المساحة تحت وحدة منحنى اعتدائي بين التوسط والدرجة المعارية المحددة •

ومكذا ، غان الدرجة الميارية ٢٦ر تدل على نسبة من ١٢٥٥ر او ١٢٥٥٪ من مساحة النحنى التي تقع بين المتوسط وبين حدد الدرجة الميارية • وحيث ان المنحنى متماثل ، غان نسبة ١٥٠٥٪ من مساحة المنحنى تقع ايضا بين الدرجة الميارية ١٣٠٠ر والمتوسط •

الكى نستخدم جدول وحدة المنحنى الاعتدائى ، الذى له متوسط من مسفر وانحراف معيارى من ١ ، يجب أن نحول أولا الدرجات الخام الى درجات معيارية ، والتى متوسطها = صفر وانحرافها المعيارى = ١ أيضا ٢ .

وبالتحويل الى الدرجات الميارية ، ممكن ايجاد الساحة بين أى درجتين في الترزيع الاعتدالي ، مع ذلك ، يجب أن نكون حذرين في حساب المساحة الأا كانت الدرجات على نفس الجانب أو في الجانب المكس من المتوسط ، وسنوضح هذه النقطة بالثالين التساليين :

بشال:

لنفرض أن أدينا مجموعة من الدرجات موزعة توزيعا اعتداليا وكان متوسط التوزيع ٧٠ ، والانحراف الميارى = ٦ ، ما مو جزء المساحة من النوزيع التى تقع بين الدرجات ٧٣ ، ٧٣ ؟

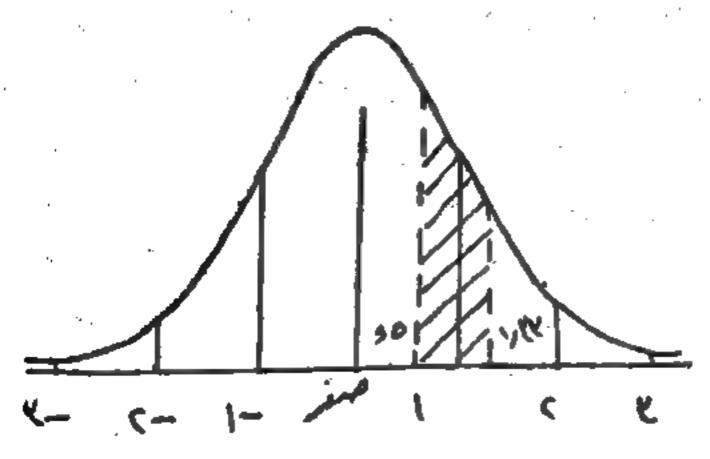
الحيل:

بتحويل الدرجات ٧٨ ، ٨٧ نحصل على الدرجات الميارية هر ، ٣٣ر١ على التسوالي •

وتيم المناحة المتآبلة من الجدول من : ١٩١٥ للدرجة الميارية هو ، ١٩١٥ للدرجة الميارية ٥٠ . ١٠٨٢ للدرجة الميارية ١٦٣٦ .

وحدة عن الساحات بين المتوسط والدرجات الميارية • وحيث أن كلا من هاتين الدرجتين تقمان على نفس جانب المتوسط ، غاننا نطرح المساحة الأصغر من المسلحة الأكبر لنحد المسلحة بين النقطتين •

والشكل البياتي التالي يوضح هذا الثال ٠ (٣ : ١٤) .



منسال ۲:

نفرض أن أدينا مجموعة من ١٥٠ درجة موزعة اعتداليا ، متوسطها ٨٥ وانحرانها المعيارى = ٨٠ ما هو عدد الدرجات التى يتوتم أن نتم بين ٨٣ . ٩١ ؟

المسل:

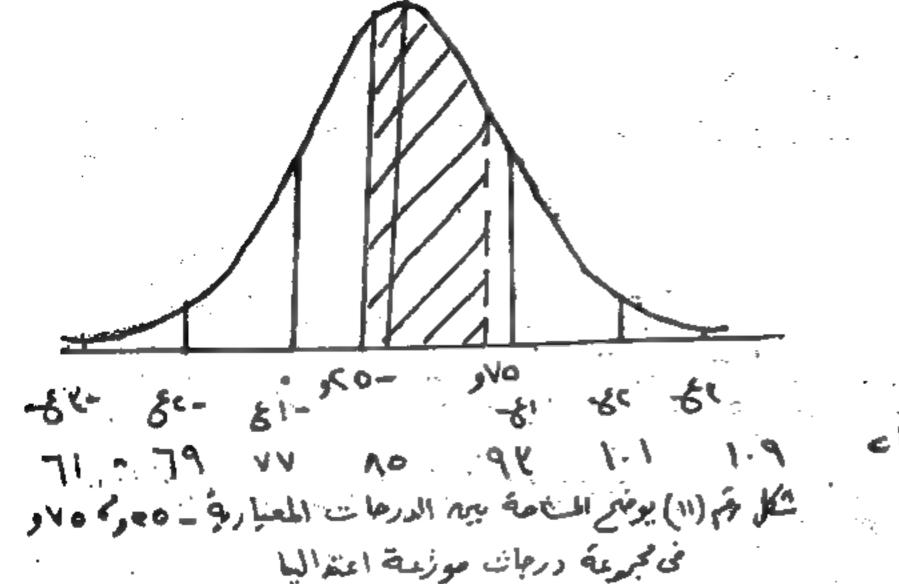
نجول الدرجات للخام ٩١ ، ٨٢ الى درجات معيارية .

باستخدام الجدول السسابق نجد أن المسلحة بين التوسط والدرجة المعيارية ــ ٢٥ر = ١٩٨٧ و .

والمسلحة بن المتوسط والدرجة العيارية ٥٥٥ = ٢٧٣٤ر وحيث ان الدرجات تتع على جوانب مختلفة من المتوسط، فانفا نجمع السلحات، فلحصل على ٢٧٢١ر كجزء من المساحة المتضمفة بين النقطتين .

وانتحدید عدد الدرجات التی نتوتع ان نجدها بین هاتین النقطاتین ، نضرب ۱۵۰ (العدد الكلی الدرجات × ۲۷۲۱ر = هرده او ۵۰ درجة نتریبا) .

والشكل التثلى يوضع توزيع الدرجات والمساحة (٣ : ٥٥) .



وأستخدام وحدة التوزيع الاعتدالي لا تكون ملائمة غنط، لكنها ضرورية والمنتخدام وحدة التوزيع الاعتدالي لا تكون ملائمة غنط، لكنها ضرورية والمنتذل المنتزين المناب الجرى اختبار النتاق على غرد وحصل على الدرجة المنتزين عدم الدرجة المنتزين المنتزين عدم الدرجة المنتزين المنتز

بالنسبة المتياس جماعي الرجسم لا تدلنا على شيء ، لكن اذا علمنا ان المتوسط والانخراف المعياري يساوي ٥٠ ، ١٠ على التوالى ، ماننا نقول ان المدرجة كانت ٢ لنحراف معياري اعلى المتوسط • وهذه المطومة الإضافية تكون محدودة نوعا ما حتى نعام أن درجات التلق كانت موزعة اعتدالها •

وبالرجوع الى الجدول السابق ، نجد أن ١٧ر٧٧ ٪ تتريبا من درجات النتاق الوزعة تكون استل الدرجة ٧٠ ٠

وتستخدم وحدة التوزيح الاعتدائي لكي تنسر الدرجات التي يحمسل عليها • لغتبارات القدرات العامة والتدرات العبنية الخاصة ، مثلها مثسل درجات الأداء على اختبارات التحصيل ، تعطى توزيعات عامة للدرجات تكون قريعة جدا من التوزيع الاعتسدائي •

(ب) الدرجات العيارية القننة : • Normalized Z — Scores

يحدث أحيانا أن يكون شكل توزيع الدرجة الخام غير اعتدالي (مثل ، ملتوى موجب) ، لكننا نظم أن متياس السمة موزعة اعتداليا في المجتمع ، ولكي تستخدم طرق نظرية الاختيار الاعتدالية في تفسير درجة الفرد ، نحصل عمليا (أو تجريبيا) على توزيعات من هذا النوع المتنن normalized بمعنى ، تحويلات خطية ، محول التوزيعات الغير خطية الى اعتدالية normality ، وهي تحويلات خطية ،

ملحسونلة :

عندما نقيس متغيرا موزعا اعتداليا في المجتمع ، غان توزيع الدرجة غير الاعتدالي المينة ربما يعكس قصور أو نقص في الاختبار أو عدم التمثيل الجيد في عينة المغتبرين ،

الدرجسات التاليسة :

T - Scores

الدرجة المعارية (2) لها عيبان معها :

- (أ) نصف الدرجات تكون معالية .
 - (ب) يعبر عن الدرجات ككسر عشري .

ولحنف منين العيبين ، ممكن أن نحول الدرجات الميارية الى مجموعة من الدرجات بمتوسط وانكراف مميارى مختلف ، مثل عذا التحويل هو التحويل الني الدرجة التسائية ،

ومنهوم متياس الدرجة التاثية الترحه في الأصل (١٩٣٩) William (١٩٣٩) ، والدرجات المولة الى درجات تاثية لها متوسط من ٥٠ وانحراف معيارى من ١٠ ويحنف هذا عادة الدرجات السالبة ، والكسور العشرية ، وتحسب الدرجات التاثية بسهولة بواسطة ضرب الدرجة الميارية × ١٠ واضسالة ، ه .

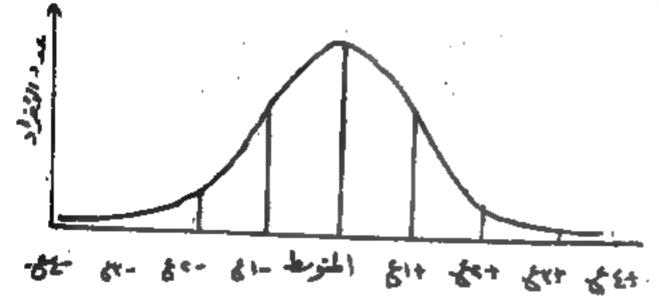
أى أن معادلة تحويل الدرجات المعيارية الى الدرجات التائية (ت) مى : ت = ٠٠ + ١٠ × الدرجة المعيازية . او ت = ١ + ب × (الدرجة المعارية). حيث ب = التيمة الثابتة الستخدمة للانحراف الميارى الجديد ! ! = التيمة الثابتة الستخدمة للمترسط الجديد (٣ : ٢٦)

وعلى ذلك ، فان تيم ٢ = ١ تقابل ت = ٦٠

۲ = ۲ تغابل ت = Z

Z = _ هرا تنابل ت = ۲۰ ومكذا .

والشكل التالي يوضح العلاقات بالنمبة للانواع المختلفة لدرجات الاختبار في توزيع اعتبدالي (٥ : ٥٧) .



مديمة الاغتبار

الدرمة المعاربي(2)

الدرمة المناقبة (ت)

يلسال:

حسول الدرجات المعارية الآتية الى درجات تائية . الدرجات الميارية : ١٦٤٤ ، ٨٤ ، ٣٦٠ ، ١٨٠٠ ، ١٠٩٠ ، ١٧٨٠

٠	•	- 1
٠	س	

الدرجة التائية (ت) •• + •٠ (2)	الدرجة الميارية (2)
3ر77	1,718
₽c.A⊕	\$٨ر
F.79	۲۳ر
٧,٧٤	۰ ـــ۸۲ز
٠ - ١ د ٢٩	ـــ٩٠ ر١
۰۲ر۲۶	_۸۷۸ `

والطريقة المباشرة تحساب الدرجات التائية من الدرجات الغلم طويلة ومعددة ، ولكن يرجد عدد من الجداول الغلصة لتحويل الدرجات الى درجات التيانية .

Area transformations

تحويالت السساحة :

اذا تغير شكل توزيع الدرجات كنتيجة التحويل ، فانه يحصب على الدرجات الناتجة من تحويل الساحة ، ولا تحافظ عامة تحويل الساحة على الفروق النسبية بين الدرجات الخام ، ومن تحويلات المساحة : التينيات والرتب المنينية ، المايير التينية ، معايير الدرجة المتينية ، معايير السن ، معايير الفرغة الدراسية ، وسنتناول بالتنصيل الثينيات .

النينيات :

Percentiles

يمكن التعبير عن درجة الاختبار كمثينى (قياس ترتيبي) عن طريق وصف موضعها النسبي بالنسبة لمجموعة من الدرجات ويجب أن يتم تمييز وأضع

بين التينيات والرتب التينية Percentile Ranks وكما رأينا ، فان التيني مر للعدد الذي يمثل نسبة الدرجات التي تزيد عن درجة خام معينة ، ويحصل عليها بواسطة حساب عدد الدرجات التي تزيد عنها درجة معينة ثم تسمة هذا الرتم على العدد الكلي للدرجات والضرب ٢٠٠٠ ،

ماذا كان لدينا ٢٠ درجة كالتسالى :

- VY - VA - A1 - A1 - A0 - A9 - 3. - 31 - 35 - 30

- 7· - 78 - 70 - 79 - V· - VI - VY - V٤ - V0 - V0

فان الدرجة ٨٩ تكون أعلى من ١٥ درجة من العشرين درجة ٠

وبتسمة به × ۱۰۰ نحصل على ٧٥ و مكذا ، قان الدرجة ٨٩ تكون عند الثيني الب ٧٥٠

والآن اذا أعطينا تفس الاختبار لفصل آخر من ٢٠ طالب وحصلنا على الدرجات التسالية :

\(\lambda - \forall - \fo

عَانَ الدَرجة ٨٩ تنسبها في هذه الجموعة تزيد بــ ١٠ نقط من العشرين درجة ٠ وهذا يعثلُ المثيني الخمسين ٠

ويوضع هذا الشرح أنه من الصعب تنسير درجة لختبار على أسساس مطلق ، ومن الأجدى تنسير الدرجات بالنسبة لدرجات أخرى ·

اى ان المثيني مو الدرجة الخسام ، التي يتع استلها نسبة مثوية من الدرجات ، بينما الرتبة المثينية مي النسبة المثوية للحالات أسفل هذه النقطة ،

المهثلاء اذا كان ٨٤٪ من الأفراد في مجموعة ما تتع أسغل الدرجة ١١٥٠ م مان الله ١١٥ مي المثبتي الله ٨٤٠

والرتبة للثينية للدرجَّة ١١٥ من ٨٤ • ولربط هذا بنتيجة الاختبار ،

تقول ببساطة ، • أن درجتك عند المتينى الله ١٨٥ · فهذا يعنى أن ٨٤٪ من الأغراد في المجموعة درجتهم أقل عنك ٠ •

التينى هو نقطة تقدير تقع تحتها نصبة معينة من الدرجات و للرتبة المتينية هو تيمة المتينية هو تيمة محولة تقابل النقطة المتينية و بهذا المهوم و المتيني مو تيمة على المتياس الأصلى للقياس و والرتبة المتينية مو تيمة على المتياس المحول ».

توزيع الرتب المثينية ، توزيع الدرجات المحولة ، يكون مستطيلا (يسمى موزيع منتظم أو متناسق Uniform ، ولذلك قان المساقة بين أى رتبتين مثينيتين متجاورتين تحترى ١ ٪ من المساحة ، وحيث اننا نتعامل مع توزيع الدرجات الملاحظة والتي توزيعها ليس مستطيلا ، قان التحسويل الي الرتب المثينية بنتج عنه تغير في المساقة النصبية بين الدرجات ، قبثلا ، لذا حوالنا مجموعة درجات خام موزعة اعتداليا الي رتب مئينية ، فاتها تاخذ مسسانة درجة خام اتل لكي تشمل ١ ٪ من المساحة التربية من متوسط التوزيع عما تاخدة عند الأطراف ،

فنحن نرى أن الفرق بين الرتب الثينية ٥٠ ، ٥٥ فى التوزيع الاعتدالى للجموعة من الدرجات يكون حوالى ١٣و لها لتحراف معيارى واحد وطى العكس ، فان الفرق بين الرتب المثينية ٩٠ ، ٩٥ تكون حوالى ٣٦و تتريبا ، لها لنحراف معيارى ولحد ،

ويعتبر عدا عيبا لاستخدام للثينيات والرتب للثينية • لأنه مع التوزيع الاعتدالي للدرجات الحام ، غان غروق الدرجة الخام التريبة من متوسط التوزيع تنتج عنها غروق أكبر في الرتب الثينية ، بينما غروق الدرجة الخام التريبة من أطراف التوزيع تنتج عنها غزوق اصغر في الرتب الثينية ،

ومكذا ، غان التشويه في التحويل من الدرجات الخام الى الرتب اللينية ،
لا يدتى على الغرق النسبى معنى الدرجسات كنتيجة الهسذا التحريف ، غانه من
المناسب أن نهمل الغروق الكبيرة نسبيا في الرتب المثينية في منتصف التوزيع
الاعتدالي لمجموعة درجات خام ، ونلتفت الى الفروق الأصغر نسبيا في الرتب
المثينية عند الأطراف لمجموعة درجات خام موزعة اعتداليا .

و الرتبة الثينية ملائمة جدا لسهولة تفسير درجات الاختبار ، خاصة الافراد غير التخصصين مع ذلك ، فهناك عيبين للتوزيعات الاعتدالية :

١ -- تمكس الفروق الكبيرة في الرتب الثينية في منتصف التوزيع فروق
 درجة خــام صفيرة •

٢ ـــ تعكس الفروق الصغيرة في الرتب المثينية عند اطراف التوزيع ،
 فروق درجة خام كبيرة .

العسايع:

ان الغرض الهام لتحريل توزيع درجات الاختبار هو تنسير الدرجات واعطاء بعض المعنى لها • وكما راينا ، قان الدرجة الخام ومثيلاتها النسبة المتوية ليس لها في ذاتها معنى أو دلالة • فالدرجة الخام تعجز عن اعطاء أى تنسير • ومكذا ، لا يكون للدرجة الخام ولا للنسبة المتوية دلالة في حد ذاتها بل نحتاج الى معيار يكسبها معنى •

ولذلك كان لابد من تحويلها حتى تصبح ذات دلالة للحاصل عليها • وتلك الدرجات المحولة مى التى نقصدها عند الكلام عن المايير • وتخدم المسايير غرضين : _

- ١ _ نهى تحدد مركز النرد بالنسبة لعينة التتنين ٠
- ٧ __ تمكننا من متارنة مركز الفرد على متياس بمركزه على غيره ٠

اى أن الماير من ملخصات للانحصاء الذى يشرح أداء المحتبرين في مجموعة مرجعية على الاختبار موضع الاعتبار ويتصد بالاختبار هناء نسوع من أدأة التياس •

تبارين :

١ _ حول الدرجات الخام الآتية الى درجات معيارية :

٨٥ . ٧٥ . ٧٤ . ٢٥ . ٢٤ . ١٤ . ١٠ . ٨٤ . ٠٠ . ٢٥ ٠

٢ ـــ اذا كان المتوسط والانحراف المياري لثلاث مواد مختلفة كالآتي :

$$V = \{0, 0, 1, \dots, 0\}$$
 $V = \{0, 0, 1, \dots, 0\}$
 $V = \{0, 0, \dots, 0\}$
 $V = \{0, 0, \dots, 0\}$

مَاذَا حَصَلَت شَيِينَ عَلَى الدَرجة ٧٧ في المنهج (ا) ، وحصل احد على الدرجة ٦٨ في المنهج (ب) ، وحصل عمرو على الدرجة ٧٧ في المنهج (ج) • أي طالب ادارُه أفضل نسبيا في المناهج الثلاثة ؟

٣ ــ الجدول التالى يوضع المتوسط المسابي والانحراف المياري الربع
 اختبارات :

الاختبار (د)	الاختبار (ج)	الاختبار (ب)	بار (۱)	الاخت
44 :	٨١	٦.	٧٢	المتوسط
٤	٧	14	٠	لانحراف الميارى
ت كالآتى :	طى كل لختبارك	أواحمد وعمروا	ات شیرین	وكانت درجا
•				
(4)	(+)	(ب)	(¥)	
				شبرین
(4)	(÷)	(ب)	(¥)	

واعطيت للاختبارات الأوزان التاليبة : الاختبار (1) وزن من (1) الاختبار (ب) وزن من (1) ، الاختبار (ب) وزن من (7) ، الاختبار (ج) وزن من (7) ، والاختبار (د) وزن من (3) ، أي طالب من الثلاثة أداؤه الفضل في مذا المنهج ؟

•

•

.

-

.

1

•

الفضال*اتتان* الادتبساط

التباين المتلازم (أو التلازي)

COVARIATION

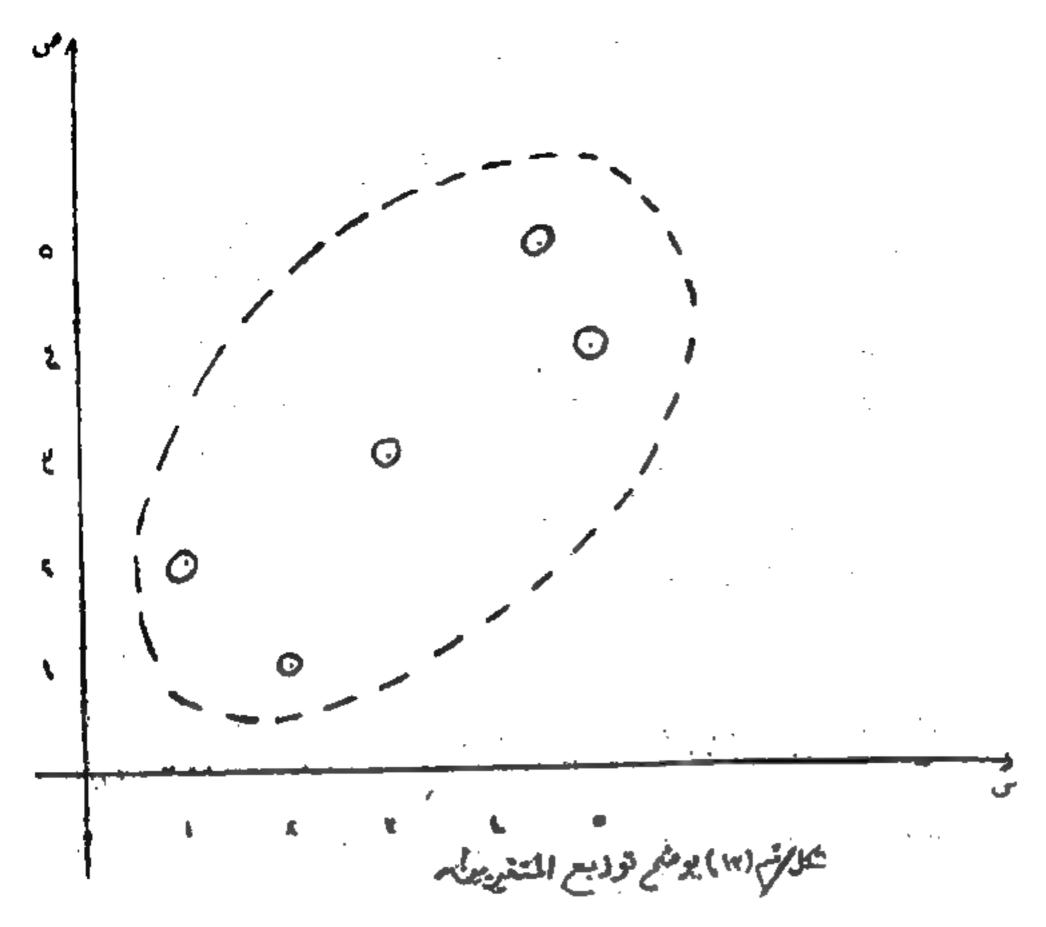
ناتشنا في النصول السابقة توزيما واحدا ، واقد شرطا التوزيم وحددنا مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت ، وسنتناول الآن توزيم متغيرين ، أي التوزيم الثنائي ، أي أن احتمامنا في مسؤا الجزء سيتحول الى تحليسل البيانات التي لها أكثر من متغير والارتباط ، أو الملاقة التي توجد بين متغيرين أو أكثر ، عادة يتم تحليل متغيرين ويحدوا بالمحور الأنتي س والراس مس ، وعندما تحدثنا عن المتغير الواحد ، رسمنا مضلمه التكراري في بعدين أنها عنسد مناششة التوزيم التنائي في الانت ابعاد ،

بالسال :

الجدول النائي يوضح توزيع درجات ٥ أفراد على متفيرين منفصلين س ، ص ٠

1 1	(مہنم)	ا (سیم))	ادرجة (مى	الدرجة (س) ا	الأفراد
	١	٣	Y 1	. 1	1
	Y	. 1	1	¥	ب
	هنقو	مَنتر	٣	٣	*
	· 🔻	1	•	4	3
	•	Y .		•	•

والشكل التالي يمثل توزيع المتغيين:



وحدد مركز الأغراد بواسطة الاحداث التحددة بالسطة مقاسس القداب للمتغيرين س ، ص ،

فمثلا ، تحدد الاحداثيا تالفرد ا عند س = ۱ ، ص = ۲ ، وبالنظر الشكل السابق نلاحظ انجاما لتوزيع ثنائى يتجه بحيث ان الدرجات الرتفعة على س على من مرتبطة مع الدرجات الرتفعة على من ، والدرجات المنخفضة على س مرتبطة مع الدرجات المنخفضة على من ، فمثلا ، الأفراد د ، م لهما درجات النحراف موجبة على كل من المتغيين س ، من ، والأفراد ١ ، ب لهما درجات النحراف سالبة على كل من المتغيين س ، من ، فاذا التجه الأفراد الى اعلى أو أسفل المتوسط على كلا المتغيين ، غاننا نتول أن مناك تباين متسلام ، و درجساتهم ، و درجساتهم ،

ويحدد التباين للتلازم له س ، ص كالآتى :

ويدل مح متوسط حاصل في التلازم Covariance أي هو متوسط حاصل فرب انحراف مجموعتين من الدرجسات ·

ويلاحظ أن لنحراف الدرجة لشخص ما على المتغير س تضرب في انحراف الدرجة لنفس الشخص على المتغير ص • وعلى ذلك يمكن تعريفه كالآتي :

و التلازم مو مترسط حاصل ضرب انحراف الدرجات التغرين ٢٠٠

وهو ينيدنا في توضيح العلاقة ، لكن تفسيره ليس سهلا مثل معسامل الارتباط •

منهسوم الارتبساط الخطي : _

المتنبرات و وساعد الدراسات الارتباطية في الحصول على أوصاف الظاهرة المتنبرات و وساعد الدراسات الارتباطية في الحصول على أوصاف الظاهرة بمحاولة تحديد الدرجة التي يرتبط بها متنبران والى اى مدى يؤثر التغير في متغير على المتنبر الآخر و ويدرس عالم الغيزياء الملاتة بين درجة الحرارة والضغط على المتنبر الآخر ويدرس عالم الغيزياء الملاتة بين درجات حرارة مختلفة وفي العلوم الاجتماعية ، وتحياتا في العلوم البيولوجية ، تتعلق المتغيرات التي تدرس بخواص الأفراد ويهتم الملهون بصفة خاصة بالملاتات و غمثلا ، ربما يرغب الدرس في معرفة الملاتة بين الذكاء والسلوك التساوم (أو المساوض التناجع ؟ ، أو ما هي فواحي السلوك التي تعتبر النبيء الأفضل للاداء المتبل ومن أجل تحديد الإجابات لهذه الأسئلة غان الملم يجب أن يختبر كل أنواح المائتات و ودراسة الملاتات يضطر الباحث ان ياخذ تهاسات على افراد عصديدن و عديرين -

مَمثلاً ، أذا أخذنا في الاعتبار متغيرين مثل الوزن والطول ، مَنَى قياس الطولُ

والوزن ألب ن من الأفراد بنتج عنه ن من الزواج الملاحظات والتي عن طريقها بمكن تحديد اذا كان المتغيران بختلفان معا • ومن المهم تحديد صورة المسلانة (رياضيا) والدقة التي يمكن بواسطتها عمل التنبؤات •

وابسط الصور الرياضية تسبيرا عن العلامات عي :

مس≔1+بس،

حيث س ، مس تدل على النغيرات ، ا ، ب ثوابت تحدد من الملاحظ المسات ، ويمكن تحديد بنة التنبؤ ، ومن الملائم أن يكون لدينا بعض المتاييس العسامة لهذه الدنة ، أحد هذه المتاييس التي يمكن حسابها والتي تعطى معلومة بالنسبة لدرجة الدنة ودرجة العلانة مو متياس معامل الارتباط ، ويرمز له بالرمز (١٠٠).

ولا يدلنا متياس العسلاقة هسذا ، على درجسة العلاقة فقط ، انما يكلنا ايضا على القتران المتوسطين والاتحرافين المياريين ويسمع لفا بكتابة المسادلة الخطية لتنبؤ س من ص أو ص من س ،

وعلى الرغم من أن الارتباط لا يتضمن معنى السببية ، إلا أنه أداة منيدة لممل التنبؤات • فالارتباط يوضح العلاقة بين متغيين ، فهر يطفا على مدى ارتباط متغيرين ، أو المدى الذي يحدثانه مصا •

فهشسلا :

العلاقة بين متغيرات الطول والوزن ، التوة والسن ، الذكاء والسنوى الاجتماعي ، الاستعدادات ٠٠٠

ويمكن ذكر السوال الخساص بالملاقة بين متنبرات من هذا النوع كالآتى :

مل منساله اتجاء النود الذي تتسديره مرتفسم (او منخفض) على صفة لأن يكون مرتفعا أو منخفضا على صفة اخرى ايضا ؟ ويجب أن نذكر أن العسلامات تتضمن متغيرا ولحسدا فقط •

عل اطرال الأبنساء ترتبط مسم أطوال آبائهم ؟ مسل نسب ذكاء الراشسدين تثني الى نسب ذكائهم في الطنولة ؟

معنى الارتباط وأعبيته : ـــ

نرى مما سبق ، أن الارتباط في معناه الطمي الدنيق مو التغير الانتراني . أو بمعنى آخر ، هو النزعة للى النتران التغير في ظاهرة بالتغير في ظاهرة اخرى .

ويتاس مدا الاقتران بمعاملات الارتبساط التي تهدف الى تيساس الاقتران التائم بن أى ظاهرتين قياسا علميا احصائيا دقيقا و ومكذا غان مسامل الارتباط يلخص البيائات العددية لأى ظاهرتين في معسامل واحسد ، كما كانت مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت تلخص البيانات العددية للظواهر الاحصائية المفردة و

وقد يكون عدًا التغير الاقترائي ليجسابيا مثل زيادة طول عمود من الحسديد تبعا لزيادة درجسات الحرارة •

وتنتج الارتباطات الوجبة عندما يحصل الأفراد على درجات مرتفعة على المتغير الثانى • كذلك المتغير الأول ويحصلون أيضا على درجات مرتفعة على المتغير الثانى • كذلك اذا حصل الأفراد على درجات منخفضة في المتغير الأول وعلى درجات منخفضة في المتغير الأول وعلى درجات منخفضة في المتغير الأول وعلى درجات منخفضة في المتغير الثباتي •

فعنسلا ، الارتبساط الوجب بين الطول والوزن يعنى ان عؤلاء الأفسراد الذين اعلى من المتوسط في العاول يكونون أيضا اعلى من المتوسط في الوزن ، وأن مؤلاء الذين يكونون التل من المتوسط في الطول يكونون بالمثل السل من المتوسط في الوزن ، الموزن .

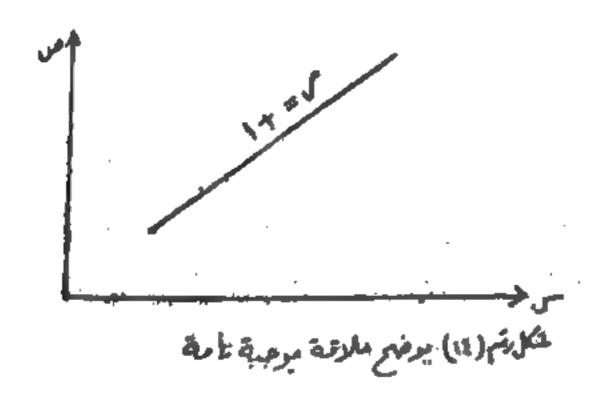
وقد يكون منذا التغير الاقترائى سنالبا مثل: نقصسان حجم قطعة الثلج تبعا لزيادة درجات الحرارة .

وتنتج الارتباطات السالبة عندما يميل الأنراد الذين يحمد اون على درجات مرتفعة على المتغير الثانى ، مرتفعة على المتغير الثانى ، وحولاء الذين يحصلون على تتديرات منخفضة في المتغير الأول ، يحصلون على تتدير مرتفع على المتغير الأسانى ،

وتتحصر قيمة معامل الارتباط بين + ١ ، صفر ، _ ١ ٠

وتدل النيمة + ١ على ارتباط موجب تسام · فاذا كانت العسلانة مطرده (كالعلانة بني قطر الدائرة ومحيطها) كانت تيمة معامل الارتباط + ١ ·

وتعنى القيمة + 1 ان التوزيح الثنائي يكون خطا تماما • أى أن الدرجات الرتفعة على المتغير ص ، والدرجات الرتفعة على المتغير ص ، والدرجات المنخفضة على المتغير ص ، والشكل المنخفضة على المتغير من ترتبط مع الدرجات المنخفضة على المتغير من والشكل التالى يمثل علاقة موجبة حيث ترتبط الدرجات المرتفعة مع بعض والدرجات المتغضة مع الدرجات المتخفضة .

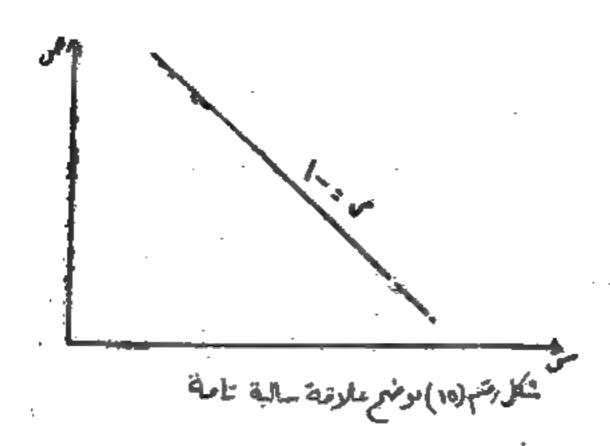


ونحصل على ارتباطات صغرية عندما يقدر الأفراد بارتفاع على المتغير الأول ويقدرون بالثل بارتفاع على المتغير الثاني ، مثل ما يتدرون بالنخفاض ، أو . عندما يقدر الأفراد بالنخفاض على المتغير الأول يقدرون بالثل بالنخفاض على المتغير الأول يقدرون بالثل بالنخفاض على المتغير الثاني مثل ما يقدرون بارتفاع ، أى أن القيمة المعددية للارتباط تصدل الى الصغر عندما يقاشى التغير الاقترائي لدرجات المتياسين ، وعذا يدل على انه لا توجد علانة على الاطلاق ، أو ارتباط صغرى ، أى أنها تمثل الغياب القام لارته بل خطى بين المغيرات ،

وتدل التيمة - ١ على ارتباط سالب تام ٠ ماذا كانت الملاتة عكسية كاملة (كالملانة بين حجم الفاز وضغطه في حدود معينة) ، كانت تيمة معسامل الارتباط = - ١ ٠

اى أن معامل الارتباط = _ ١ يعل أيضا على علاقة خطية تسامة ، لكن

منا ترتبط الدرجات الرئفمة على المتغير من مع درجات المتغير من المنخفضة ، وترتبط درجات المتغير من المنخفضة مع درجات من الرتغمة ، أي أن مناك انعكاسا تلما ، أو علامة سألبة كما أن الشمكل التاثي :



والارتباط الكامل لا وجود له في الظواهر الطبيعية ، والمعامل الناتج في البحوث الناسية أو الاجتماعية يكون عادة كسرا موجبا أو سالبا ، فالتيم بين صفر ، ١ (سواه موجب أو سالب) تدل على درجات متباينة (أو مختلفة) للارتباط الخطى ،

فه شبلا ، من المحتمل وجود علاقة موجية معتدلة بين الختيار الذكاء واختبار التحصيل ، وهذا يعنى ، أن للدرجات المرتفعة على اختبار الذكاء تميل الى أن ترتبط مع الدرجات المرتفعة على اختبار التحصيل ،

أما أذا كان لدينا علاقة بين متياسين ، مثل درجات الذكاء والزمن المتطلب لحل مشكلة ، نمن المحتمل أن تكون العلاقة سالبة ، أى أن المختبرين الذين درجاتهم مرتفعة على اختبار الذكاء باختون زمنا عليلا لحل الشكلة ، والمختبرين الذين درجاتهم منخفضة على الذكاء باختون زمنا علويلا ،

والتنبؤ مو الهدف الأساسي البحث الارتباطي - فمثلا ، اذا كان آلارتباط بين الطول والوزن = ١٦٥ ، فاننا نستطيع التنبؤ بدقة عن وزن فرد اذا عرفذا طوله ، اكثر منه اذا كان الارتباط = ٢٥ ر فقط ٠

أى أن معرفة درجة للفرد على متغير تسمح لنا بالتنبؤ بدقة عن درجته على التغير الأخسسو 7

وتفيد مسلملات الارتباط ليضا ، في الختبار الثبات ، الصدق ، وفي بناه الاختبارات •

ولا يتأثر معامل الارتباط بزيادة أو نقصان درجات الاختبارات بكمية ثابتة • غاذا أضغنا (أو طرحنا) عدا ثابتا اللي جميع درجات أي لختبار ، غان مذه الاضافة (أو الطرح) لا تؤثر في ترتيب الأفراد بالنسبة لدرجات الاختبار ويبتى التغير الانتراني القائم بين الاختبارين كما هو ولا يتأثر بهذه الاضافة (أو النقصان) أيضا يمكن أن نضرب كل درجة × ١٠ وأن يؤثر هذا على حجم معامل الارتباط •

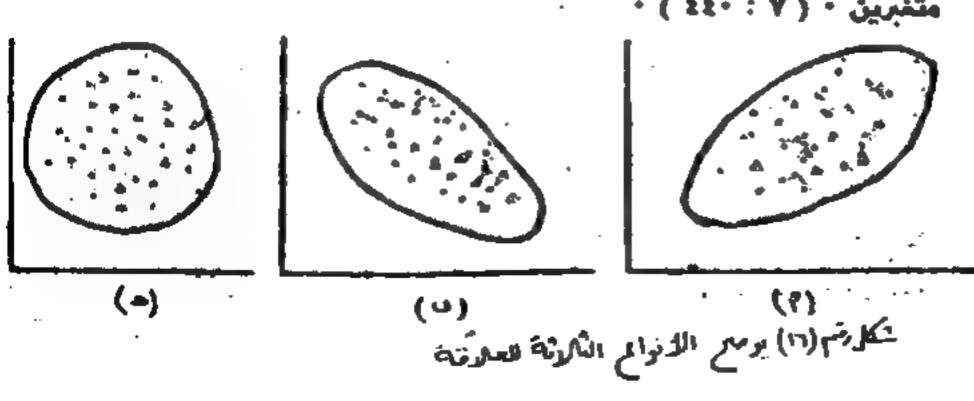
ومن الخواص الاحصائية أيضا الماملات الارتباط ، أن النوزيع التكواري للم الماملات المتوريع التكواري الماملات المتوريع المتواطات المتوريع المتوريع الاعتدالي كلما التتربت الميم المددية لتلك الارتباطات من المدوى التواء شديدا كلما لتتربت الارتباطات من الواحد المسجح ،

Scatter piets

نقط الانتشيار :

لكى نحصل على رؤية بصرية (أو تمثيل بصرى) للملاتة بن متغيين ، يستخدم الاحصائيون رسما بياتيا يعرف بأسم نقط الانتشار ، وهو عبارة عن رسم بياتي للارتباط حيث تمثل كل نقطة غيه زوجا من الدرجات ،

ويوضح الشكل التالي الأنواع الثلاثة للعلانة التي ممكن أن توجد بين



يوضع الرسم (أ) ارتباطا موجبا حيث تتجه مساحة النقط من اليسار الأتل الى اليمين الأعلى ، ويعلنا عذا على انه كلما ازداد متغير ، يتغير الثانى المضيا .

ويوضح الرسم (ب) ارتباطا سالبا ، حيث تتجه مساحة النقط من اليسار الأعلى اليمين الأمل ، موضحا أنه كلما لزداد متغير ، يقتص المتغير الشاني ،

ويوضح الرسم (ج) ارتباطا صنريا ، او لا توجد علاقة على الاطلاق ، اذ كلما تغير متغير ، لا يتبعه تغير في الآخــر ·

اتواع التغير الاقتراني:

تختلف طرق حساب معاملات الارتباط تبعا الختلاف البيانات العدبية وكيفية تصنيفها ، وباختلاف نرع الاختبار واختلاف الظواهر الدروسة ايضا ، المند تدل البيانات العدبية على درجات الأفراد أو على نجاحهم ورسوبهم أو على ترتيبهم ، ويمكن أن نلخص أهم صور التغير الاتترائي لأي متياسين في الأنواع التسالية : ...

١ ... التغير الاغترائي التنسايع : ...

المتياس الذي يمتمد على الدرجات الفطية يتوم في جوهرة على المسلسل البيانات المددية ، ويسمى هذا النوع المتنابع : مثل ١٢ ، ١٧ ، ١٥ ، أي التتران تتابع تدريج المتياس الأول بتتابع تدرج المتياس الثاني • والملاعة بين المتغرين منا علاقة خطية • ومناك طرق مختلفة لحساب معامل الارتباط في مذا النوع من المتغير الانتراني وتعتمد جميمها على الانحراف المياري وانحراف الدرجات عن متوسطها ، وأن كانت كلها مهنية على طريتة بيرسون الخاصة بحاصل ضرب المعزوم التي سياتي شرحها بالتنصيل نيما بحد •

٢ ... التقير الافتراثي للانسائي:

ونيه نميز بين :

(أ) التتران تتابع التياس الأول بثنائية تدريع المتياس الثاني مثل درجات

الأفراد في اختبار ما ودرجتهم على سؤال معين من نفس الاختبار • (أى الدرجة للكلية على الاختبار ودرجة نفس الفرد على هذا السؤال لذا كانت ١ أو صفرا) • ولا نستطيع هنا أن نستختم طريقة حاصل ضرب العزوم لبيرسون ، أنما فستختم معامل الارتباط الثنائي في ليجاد هذه العلاقة . Biserial Correlation

(ب) لتتران ثنائية التياس الأول بثنائية المتياس الثانى • كمثال اذلك ، لتتران ثنائية الإجابة على سؤال آخر • كذلك التتران ثنائية الإجابة على سؤال آخر • كذلك الا احتجنا الى تياس التغير الانترائي بين ظاهرتين أو صفتين الانستطيع معهما تطبيق الاختبارات ذلت المتاييس المتدرجة مثل دراسة سعة من سمات الشخصية والنجاح الدراسي حيث تكون البيانات الرتهية تناصرة على مجرد تناجع أو راسب،

وفي هذا النوع من التغير الافتراني يحسب الارتباط بواسطة معاملات الارتباط الربساعي •

٣ - اقتران ترتيب القياس الأول بترتيب القياس الثاني :

ويمتمد هذا النوع على تحديد مستويات الأفراد بتحديد ترتيبهم ولذلك يسمى هـذا النوع الترتيبي • كمثال لذلك ، لدراك الملاتة القائمة بين ترتيب الأفراد في لختبار ما وترتيبهم في اختبار آخر •

ونيما يلى شرح مختصر لهدنه الطرق الختلفة •

١ ــ معامل الارتباط لبعسون

تمتمد الطرق الاحصائية لحساب معامل ارتباط درجات المتاييس المتتابعة بدرجات المتاييس المتنابعة بدرجات المعارية لأى متياس مذه المتاييس الأخرى المتنابعة على مدى تلازم الدرجات الميارية لأى متياس من هذه المتاييس بالدرجات الميارية التي تتابلها في المتياس الآخر •

وتسمى احد معاملات الارتباط التي تستخدم غالبا بمعامل ارتباط العزوم الميرسسون ، Product moment of Correlation او ببساطة ، معامل الميرسسون ، على اعتبار ان لفظ Moment يغيد لفحراف القيم عن المتوسط مرفوعا المية مو وتتوم التسمية على أساس أن المتدار الهام في هذه الطريقة مو حاصل ضرب انحراف كل من القيمتين المتعابلتين في المتغيرين عن متوسطهما ،

انشا (ارکون) هندا المتیاس کارل بیرسنون Karl Pearson تلمین غرانسیس جالتون ۱۰ Sir Francis Galton (۱۶۶۰:۷)

وتسمى أحيانا معامل الأرتباط التتابعي لأنه يتوم ف جوهره على مدى التتران للندريج المتنابع للظاهرة الأولى بالتدريج المتنابع للظاهرة الأولى بالتدريج المتنابع للظاهرة الثانية .

وارتباط العزوم نوع من الاختبارات الاحصائية البارامترية ، ولقد حسدد سيجل Siegel الاختبار البارامتري كالآتي :

* هو الاختبار الذي يناسب شروطا معينة بالنسبة المحدات Parameters المجتمع الذي تشتق منه عينة البحث و لا تختبر عادة هذه الشروط ، حيث يفترص أنها موجودة و وتعتمد معنى نتائج الاختبار البارامتري على صدق هذه الافتراضات » ، (۱ : ۱۱) و ١٠٠٠) و ١٠٠٠ .

ويصف معامل ارتباط العزوم ليرسون (م) الخط المستديم او العلاة الخطية بين متغيين مرسومين على المصور س ك ص ، فهسو يتيس الى أى مدى تتبسع مجمسوعة من النقط في بعسدين خطا مستديما ، اى مسو تياس درجة الارتباط الخعلى بين متغيرين وتتراوح تيمته بين س ١ ٤ + ١ وتمثل التيم المنطرفة علاقة سالبة وعلاقة موجبة تنامة على التوالى ، اى ان المتغيرات لها علاقة خعلية تنامة بحيث أن كل النقط في الحينة سوف تقع تماما على خط مستديم ، ولذا كانت تيمة (م) كبيرة مطقة ، فان مذا يدل على وجود درجة عالية من الارتباط الخطى ، ومعامل ارتباط العزوم نسبى ، لأنه يعبر عن مدى الملاقة بين التغيرات التي تحدث في عسامل وما يقابلها من التغيرات ال

وتوفر مدد العاريقة على الباحث استخدام الأعداد الأصلية الكبيرة في حساب معامل الارتباط، الا أن سهونتها عتوفر حيفما يكون المتوسطان للحسابيان لنعيم المتغيرين اعدادا مسجحة .

ومعاهل الأرتباط (من) لبيرسسون مو متوسط حامسل ضرب الدرجة المعيسارية Z للمتغيرات من ، هن ،

$$\frac{\left(2^{i} \times i_{0} \times i_{0}\right)}{i} = \sqrt{2}$$

حيث في أية درجة معيارية من درجات المتياس الأول

ذ مردرجة المتياس الثانى (ص) الميارية التي تقابل الدرجة الميارية س ، ن عدد الأفراد ٠

ولحساب (م) تحول كل درجة خام الى الدرجة المعادية في عم نضرب للدرجات المعادية (ذ) لكل متنبر ، ثم تضاف دواتج الضرب وتقسم على عدد الأذراد لكى نحصل على مترسط الناتج ، الذي حو معامل الارتباط ،

ومن الراضع أنها عملية طويلة وشاتة لكثرة العمليات الحسابية التى تتطلبها ، وخاصة لذا زاد عدد الدرجات الى الحد الذى يعوق سرعة حساب معامل الارتباط • واشتق الاحصائيون Statisticians معادلة أبسط ، لهسا حسابات رباضية أثل ، وذلك عن طريق حسأب الانحراف الميسارى فتأخسذ العسورة الآتيسة :

$$\frac{(3_0 \times 3_0)}{(3_0 \times 3_0)} = \sqrt{3_0}$$

حيث كس الانحراف المباري للاغتبار الأول •

حيث كمن الانحراف المياري للاختبار الثاني ٠

او حساب الارتباط عن طريق الانحرانات ، وتهدف هذه الطريقة للى الانخلص من حساب الانتحراف للمياري والاكتفاء بحساب الانحرافات ومربعاتها وتصبح المساطة كالآتى :

$$\frac{(3a \times 3a)}{\sqrt{23} \times 3a} = \sqrt{23}$$

حيث كس انحراف التيمة عن متوسط تيم ألمتنير الأول (س) -

-أص انحراف ألتيمة عن متوسط تيم التغير الثاني (ص) •

علما زادت العلاقة بين المتغيرين المتغيرين من ارتباط منكلما راد عمل من المتغيرين عن المتغيرين العرادا من الما اذا كانت هيمة المحمل من المتغيرين على أن انحراف المتيم المتقابلة في المتغيرين عن المتوسط يسير في التجساء عكسى على وجه العموم م

فعشاد ، ترتبط الأطوال والأوزان للافراد ارتباطا موجبا ، بينما يرتبط عمر السيارة وقيمتها ارتباطا سعالبا ، أما أذا كانت وحمء = صفرا ، غانفا فذكر أن المتغيرات تكون غير مرتبطة وأنه لا يوجد بينهم ارتباط خطى كما سبق أن المتغيرات تكون غير مرتبطة وأنه لا يوجد بينهم ارتباط خطى كما سبق أن ذكرنسا .

تذكر أن اشسارة النحراف الدرجة مهم • ماذا كانت الدرجة مرتفعة على متغير ترتبط مع الدرجات المنخفضة على المتغير الآخر ، مان حواصل الضرب سوف تكون سالبة • ويكون المتام في الماطة موجبا دائما ، حيث أن الانحرافات المعيارية تكون موجبة دائما •

منسئل (۱): نفرض أن أدينا متفيين متصلين س ، ص درجاتهم كالآتى والمطلوب حساب معلمل ارتباط بيرسون لهم .

ی ۲ ص	، ۲۰	اس ^ح مر	عي ⊃	کس	ص	س	الأفراد
١	٤	۲	1_	7_	٧	١	1
£	1	*	۲	1_	1	*	ب
_		_	صائر	مىئر	4	- 4	*
£	1		Υ	1	0	٤	۵
Š	٤	*	1	4	\$	٥	•

مثبال (۲):

الرجد معامل الارتباط لدرجات ٧ أفراد في اختبار الذكاء واختبار للتحصيل ٠

	•		•		الحسل: سلسل قيم دس» قيم دص»			
ع'س	ع'س	عس عس	ی من	ح س	قيم دس،	قيم دس»	مسلسل	
					70			
$\mathcal{F}^{(1)} = \{ \{ \{ \emptyset \} \} \}$	مبقر	ً منثر		صئر	٧٤	1.4.	38	
.40	W	۲.	٠	٤	· AY	· 1115 -	X 1	
707	29	117	17	٧	77	110	٤	
4.11	3.5	104	11	A	17	117	٠	
YAN	122	£ • £	17-	١٢	7.	17	1	
78	" 13 -	YY		£	1.34	1-8	* V *	
1784	APY	60J	منار	مبئر	می=۲۹ه	₩ Y07=	مص	

$$\frac{1}{1184 \times 194} = \frac{(300)^{2}}{\sqrt{2^{2}}} = \frac{1}{\sqrt{124}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{124}} = \frac{1$$

وهذا معامل ارتباط كبير جدا مما يعل على وجود علاتة كبيرة بين الذكاء والتحميل

يتسال (٣):

هذه درجات خمس طالبات في اختبارين مختلفين · اوجد معامل الارتباط ·

ح'من	, ۲۰	کی کمر	ی م) کی	قيم (ص	قيم (س)	لسل
١	٤٩	مئر	صقر	٧	٤	00	١
1	3.5	٨	1	٨	٥	٧٠	•
1	FA7	14.	1	۱٧	٣	ξo	٣
Λ	٤	۲	1	ب ۲	•	٦.	٤
1	377	14_	١	18		۸-	٥
Ł	V1.	•	صفر	۲ صفر	س=۰	*r1+=	يوس:
				٤	سَ =	- YF	سَ=

وهذا المسامل ضعيف جدا بل يعتبر صفرى تقريبا مما يدل على عسدم وجود علاقة بن المتغيرين -

حسساب الارتباط للدرجات الخام بالطريقة العامة :

من أهم معيزات هذه الطريقة دقتها وسرعتها • نهى تعتمد مباشرة على المدرجات الخام ومربعات عده الدرجات • وهى صورة جبرية بسيطة المعادلة السيابقة وهى :

ن مرس میں ۔ مرس × مرس	- v
[(200)-(20)][(200)-(20)]	_ •
الم عدم الصورة في حساب بيلنات المثال رتم (١):	رماستند معس

	•		_	•		
∞ب۲	س۲	س س	عن	<u></u>	الأفراد	
2		*			t	
4			\		هيه	
1	•	•	*	*	*	
40	17	٧٠	•	2	Δ	
17	40	۲.	٤	0		_
 00	00	70	10	10	-	

$$\frac{(10) 10 - (07) 0}{[(470 - 00) 0] [(470 - 07)]}$$

$$\frac{(10) 10 - (07) 0}{[(470 - 07) 0] [(470 - 07)]}$$

$$\frac{(10) 10 - (07) 0}{[(470 - 07) 0] (470 - 07)]}$$

ومكذا ، غان منيئة الانحرافات والصيقة المساباتي تعطى نفس النتيجة ومع ذلك ، غناه مع مجموعات كبيرة من درجات الاختبار ، يغضل استخدام المادلة الحسابية الأخيرة ، حيث يمكن استخدام الآلة الحاسبة و

منسال (3): عند درجات خسس طالبات في اختيارين مختلفين ، اوجد معامل الارتباط بالطريقة العسامة ،

س×مب ۱۰	من ^و ۲۰	قیم(ص) ه	س ^۷ ب	قيم(س) ۲
*** **********************************	. 83	V . 3	. i 🐧	٣
. * *	. 17	7	30	9
₩-	\••	۸.	44	• 🔻
. 33	128	14	3.5	A

$$\frac{2}{2} = \frac{2}{2} = \frac{2}$$

٧ _ التغير الاقتراني الثنائي (أو الترابط الثنائي)

Biserial Cort.

أ _ معامل الارتباط التنبائي

يهدف هذا الارتباط الى تياس التغير الاعترائى القائم بين المسابيس المتنابية والمتاييس الثنائية واى أن الترابط الثنائي يستخدم لحساب الملاتة بين سمتين أو متغيرين عندما يكون لحدمما متغيرا متماثلا في توزيمه بينما يتضمن المتغير الآخر متغيرات ثنائية أو هو المتغير الذى له شقان أو جزوان ومثال والتوافق عدم التوافق ومهارة عير مهارة ومرتفع مسخخض ونعم مثال والمتوافق والمنائل وعلى ذلك وعلى ذلك والمنابعة والتي يستخدم فيها الترابط الثنائي من التي يصنف فيها الحد التغيين في مجموعتين وامثلة هذه الحالات كثيرة في البحرث النفسية والتربوية والاجتماعية وفيلاه ورما يرغب مدرس في تحديد الملاتة بين الأعمار المعلية للتلاميذ ومؤلاه الذين فجحوا أو رسبوا والرتباط درجات أي المتبار باجابات سوئل ما من أسئلة مذا الاختبار ويتضح أن البيانات المددية التي فحصل عيها من السؤال و قالأولى بيانات متتابمة متصلة يتلو ومضها ومضا والثانية غني الما صحيحة أو خاطئة و وفي المثال الأول ومضها ومضا والشانية غنية والمسوحة أو خاطئة و وفي المثال الأول

وعلى ذلك ، فنه عندما يستخدم الترابط الثنائي فاته يفترض أن المتغير الثاني مصنف الى فئتين فقط بسبب غياب بيانات كافية مثال: العلاتة بين نمط الشخصية للفرد وبين الذكاء ، ويتسم نمط الشخصية الى فئتين انطوائيون ومذا المتغير على الرغم من أنه متسم فقط الى مجموعتين ، الا أنه متغير متصل اى أن عناك درجات محتملة لا تنقطع لهذا التغير ، أى أنه أذا حصل على بيانات اضافية ، فإن هذا المتغير سوف يتوقع أن يفترض توزيما اعتداليا ،

وعلى ذلك، فاستخدام طريتة معامل الارتباط الثفائي ينبغي أن يكون مؤسسسا على فرضين :

١ سد أن يكون كل من التغيرين منصلا ، ولكن احدهما تد صنف بسبب
 ما أثى مجموعتين نتط ·

٢ ــ أن كلا منهما موزع في للجموعة الأصلية Population ترزيما
 اعتداليا ٠

ومعادلة الارتباط الثنائي هي :

معامل الارتباط المثنائي = مترسط الصواب ـ مترسط الخطئ الانتبار الاختبار الاختبار تسبة الصواب × نسبة الخطا الارتفاع الاعتدالي المتابل لنسبة المسواب المسواب المسواب المسواب المسواب المسواب السبة المسواب المسواب المسواب المسواب السبة المسواب المسواب

فالأساس الذي يتوم عيه معامل الارتباط النفائي ، هو المتارنة بين متوسط المجموعتين ، ففي المسال الأخير نقارن بين متوسط نسببة ذكاء الانبساطيين والانفارائيين ، فان كان متوسط المجموعتين واحدا دل ذلك على انعدام الارتباط بين المتغيرين ، وكلما زاد أو قل متوسط الانطوائيين عن متوسط الانبسامايين كلما دل ذلك على علاقة توية بين الانطواء والذكاء والمكس بالمكس ، ولهذا فان العنصر الأساسي في هذا المعامل هو الفرق بين المتوسطين ،

وتعتمد نكرة تحويل التدريج الثنائي الى تدريج متتابع على مساحات المنحنى الاعتدالي المياري • بعد حساب نسبة عدد افراد المجموعة الكليبة (المجموعة ين مما) ، فرجع الى جدول الفحنى الاعتذالي لمرفة ارتفاع المنحنى الاعتدالي عند نقطة لفضمال المجموعين • بعد ذلك ، نحوض في المحادلة السابقة ففحصل على معامل الارتباط المتنائي • واذا كان الفرق بين المتوسطين (متوسط الصنواب ، الخطأ) سالمبة الاشسارة دل على ان الارتباط عكس •

هثال: لحساب معامل الأرتباط الثنائي بين المجموع الكلى لدرجات اختبار بنيه للذكاء واحد بنود اختبار معين ، نتبع الخطرات الأتية كما مي موضحة في الجدول المثالي (7 : 717) .

جدول رقم (۲) الجدول الثنائي الحد بنود اختبار معني واختبار بنيه

الجمسوع	نردة الحددة	الاجابة عن ال	درجات الاختبار ١٠٥٠
	لجابةخاطئة	اجابةمسيحة	
١ ،		١	187 - 180
			188 - 18+
١		1	144 - 140
7	-	۳ "	178 - 17.
٤ .		. \$	175 - 176
3		٦	176 - 17-
١.		١٠	111 - 110
٧		· y	118 - 11+
•	١	۸.	1.7 - 1.0
٦	١ ١	. 6	1-8 - 1
14	2	1 1	19 - 10
14.	٧	٦	15 - 1.
- >>	•	۲	۸۹ – ۸۰
Ł	٣ '	١	A+ - A£
£			V1 - V0
•	•		V£ — V+
	•		74 - 70
٣	٣		74 - 7.
١	47	34	الجمسوخ
٥٤ر١٠٠	۳۵ر ۸۶	۱۰۹ر۱۰۹	المتوسسطات

١ من متوسط الاختبار بالطريقة المائية المتبعة في حسساب المتوسط من غثات الدرجسات وحسو م = ١٠٠٠٥ - عسسند الدرجسات = ١٠٠٠

۲ سے بحسب الانحسراف المیساری للاختیسار وهسو ع = ۱۲ز۱۷
 نمیث ن = ۱۰٪

- " يحسب متوسط درجات الأفراد للذين لجابر اجابة مسحيحة عن للبند المحد ، ويستعلن في ذلك بالتكرار البين بالمعود للثاني من الجدول السابق فتضرب كل تكرار في منتصف النئة التابلة نفحصل على الترسط وهو = ١٠٩٨٦ .
- تحسب نسبة تكرار الذين اجابرا لجابة صحيحة عن البند المحدد
 وحى = ٦٣ر٠
- المحد تحسب نسبة تكرار الذين الجابو الجابة خاطئة عن البند المحد .
 وهي = ١٣٧ .
- ٧ ــ بالرجوع الى جدول مسلمات النعنى الاعتدائي الميارى نجد ان ارتفاع العبود الذي يفصل بين نسبة تكرار الاجابات الصحيحة ونسبة تكرار الاجابات الخاطئة مو ١٧٧٨.
 - ٨ ــ يحسب معامل الارتباط الثنائي حسب الملاطة السابعة :

and letter
$$=\frac{(78c^{9.7}-73c^{3.5})}{1970} \times \frac{(78c^{1.9}-73c^{3.5})}{(78c)} \times \frac{(78c^{1.9}-73c^{3.5})}{(78c)} = 68c^{1.9}$$

الارتباط التناثي الأميل : Point Biserial

عندما يحكم على التغير بأنه ثنائى نملا (أو حنينة) مثل الحياد ، الوت ، تصر نظر ، وطول نظر ، • • أي أنها ثنائية أصياة لم تنشأ من تدرج منتابع متصل ، فأننا نستمين في حساب ممامل الارتباط الثنائي بتانون آخر لا يعتمد على خواص المنحنى الاعتدالي المياري ، بل يعتمد في جوهرة على نسب الاجابات الصحيحة والخاطئة وحدمما ، وهذا التانون مو

$$\sqrt{1} = \frac{1}{3} \times \sqrt{1 \times 1}$$
 (۲۱۸:۲)

حيث م من متوسط الصواب

حيث م مترسط الخطا .

حيث ا مي نسبة الصواب ، ب نسبة الخطاء ع الانحراف العيساري

ومن الواضيح ، أن الافتراض باختية (أو فطية) الثنائية افتراض معرض الخطر hazardous عن الافتراض بوجود توزيع اعتدالي في متغير ،

ونلاحظ أيضا أنه قلما توجد سمات نفسية أو اختبارات تخفسه التصنيف الزدوج وحده ، ولا يمكن افتراض تتابعها ، لهذا قلما يستخدم هذا القانون في حساب معامل الارتباط الثنائي •

Phi Coefficient

معساول قساي :

يستخدم معامل لتحديد الارتباط بين زوجين من الصفات عندما يكون كلا منهما ثنائى التصنيف واى أنه لا يستخدم الا في الحالات التي يتسم فيها كل من المتغيرين الى تسمين متميزين ومن أمثلتها الصفات وعكسها مئسل المنسين مذكر ومؤنث ، حى وميت ، صح وخطأ ، مرتفع أو منخفض ، ناجح أو راسب ونعتبر عذا المامل حالة خاصة من اللحالات التي تستخدم فيها معامل النوافق .

وبشرح الشكل التبلى معامل ارتباط العزوم (١٠٠٠) ، لتغيرين ثنائين معدن حسابه مباشرة من جدول متسم الى اربعة السسام .

ومصائلة 🌘 🔌 :

نجيث 🌘 معامل فساي

ا، ب ، ج ، د محددات الخلية ٠

ومعامل ومعامل الارتباط للثنائي الأصبيل Point biserial تمسر معامل الارتباط الارتباط المنائي الأصبيل المناط المناوم ؟

بلسال :

6	انساد	نكسور	-
	10	40	راسب
	3-	٤٠	قاجح
	V•	7.0	

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot)} = 0$$

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot) (2\cdot)} = 0$$

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot) (2\cdot)} = 0$$

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot) (2\cdot)} = 0$$

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot) (2\cdot)} = 0$$

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot) (2\cdot)} = 0$$

$$\frac{(2\cdot) 10 - (2\cdot) 70}{(3\cdot) (2\cdot) (2\cdot)} = 0$$

مب ــ معسليل الارتباط الرباعي:

يتتصر معامل الارتباط الرباعي على الحالات التي يمكن نيها تتسيم
قيم كل من التغيين الى تسمين، وفي اغلب هذه الحالات يرى الباحث ان وسيلة
القياس التي يستخدمها ثم تصل الى درجة كانية من الدتة والثبات تسمع
بالتمييز المنصل بين الختبرين، اى أن هذا المامل يعتمد على التغير الانتراني
التائم بين المتاييس الثنائية، كمثال لذلك، معامل الارتباط بين اجابات سؤالين

حيث الإجابة بنعم أولا ، أو الدرجة (١ ، صفر) ، أو كما يحدث حين نحاول حساب معامل الارتباط بين متغيرات لا يمكن قياسها مباشرة ولكن من المكن قصنيف الأفراد في كل منها تصنيفا زوجيا كمثال العلاقة بين مستوى الذكاء والتكيف الاجتماعي • وصنفنا كلا المتغيرين الى نكاء مرتفع — ومنخفض ، متكيف – وغير متكيف • ويعتمد حساب معامل الارتباط الرباعي على الجدول الرباعي للنسب المختلفة كالآتي :

غير متكيف	متكيف	نیخنا
		مرتفيع
		منكقشي

والحسالات الأربعة التي تميزما مي :

- مستوى ذكاء مرتفع ومتكيف اجتماعيها
- مستوى ذكاء مرتفع وغير متكيف اجتماعيا
- مستوى ذكاء منخفض ومتكيف اجتماعيا •
- مستوى ذكاء منخنض وغير متكيف اجتماعيا .

واستخدام معامل الارتباط الرباعي مؤسس على غرضين هامين ، اذا تعذر المتراضيما أصبح هذا المامل غير صالح للاستعمال وهما :

ان العلاقة بين المتغير علاقة خطية ، بحيث يمكن ان نتنبا من الحدمما عن الآخر ، أى أن المتغيرين يتغيران تغيرا مستمرا بحيث
 لا تعتبر كل قسم في احدمما صنفا منفصلا عن الآخر .

٢ - أن توزيع كل من المتغيرين توزيع اعتدائى .

ويفترض الباحث منين الفرضين على أساس المرفة النظرية والمعلومات السابقة عن المتغيرين اللذين ببحث الملاقة بينهما وليس على اساس احصائى .

أى أنه في المثال السابق مثلا ، يفترض أن المتغير متصل التغير ، حيث يكون من المكن نظريا أن يحصل على أية درجة يفترضها ، وأمكنه كذلك أن يفترض أن المجتمع الأصلى الذي أخذ منه عينه المختبريين موزع توزيعا اعتداليا فيما يتعلق بأي سعة من محذه السحمات ،

وعملية حسماب معامل الارتباط الرباعي طويلة وشاتة ، كما أن التانون معتد وهذا هو السبب الذي يجمله تليل الاستعمال ٠

٣ - معامل ارتباط الرتب

بقسينهة :

من الواضع ، أن كل توزيع لا يخضع للارتباط الخطى أو معامل ارتباط العزوم ، ولذلك ، غانه في مثل هذه الحالات ، يجب على الباحث أن ينتكى طريقة مناسبة ، وتثار بعض الأسباب عندما لا يكون لدى الباحث درجات أولا تتونر لديه متابيس دتيقة أو عندما يكون هناك فجوات حتيقية في البيانات التي تعوق (أو تحول بين) ترتيب البيانات في توزيع تكرارى ، في صده الحالات ، فإن الباحث يختار لما أن يستخدم الترتيب Ranking أو أن يصنف المختبرين اللي خدات وصفية لتوضيع المسلالة ،

وحساب الارتباط من البيانات المرتبة ، مو طريقة لا بارا مترية اساسية التحديد الارتباط ، الذي يفيد خاصة مدرس الفصل ، مو حساب الارتباط من الترتيب المنظم ، ويطلق على مذه الطريقة طريقة الفروق في الرتب .

ولتد حدد سيجل الاختبار اللابارا مترى كالآتى:

لا مو الاختبار الذي لا يحدد نموذجه شروطا معينة بشان محددات المجتمع الذي تشتق منه العينة ، وتشترك بعض الافتراضات مع معظم الاختبارات الاحصائية اللابارا مترية ، بمعنى ، أن عذه الملاحظات تكون مستقلة وأن متغير الدراسة له استمرارية متضعفة ، لكن عذه الافتراضات تكون أضعف وأتل عن هذه الافتراضات المرتبطة بالاختبارات البارامترية ، بالاضافة الى ذلك ، فان

الاختبارات لللابارا مترية لا تتطلب عياسا تويا مثل ما يتطلب الاختبارات للابارامترية لبيانات في متياس البارامترية لبيانات في متياس ترتيبي ، ويستخدم بعضها أيضا لبيانات في متياس اسمى » . (۱ : ۹۱۰) .

ومساول أرتباط الرتب:

يهدف هذا الارتباط الى قياس النفير الاقتراني القائم بين ترتيب الأفراد بالنسبة لصفة ، وترتيبهم بالنسبة لصفة آخرى ، وتحدد درجة العلاقة بمقارنة رتب الأفراد على مقياسين مختلفين أو في حالتين مختلفتين ، غمثلا ، يقارن أداء طلبة الفصل (1) على الاختبار رقم (1) ، (٢) لتحديد درجة العلاقة الوجودة بين أداء المقياسين ، وتعتمد هذه الطريقة على مربعات غروق رتب كلا المقياسين ، وتصلح هذه الطريقة في حالة العينات الصغيرة التي لا بزيد عدما عن ، ه فردا ،

بالاضافة الى ذلك ، ممكن استخدام هذا المعامل كاساس مبدئى لتحديد اذا كانت توجد أى علاقة بين المتغيرات ، وممكن أن يستخدم أيضا بفعالية عندما لا تخضع المتغيرات نفسها لغياس خطى ، لكن ممكن ترتيبها ، كان يحدد أيها الأول وايها الثانى ، • وايها الأخير ، فمثلا ، اذا أردت مقارنة دراسية المعادات مع الأدا، في الرياضة ، ربما تكون الطريقة المناسبة أكثر لتنساس المعادات هو محاولة اعطاء رتب مبنية على الملاحظة ، أكثر من قياس هذا المنغير ، ومع ذلك ، فكلما سبق أن ذكرنا ، فانه لا ينصع باستخدام هذا المعامل مسع الأعداد الكبيرة بسبب المجهود والوقت المستغرق ، ويستخدم بفعالية مسع المجموعات الصغيرة ،

ويحسب معامل ارتباط الرتب بمعادلة سبيرمان :

وكلما كانت الفروق بين رتب القيم المتقابلة في المتغيرين كبيرا كلما تلت درجة الارتباط بين المتغيرين ، والعكس بالعكس .

ولابجاد معامل الارتباط بين رتب المتغيرين علينا أن نعتبر هذه الغروق مجتمعه ، ألا أن الجمع الجبرى في هذه الحالة يكون عديم القيمة حيث أن حاصل الجمع يكون دائما صفرا ، ولذلك نربع الغروق حتى نتخلص من الاسارات يجعلها جهيما موجبة ،

ويوضح المثال التالى طريقة حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان لتغيرين :

مربع ^{ال} فرق (ف')	الفرق ِ(ف)	رتبالاختبار (ب)	رتبالاختبار (أ)	الرتم
. 1	1		•	1
منتر	مبئر	Y	4	Ļ
\$	*	1	*	*
ź	۲	٣	* V	3
A.	١	٥	٤	

مشر ۱۰

$$0. = \frac{1}{6} \times \frac{1}{37} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times$$

منسال ۲: مذه درجات ۸ طالبات في مادتين مختلفتين ٠ احسب معامل ارتباط الرتب:

 ۳	ئ	رتبة (ن)	رتبة (م)	درجة (ن)	درجة (م)	مسلسل
١	١	۲	١	77	*1	١
1	1	1	۲.	XX.	77	٣
1	1_	٦.	۵	14	*1	*
. 1	1	٧	A	17	17	ź
ź	*		٦	77	۲.	٥
1	١	٨	٧	10	14	٦.
£	۲	٥	٣	**	Yo	Υ
•	1	٣	ŧ	37	44.	· · A
 12	صفر	77	۲٦			

$$\therefore \nabla = \frac{7 \times 37}{A(37-7)} = 3A_{i}$$

وللتأكد من صحة وضع الرتب للقابلة للقيم المختلفة يمكن جمع الرتب في المتغيرين ، الوسيلة المباهرة التأكد من ذلك أن يكون مجموع الرتب واحدا الكل من المتغيرين .

فعن المثال السابق نجد أن مجموع الرتب في كلا المتغيرين = ٣٦ وزيادة على ذلك ، فأن مجموع الرتب في كل من المتغيرين بنبغي أن يكون مساويا ن (ن + ١) حيث ن عدد الأفراد .

$$\frac{4 \times 4}{7} = \frac{4 \times 4}{7} = \frac{7 \times 4}{7} = \frac{7}{7}$$

ومن المعتاد أن يجد الباحث حالات كثيرة تتكرر غيها الرتب في المتغير القواحد · كان توجد تيمتان الخذان الرتبة ٣ ، وفي هذه الحالة يكون المتبع ان يعطى كل منهما ترتيبا متوسطا بين الرتبتين ٣ ، ٤ ، أي أن ترتيب كل منهما يصبح ٥٠٣ ويكون ترتيب التيمة التالية الملك هوه .

وتأخذ العيمة التالية لذنك الترتيب ٨٠

بالسال ۲:

أوجد معامل ارتباط الرتب المتغيرين التاليين :

ف۲	- کل	رتبه التان	رتبدالاول)	درجة الاختبارالثاني	درجة خسارالاول	<u> </u>
1	1	4 °	١-	4	10	1
1	Y -	٨	Y	11	٧.	4
4740-	100-	1.	ەد.۸	٧	18	٣
۱۹۲۰	Je	•	ەرە	YY -	YY	* 4
علاد	<u> - وز</u>	TJ 0	٣	Yo	**	•
٥٢٠	Y_10-	470	1	Ye	۰Y	4
CFF	t J -	7	4	1/4	43	Y
£ _	Y	Y	٤	77	**	A
4740	100	Y	AJ0	14	18	4
-076-	{Jo	1	ه ره	TT	YY	1.

$$v = 1 - \frac{r \times o_{c} \gamma_{o}}{1 \times 1} = 1 - 37 \gamma_{c} = r v r_{c}$$

يتسال ۽ : الرجد معامل ارتباط الرتب المتغيرين التساليين :

 ف*	ڧ	ر تبةالاتي	رتبةالأول	درجة المتغير الثاني	در جة المنيرالأول	1
٤	Y -	. ŧ	۲	14	٧٠	1
4	٣ -	¥		1.	٦.	4
4740	-ەد1	470	١	40	۸٠	۲
Yo -		1	*	4.	90	
٥٢٤٠٣	0.70	YJO	K	Yo	t •	4
47Åe	1,14-	6.1.6	٤	10	7.	۲
47.4°	100-	هره	*	10	ţo.	Y
14	٤ -	A	٤	1	7+	٨
91	صفر				_	

$$v = t - \frac{r \times t\rho}{\lambda \times \eta r} = t - \lambda \cdot ct = -\lambda \cdot c$$

نستخلص مما سبق ، إن معامل الارتباط لبيرسون له عدد من الاسماء المختلفة ، تعتمد على انواع البيانات التي أدخلت في المعادلة ، والجدول التالي يلخص هــده العلومة :

جدول (٣) يوضح عائلة معاملات الارتباط لبيرسون

السم العساول	طبيعسة التغيرات				
ممـــامل بيرسسون	(1) كل منهما هتقير هساقة او هتغير نسبة مثال (الطول ، والوزن)				
الارتباط الثنائي Biserial Correlation	(ب) أحد المتغير منسافة أو نسبة (ب مثال الدرجة الكلية للاختبار) والآخر متغير ثنائى • (مثال الدرجة على مفردة اختبار متعدد الاختيار) •				
معسامل غیبای	(ج) كلا المتغيرين يكونا متغيرات ثنـــائية (مثال ، درجة على كــن من مغريتين اختبار ، متعدد الاختيار) ،				
معسساهل ارتبساط الرتب لسبيرمسان	د) كلامما متغيرات ترتيبية (حيث تكون الدرجات رتب) ٠				

ويدلنا اسم المعامل على أنواع البيانات التي أدخلت في معادلة بيرسون • فمثلا ، أذا لحتوى دليل الاختبار على معاملات فاى ، فانفا نتأكد أنه استخدم بيانات ثنائية فقط • وبالمثل ، أذا سجلت معامل لرتباط آثرتب ، فأن المتغيرات موضع البحث تيست باستخدام طريقة الرتب •

تأسع مسابل الارتبساط:

لنفرض اتنا حصلنا على تياسات التغيرين وليكن الذكاء والابتكار لعينة عشوائية من الأفراد ، حيث التوزيع المتصل للمجتمع الأب للمتغيرين كان عشاب عشاب عشاب عشاب المنابية عشاب المنابية عشاب المنابية عشاب المنابية عشاب المنابية عشاب المنابعة المن

عندما نجد ارتباطا موجبا مثل ١٠ = ٩٠ بين متغيرين مثل الذكاء والابتكارية ، فاننا نستخلص أنه بالنسبة لهذه العينة من الأفسراد ، فان الأفراد المرتفعي الذكاء يميلون لأن يكونوا مرتفعي الابتكارية ، وإن الأفراد المخفضي الذكاء يميلون لأن يكونوا منخفضي في الابتكارية ،

أما أذا وجدنا ارتباطا مرتفعا سالبا مثل س = - ٩٠ فاننا نستنتج أنه بالنسبة لهذه اللحينة ، فأن الأفسراد المرتفعي الذكاء يميلون لأن يكونوا منخفضي في الابتكارية ، والأفراد المنخفضي الذكاء يميلون لأن يكونوا مرتفعي في الابتكارية ،

كذلك ، بدل معامل الارتباط (١٠) لبيرسون يساوى ١٧٤ على عسلاتة توية نوعا بين متغيرى الرياضة ودرجات الهجاء ، ويدل هذا . على أن الطلبة الذين أدوا جيدا على اختبار الرياضة من المحتمل أيضا أنهم أدوا جيدا على اختبار الهجاء ، وحيث أن الارتباط لا يساوى واحد (١) ، فانفا لا نستطيع التول أن كل طالب درجته مرتفعة في الرياضة تكون درجته مرتفعة أيضا في الهجاء ، ويدل الارتباط ١٧٤ على أن هناك بعض الاستثناءات ، لكن بصفة عامة فأن الملاتة يوثق بها ، وحكذا ، فأنه بمعرفة درجة الطالب في الرياضة علمة فأن الملاتة يوثق بها ، وحكنا ، فأنه بمعرفة درجة الطالب في الرياضة فيسمح لذا بالتنبؤ بدرجته في الهجاء ، وحيث أن الارتباط توى بدرجة معتولة فسوف نكون تنبؤاتنا صحيحة أكثر من أن تكون خاطئة ، ومع أن الارتباط لا يتضمن تسبيبا ، فأنه يسمع بتنبؤات دتيتة ، نحن لا نستطيع أن نتول، أن الفرد يكون جيد الهجاء لأن تدرته الرياضية مرتفعة ، لكننا نستطيع أن نتول، أنه باعطاء معلومة عن تدرة الفرد الرياضية ، نستطيع التنبؤ بدرجة معتولة من الدتة ، عن تدرته في الهجاء ،

أما عندما نجد ارتباطا موجبا متوسطا بين الذكاء والابتكار مى = ٣٥٠، فأن التفسير مذا الارتباط ربما نحتاج أن فأخذ نظرة أخرى لتوزيع الدرجات الخام على المتغيرين .

فمثلا ، ممكن أن نصنف الأفراد كمرتفعي ومنخفض الابتكار ثم نحدد نسبة الأفراد في كل فئة ابتكارية الذين يكونون داخل الفئات المختلعة على اختبار الذكاء • اذا تم هذا ، ربما نجد أن ٩٠٪ من الأشخاص الرتفعي الابتكار لهم درجات بين ١٢٠ ــ ١٦٠ على اختبارات الذكاء • أي أن الأشخاص الرنفعي الابتكار يميلون لأن يكونوا مرتفعي على الذكاء ، لكن الأشخاص الرتفعي الذكاء الابتكار يميلون لأن يكونوا مرتفعي على الذكاء ، لكن الأشخاص الرتفعي الذكاء المسوا مرتفعين على الابتكارية وربما يؤدي هذا لحساب الارتباط الوجب المتوسط (٧٠) = ١٥٠ و٠٠ •

وأذنك فأنه لتفسير (١٠) ، فرجع معامل الإرتباط وضول التنبيجة الى نسجة مثوية ، وتقدير النسبة التوية القباين مى الانتباه بها من من الر لتباين ص التنباجها ، Predicable من من يسمى معامل التحديد ،

والقيمة للناتجة تقبل التنسير مثل النسبة المتوية اشرح النباين نمثلا ، اذا كاتت سم = مو معها = ١٤٠

۱۲۰ × ۱۰۰ = ۱۶٪ وتمثل حسنه متدار التغیر فی توزیع سی موضعا بالمتغیر می ، والعکس صحیح ۰

واذا كانت من = اور أى ٨١٪ من التباين ق التوزيع ا سوف بسرح بالتنو ب والعكس مسجع .

كذلك ارتباط مع على عن التباين المتعبر س مع ص ، بينما ارتباط مع ح على التباين .

منسئل أخسره

غفوض أن الارتباط بين قدرة القراءة ومتوسط الدخل السفوى للغرد مو آر مفادر من المكانية الدخل بالتسبة للغرد ممكن أن را لار) أو ٣٦٪ من المكانية الدخل بالتسبة للغرد ممكن أن يوضع على أساس الغروق المتاسة في قدرة القراءة والمكس صحيح ،

الخلامسة :

درستا في هذا النصل عددا من معلمات الارتباط ولكل منها حالات خاصة ينضل دون غيره نمثلا ، من اهم هذه الماملات واكثرها شهوعا وأدتها جعيما هو معافل ارتباط بيرسون ، نهو يتاثر بجعيم التيم العطاء كما أنه يدخل شمن عبليات ومعاملات المصائية الثرى ، الا انه يجب التاكد من شرطين أسانسين عند استخدامه وهما :

١ -- أن يكون التوزيع العام للمتغيرين اعتداليا ، أى ينبغى أن لا يكون التحراف للتوزيع عن الاعتدالي ذا دلالة احصائية ،

٢ ــ أن تكون الملاتة بين المتغيرين مستقيمة •

ويستخدم معامل ارتباط الرتب لسبيرمان اذا كان الحصول على الرتب المختلفة الفراد العينة اكثر دقة من اعطاء كل فرد قيمة خاصة وطريقة حسابه سهلة وسريعة ، إلا اذا زاد تكرار الترتيب وكبر عدد أفراد العينة ولذلك ينضل استخدامه في حالة العينات الصغيرة ،

وتستخدم معامل الارتباط المثنائي اذا قسم احد المتغبرين الى اكثر من فئتين وتسم الآخر تقسيما متصلا متدرجا ،

أما أذا قسم كل من المتغيرين إلى فئتين ، فأنه يستخدم حينند معامل الارتبساط الرياعي .

وكما سبق أن ذكرنا فان استخدام كل من معامل الارتباط الثنائي والرباعي مؤسس على افتراض أن كلا من المتغيين يتغير تغيرا مستمرا ، وأن الاتتصار على فئتين فقط لا يغير من هذا الافتراض ، وأنما قصد به التغلب على صعوبة الحصول على تتسيم أكثر دهية ،

أما أذا أشتمل البحث على متغيرات متميزة منغصلة بعضها عن بعض فلا يستخدم للعاملان السابقان (الثنائي والرباعي) ، لنما يستخدم معامل غاي ٠

وعند تفسير معامل الارتباط يجب أن نراعي أن وجود الترابط لا بدل على أن أحد العاملين سبب العامل الآخر أو نتيجة له • كذلك تتطق تيمة معامل الارتباط لدرجة كبيرة بالعينة ، غليس هناك معامل ارتباط مطاق بل هو نسبى دائما ومرتبط بصنات العينة •

أيضا كلما لختلفت التيم في المينة اختلامًا كبيرا كلما كانت تيمة معامل الارتباط أكثر ارتفاعا ، بينما اذا تقاربت المينة في المبنتين المطلوب ابجاد العلاقة بينهما كلما صغرت تيمة ممامل الارتباط .

تمسارين :

ا سفيما يلى درجات ١٢ طالبا في لختبار الذكاء لستانفورد بنيه ،
 واختبار التحصيل ، باستخدام معامل ارتباط الرتب .

درجات اختبار النكاء

1-4 174 1-4 1-7 116 117 177 1-7 17- 11- 117 17-

درجات اختبار التحصيل

14 YV 10 17 Y- 14 YA 17 YE 19 YO YI

۲ - هذه درجات ۱۲ طالبة في مادنين مختلفتين _ احسب معامل ارتباط الرتب:

الدرجة في المادة الأولى

77 1A 71 77 77 77 78 71 10 14 70

الدرجة في المادة الثانية

TA Y- 1A Y7 YF 1A Y- Y0 Y7 17 Y1 Y7

٣ -- أوجد معامل ارتباط الرتب بين مادتى اللغة العربية والحساب ثدرجات المشر طالبات التالية :

الدرجة في مادة اللغة العربية

21 77 7. 40 EX 45 CX 10 TX

الدرجة في مادة الصباب

£1 TO TO TE TY T- TV E- T- E-

عبما يلى اطوال ٢٠ شخصا واوزانهم ٠ والمطلوب ايجاد معامل ارتباط الرتب بين العلول والوزن لهذه الحالات ٠

الطول بالسم

177 177 170 1XV 1X1 177 174 17- 177 177 170 170 170 17

الأوزن

AAF OF 7F VV VV -A IA YV AF -P IA VF -A VF

1	4+	1/10	141	-	۱۸۰	117	17	•	الطول
_	۸•	٨٥	. 4+		11	٨٥	٨	•	الوزن
تبرير	ل الاخت	طالبات ف	ت الـــ ۸	الدرجا	بيرسون		ب معامل اليين : _		_
TV	: 40	- 1:	۲٠	17	41	77	44	لأول	الاختبار ا
۳۲	۲۸	٤٠	YY	20	۱۸	۲٠	77	لثاني	الاختبار ا
مسأمل	رجد م	فين ٠ ار	رین مختا	اختبار	بات ق		درجات ط بیرسـ		_ ٦
44	٤٧	٤ ٢٥	Y Y8	10	۲۷	Yo :	E Y Y4	گول ا	الاختبارا
YV	10	EE 7	۲ ۲۰	44	Yo	\$0	ry YY	يًا ني	الاختبار ا
		: 4	، التسالي	بيانات	تباط لا	مامل الار	، تيمة م	أوجد	_ v
۸۷	110	1-4 1	· Y 119	1.4	11	47 1	Y1 1.4	41	۸٠ س
۸١	11+	11+	99 144	114	47	1 1	14 1-1	44	ص ۸۳
		الية :	رجات الت	ب الأدر	اط الرة	امل ارتب	قيمة مم	أوجد	_^
18+	177	114	11.	١٠٠	48	41	4+	٨٨	س ۵۸
184	17-	115	116	١	48	44	44.	٨٥	ص ۸۸
		نالية : _	رجات الذ	تب للد	باط الر	مامل ارة	، تيمة ما	. اوحد	_ 1
184	14-	117	118	1	11	14	14	٨٥	۸۸ ت
40	Y4	14	YY	44	44	Yo	14	41	ص ۱۸

• ١ - احسب معامل الارتباط لبيانات المجموعة (1) ، وكذلك لبيانات المجموعة (1) ، وكذلك لبيانات المجموعة (ب) وفسر لماذا تختلف قيمة معامل الارتباط ؟

,	رساط	الا الا	يمه مع	4 (4)	ני בב	سري	-) (-	-, -,	-		
						: (1)	موعا	ات الد	بياذ	
47 47	110	1.4	1.4	114	1.4	11	14	171	1.0	۸۰	س
14 41	11.	11.	99	177	114	47	1	117	1+1	۸۲	ص
						: (ة (ب)	جمــوعا	ال ال	بياذ	
48 114	1	1 - 6	۸۳	44 1	10	1.4	1-7	1.24	11	97	س
14 1-1	۸٦	117	98 1	• 9	47	118	41	/£ 1	41 1	٠٤	ص
جات نهایة	م ودر	ف الما	منتص	رجات	بين د	بنباط		ند معام		11	
7A 3A	M 11	11	۸۲ ٦	FA A	14	78	۸۲	ام ۲۰	مف ا	ے مت	درجا
AV 17	17 18	40	47 Y	0 98	1	75	٧0 ,	۸+	ية لعام	تنها	درجار
ات الذاكرة	د ساع	ان وعد	الامتد					د معام(يوضح		.\٢	
£ - 11	/ 64	44	TE 1	rr Y	£ 4	٥ ٤.	1 8		امتحار	41 4.	درج
1.	1 10	٨	٦	٨	0 1	١ ،	1 1	كرة	تاللذا	ساعا	غدد
			ت التـ								
۱ -۸ -۲	٠٠ ٧٦	AY 41	V 44	11-1	-01	10 1	• 11	4 142	4. 1.	• •	س
144.	Y4 1A	44 4	7 Y 0	40	77	414	r Y:	11	40 1	۲۸	ص
			یـة:	ت الآت	لدرجا	تباط ا	ل الار	د معام	_ اوج	.\ £	
4	7	١.	٧	٦	٩	٥	۲	14	£.	C.	y -
1.	4	1.	۲	1.	0	٤	٣	1.	٦	U	•

المراجبت

- 1 Garrison Karl C. and Magoon Robert A.
 Educational Psychology: An Integration of Psychology and Educational Practices, Ohio: Charles E. Merrill, 1972.
- 2 Glass Gene V. and Stanley Julianc.
 Statistical methods in Education and Psychology, New Jersey:
 Prentice Hall, 1970.
- 3 Lemk Elmer and Wiersma William.
 Principles of psychological measurement, Chicago: Rand
 Mc Nally, 1976.
- 4 Lynch Mervin D. and Huntsberger. David V. Elements of Statical inference for education and Psychology, London: Allyn and Baoon, 1976.
- 5 Martuza Victor R.
 Appliying Norm Referenced and Criterion Refrenced
 Measurement in Education, Iondon: Allyn and Bacon, 1977.
- 6 McNEMAR, QUINN.
 Psychological Statistics, 4th ed. New york: John Wiley 1969.
- 7 Sprinthall Richard C. and Sprinthall Norman.
 Educational Psychology Adevelopmental Approach, 2nd ed.
 London: Addison Wesley, 1977.

• •

الإحصاء الوصفى في العلوم النفسية والتربوية

ISBN 977-05-1992-8



The Winter of Winter of Transpires

Www.wangio-egyptian.com